

مذكرة

سما
SAMA

مذكرة
معلم



سما
SAMA

سما
SAMA

عمره ما يخذلك

المادة

الرياضيات أسئلة

الصف

الثاني عشر علمي

أ. وليد حسين



الفصل الأول

2026-2025

www.samakw.com

samakw.net

60084568 / 50855008 / 97442417

حولي مجمع بيروت الدور الأول

www.SAMAKW.NET/AR

teacher
الى
الى
الى
الى

أوجد

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x+1)^2 - 9}{x^2 - 2x}$$

Page | 1

بفرض أن . أوجد . $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = 7$ ، $\lim_{x \rightarrow 2} g(x) = -3$

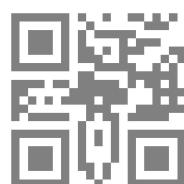
a) $\lim_{x \rightarrow 2} (f(x) + g(x))$ b) $\lim_{x \rightarrow 2} (f(x) \cdot g(x))$ c) $\lim_{x \rightarrow 2} \left(\frac{8f(x) \cdot g(x)}{f(x) + g(x)} \right)$



$$\lim_{x \rightarrow -1} \frac{\sqrt[3]{x^3 - 4x + 5}}{x - 2} \quad \text{أوجد:}$$

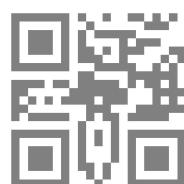
Page | 2

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{3x^2 - 2}}{x - 2} \quad \text{أوجد}$$



$$\lim_{x \rightarrow -2} \frac{|x+2|}{x^2 + 3x + 2} \quad \text{أوجد}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(3+x)^3 - 27}{x} \quad \text{أوجد:}$$



$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^4 - 7x^2 - 18}{x - 3}$$

لتكن الدالة $f(x) = |x - 3| + 2x$:
(a) اكتب $f(x)$ دون استخدام رمز القيمة المطلقة.

(b) أوجد: $\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x)$. $\lim_{x \rightarrow 3^-} f(x)$

(c) هل للدالة f نهاية عندما $x \rightarrow 3$ ؟



$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{2x-3} - 1}{x-2}$$

أو جد إن أمكن:

$$\lim_{x \rightarrow 9} \frac{x-9}{3-\sqrt{x}}$$

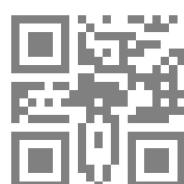


$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x^2 + 7} - 4}{x^2 - 4x + 3}$$

أوجد إن أمكن:

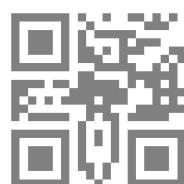
$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x - 1}{\sqrt[3]{x} - 1}$$

أوجد إن أمكن:



$$\lim_{x \rightarrow 5} \frac{|x+2|-7}{x^2-25} \quad \text{أوجد إن أمكن:}$$

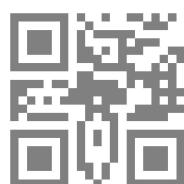
$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{|x-1|}{x^2-1} \quad \text{أوجد إن أمكن:}$$



فأوجد قيم a, b

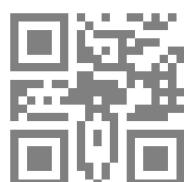
$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x^2 + 2x - 5}{ax^3 + bx^2 + 3} = -1 \text{ إذا كانت:}$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{2x^2 - x}}{x + 1}$$



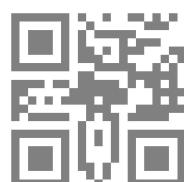
$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x - 3}{\sqrt{4x^2 + 5x + 6}}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{1 - \cos x} \quad \text{أوجد}$$



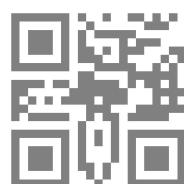
$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 2x}{\sin 2x}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{5x + \sin 3x}{2x} \right) \quad \text{أوجاد}$$



$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan 2x + 3x \cos 4x}{5x}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{2x^2 - x}$$



$$f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - 9}{x - 3} & : x > 3 \\ 7 & : x \leq 3 \end{cases} \quad \text{لتكن } f$$

ابحث اتصال الدالة f عند $x = 3$

$$f(x) = \begin{cases} \frac{|x+1|}{x+1} - 2x & : x \neq -1 \\ 2 & : x = -1 \end{cases} \quad \text{ابحث اتصال الدالة } f \text{ عند } x = -1 \text{ حيث}$$



$$f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - 3x}{|x|} & : x \neq 0 \\ -3 & : x = 0 \end{cases}$$

ابحث اتصال الدالة f عند $x = 0$ حيث

لتكن $g(x) = \sqrt{x + 4}$ ، $f(x) = 2x^2 - 3$
 ابحث اتصال الدالة $g \circ f$ عند $x = -2$



لتكن الدالة $g(x) = \sqrt{x}$ ، الدالة $f(x) = x^2 - 3x$ ،
ابحث اتصال الدالة (gof) عند $x = -1$

لتكن $f(x) = |x^2 + 6x + 5|$ ابحث اتصال الدالة f عند $x = 2$



ابحث اتصال الدالة $f(x) = \frac{\sqrt[3]{x}}{x^2 + 4}$ عند $x = -2$

لتكن $f(x) = \sqrt{x^2 - 7x + 10}$:
أوجد مجال الدالة f ثم ادرس اتصال الدالة f على $[-1, 1]$



لتكن $f : f(x) = \sqrt{4 - x^2}$ ادرس اتصال الدالة f على $[-2, 2]$

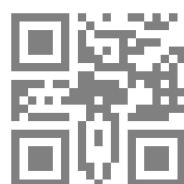
إدرس اتصال الدالة f على $[1, 3]$ حيث :

$$f(x) = \begin{cases} -2 & : x = 1 \\ x^2 - 3 & : 1 < x < 3 \\ 5 & : x = 3 \end{cases}$$



ادرس اتصال الدالة f على مجالها حيث :

$$f(x) = \begin{cases} x + 3 & : x \leq -1 \\ \frac{4}{x+3} & : x > -1 \end{cases}$$



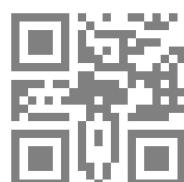
أوجد قيمة a, b بحيث تكون الدالة f متصلة على مجالها حيث :

$$f(x) = \begin{cases} x^2 & : x < 1 \\ 3x + a & : x > 1 \\ b & : x = 1 \end{cases}$$

لتكن الدالة f :

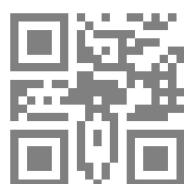
$$f(x) = \begin{cases} 5 & : x = 1 \\ ax + b & : 1 < x < 4 \\ b + 8 & : x = 4 \end{cases}$$

متصلة على $[1, 4]$ أوجد قيم الثابتين a, b

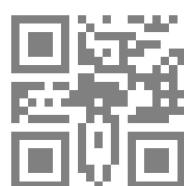


ادرس اتصال الدالة f على الفترة $[1, 5]$. حيث.

$$f(x) = \begin{cases} 2 & : x = 1 \\ \frac{x^2+1}{x} & : 1 < x < 5 \\ \frac{26}{5} & : x = 5 \end{cases}$$

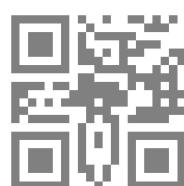


دالة متصلة على مجالها $f(x) = \begin{cases} x^2 + 1 & : x \leq 2 \\ 4x - 3 & : x > 2 \end{cases}$ لتكن الدالة f إن أمكن $f'(x)$ أوجد

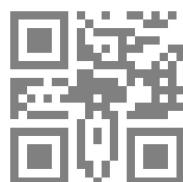


لتكن الدالة f :
$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 1 & : x < 1 \\ 2\sqrt{x} & : x \geq 1 \end{cases}$$

دالة متصلة على مجالها ، أوجد $f'(x)$ إن أمكن



لتكن : $f(x) = \frac{2x+1}{x}$ $(x \neq 0)$, $g(x) = x^2 + 1$
أوجد (1) باستخدام قاعدة السلسلة $(f \circ g)'(x)$ $(f \circ g)'(1)$ (2)



إذا كانت : $f(x) = 2x + 1$, $g(x) = x^3$
 (1) أوجد $(g \circ f)'(x)$

(2) أوجد معادلة المماس للدالة $(g \circ f)(x)$ عند النقطة $A(0, 1)$

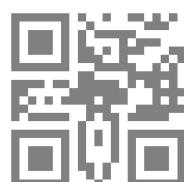
لتكن : $y = x + x^2y^5$ ، أوجد y' ، $y' = \frac{dy}{dx}$



لتكن : $y = u^2 + 4u - 3$ ، $u = 2x^3 + x$

أوجد : $y' = \frac{dy}{dx}$ باستخدام قاعدة التسلسل .

للمنحنى الذي معادلته $x^2 - y^2 + yx - 1 = 0$ أوجد y' ثم أوجد ميل المماس لهذا المنحنى عند النقطة $(1, 1)$



للمنحنى الذي معادلته $2\sqrt{y} + y = x$ أوجد: y' (1)

(2) ميل المماس لهذا المنحنى عند النقطة (1 ، 3)

أوجد ميل المماس ($\frac{dy}{dx}$) للمنحنى الذي معادلته $2y = x^2 - \cos y$ عند النقطة



أوجد معادلة المستقيم العمودي لمنحنى الدالة: $y = \tan x$ عند النقطة $(\frac{\pi}{4}, 1)$

إذا كان : $y = x \sin x$
فأثبت أن : $y'' + y - 2 \cos x = 0$



إذا كانت: $y y'' + (y')^2 = 0$ فثبت ان: $y = \sqrt{1 - 2x}$

أوجد معادلة المماس عند النقطة $f\left(1, \frac{2}{3}\right)$ لمنحنى الدالة

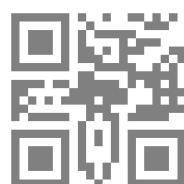
$$f(x) = \frac{x^3 + 1}{x^2 + 2} \quad \text{حيث}$$



لتكن: $y = u^2 + 4u - 3$ ، $u = 2x^3 + x$

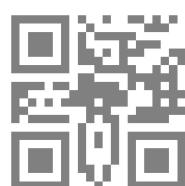
أوجد: $\frac{dy}{dx}$ باستخدام قاعدة التسلسل.

أوجد معادلة المماس لمنحنى الدالة $y = \frac{8}{4+x^2}$ عند $x = 2$



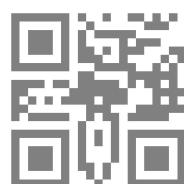
أثبت أن من بين المستطيلات التي محيطها 8 cm واحداً منها يعطي أكبر مساحة ويكون مربعاً؟

عددان موجبان مجموعهما 100 ، ومجموع مربعيهما أصغر ما يمكن، ما العددان؟



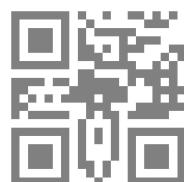
تعطي الدالة $V(h) = 2\pi (-h^3 + 36h)$ حجم أسطوانه بدلالة ارتفاعها h .
أوجد الإرتفاع h (cm) للحصول على أكبر حجم للأسطوانه ثم أوجد هذا الحجم.

أوجد عددين موجبين مجموعهما 20 وناتج ضربهما أكبر ما يمكن



لتكن الدالة f : $f(x) = x^3 - 12x - 5$ أوجد كلا مما يلي :

- (1) النقاط الحرجة للدالة
- (2) الفترات التي تكون الدالة f متزايدة أو متناقصة عليها
- (3) القيم القصوى المحلية

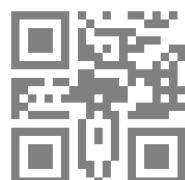


درس تغير الدالة $f(x) = 1 - x^3$: ثم ارسم بيانها

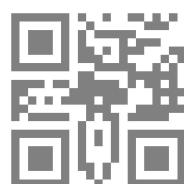
Page | 32



ادرس تغير الدالة $f(x) = 2x^3 + 3x^2 - 1$: f ثم ارسم بياتها

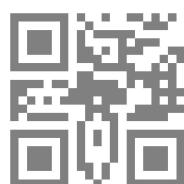


ادرس تغير الدالة $f(x) = x^3 - 3x$: f وارسم بيانها



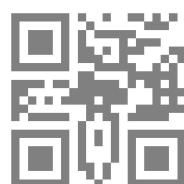
باستخدام التعريف، أوجد مشتقة الدالة f : $f(x) = 2x^2 + 1$. عند $x = 1$.

لتكن الدالة: $f(x) = x^3$ ، أوجد $f'(x)$ ، باستخدام تعريف المشتقة إن وجدت.



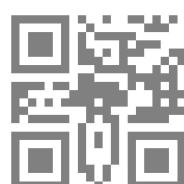
لتكن: $(f \circ g)'(1)$. أوجد باستخدام قاعدة السلسلة: $f(x) = \frac{x^2 - 4}{x^2 + 4}$. $g(x) = \sqrt{x}$

أوجد القيم العظمى والصغرى المطلقة للدالة المتصلة f : $f(x) = x^{\frac{2}{3}}$ في الفترة $[-2, 3]$.



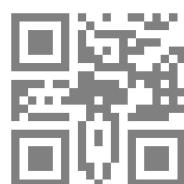
إذا كانت : $n = 20$, $\bar{x} = 40$, $S = 7$
اخبر الفرض بأن $\mu = 35$ عند مستوى معنوية $\alpha = 0.05$

أجريت دراسة لعينة من الإناث حول معدل النبض لديهن فإذا كان حجم عينة الإناث $n = 40$ والانحراف المعياري لمجتمع الإناث $\sigma = 12.5$ ، والمتوسط الحسابي للعينة $\bar{x} = 76.3$. استخدم مستوى ثقة 95% لإيجاد:
1) هامش الخطأ 2) فترة الثقة للمتوسط الحسابي لمجتمع الإحصائي



- أخذت عينه عشوائية من مجتمع طبيعي حجمها $n=81$ ومتوسطها الحسابي هو $\bar{x} = 50$ وإنحرافها المعياري $S=9$ باستخدام مستوى ثقة 95%
- (1) أوجد هامش الخطأ
(2) أوجد فتره الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي μ
(3) فسر فتره الثقة

- أخذت عينه عشوائية من مجتمع طبيعي حجمها $n=81$ ومتوسطها الحسابي هو $\bar{x} = 50$ وإنحرافها المعياري $S=9$ باستخدام مستوى ثقة 95%
- (1) أوجد هامش الخطأ
(2) أوجد فتره الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي μ
(3) فسر فتره الثقة



البنود الموضوعية - صحيحة أو خطأ

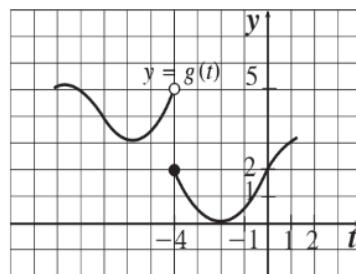
Page | 39

إذا كانت الدالة f متصلة عند $x = 0$ ، g دالة متصلة على $[-1, 3]$ ، فإن $f + g$ هي دالة متصلة عند 0

1

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{\sqrt{x^2 - x}}{x} = -2$$

2



الشكل المقابل، يمثل بيان الدالة g

$$\lim_{x \rightarrow -4} g(x) = 2$$

3

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x}{|2x - 3|} = \frac{1}{2}$$

4

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x - 1}{|x| - 3} = 2$$

5

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} (2x - |x| + 2) = 3$$

6

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 + \sin 2x}{2 \cos 2x} = \frac{1}{2}$$

7

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \sin x}{\cos^2 x} = 0$$

8

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{5x + \sin x}{x} = 5$$

9

$$a = -1 \quad \text{فإن} \quad \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{ax^2 + 3x}{\frac{1}{2}x^2 - 5} \right) = -2 \quad \text{إذا كان}$$

10

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 1 & , \quad x < 3 \\ 2ax & , \quad x \geq 3 \end{cases} \quad : x = 3 \quad \text{تصبح الدالة التالية متصلة عند } x = 3 \quad \text{حيث} \quad a = \frac{2}{3}$$

11

$$\text{إذا كانت الدالة } f \text{ متصلة عند } x = -1 \text{ وكان } f(-1) = 1 \quad \text{فإن} \quad \lim_{x \rightarrow -1} (f(x) - 2) = -1 \quad \text{وكان}$$

12

$$\text{إذا كانت } f \text{ ليست معرفة عند } x = c \text{ فإن } \lim_{x \rightarrow c} f(x) \text{ غير موجودة}$$

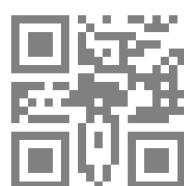
13

$$\lim_{x \rightarrow 1} (f(x) + g(x)) = 4 \quad \text{فإن} \quad f(x) = 4 - \sqrt{x} \quad g(x) = \sqrt{x}$$

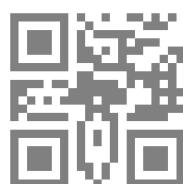
14



	إذا كانت f دالة متصلة على كل من $[1, 5], [3, 5)$ فإن f متصلة على $[1, 5]$	15
	الدالة: $x \in \mathbb{R}$ متصلة عند كل $y = \frac{1}{x^2 + 1}$	16
Page 40	الدالة $f(x) = \sqrt{-x^2 + 5x - 4}$ متصلة عند $x = 2$	17
	الدالة $f(x) = x^2 - x $ متصلة لكل قيم $x \in \mathbb{R}$	18
	الدالة $f(x) = \frac{2x - 2}{ x - 1}$ متصلة عند $x = 0$	19
	إذا كانت g دالة متصلة عند $x = a$ $\Rightarrow a = 0$ $a \in \mathbb{Z}$	20
	ميل مماس منحني الدالة f عند النقطة $(c, f(c))$ هو $\frac{f(c+h) - f(c)}{h}$	21
	يكون مماس منحني الدالة f عند النقطة $(4, -1)$ موازياً لمحور السينات.	22
	الدالة $f(x) = x x $ غير قابلة للاشتراق $\forall x \in \mathbb{R}$.	23
	يمكن أن تكون النقطة الحرجة نقطة انعطاف.	24
	إذا أخذنا عينة من 225 هاتفاً، ووجدنا أن متوسط صلاحية استخدامها \bar{x} هو 1.7 سنة، والانحراف المعياري $S = 0.5$ ، ودرجة الثقة 95% فنجد أن فترة الثقة هي: $2.76 < \mu < 2.63$	25
	أصغر محيط ممكן لمستطيل مساحته 16 cm^2 هو 16 cm	26
	إذا كان لمنحني الدالة f نقطة انعطاف هي $(c, f(c))$ فإن $f''(c) = 0$	27
	الدالة $f(x) = \begin{cases} 2x - 1 & : x < 4 \\ x^2 - 9 & : x > 4 \end{cases}$ قابلة للاشتراق عند $x = 4$	28
	إذا كانت f دالة متصلة على (a, b) فإن f لها قيمة عظمى مطلقة وقيمة صغرى مطلقة على هذه الفترة.	29
	إذا كانت $\frac{dy}{dx} = \frac{3}{x^4}$ فإن $y = \frac{(x-1)(x^2+x+1)}{x^3}$	30
	إذا كانت $\frac{dy}{dx} = -2(x + \sqrt{x})^{-1} \left(1 + \frac{1}{2\sqrt{x}}\right)$ فإن $y = (x + \sqrt{x})^{-2}$	31



الاختيار من متعدد	32			
الدالة $f(x) = x^{\frac{2}{3}}$ تحقق شروط نظرية القيمة المتوسطة على $[0, 1]$	33			
ميل المماس لمنحنى الدالة $y = \sin x + 3$ عند $x = \pi$ هو	34			
ليكن منحنى الدالة f : فإن النقطة التي يكون مماس المنحنى عندها أفقياً هي:	35			
<input type="radio"/> (a) $(3, 0)$	<input type="radio"/> (b) $(1, 0)$	<input type="radio"/> (c) $(2, -1)$	<input type="radio"/> (d) $(-1, 2)$	36
إذا كانت الدالة f متصلة عند $x = -2$ و كانت $\lim_{x \rightarrow -2} (x^2 + f(x)) = 7$ تساوي:	37			
<input type="radio"/> (a) 3	<input type="radio"/> (b) 5	<input type="radio"/> (c) 9	<input type="radio"/> (d) 11	38
إذا كانت الدالة g متصلة عند $x = 1$ و كانت النقطة $(-3, -1)$ تقع على منحنى الدالة g فإن $\lim_{x \rightarrow 1} (g(x))^2$ تساوي:	39			
<input type="radio"/> (a) -6	<input type="radio"/> (b) -3	<input type="radio"/> (c) 1	<input type="radio"/> (d) 9	40
ليكن الدالة f : $f(x) = \frac{x}{\sqrt{x-3}}$ ، الدالة g : $g(x) = x^2 + 3$ ، $x \neq 0$ ، فإن: $(f \circ g)(x)$ تساوي:	41			
<input type="radio"/> (a) $\frac{x^2}{x-3} + 3$	<input type="radio"/> (b) $\frac{x}{\sqrt{x-3}} + 3$	<input type="radio"/> (c) $\frac{-(x^2 + 3)}{x}$	<input type="radio"/> (d) $\frac{x^2 + 3}{ x }$	42
ليكن الدالة f : $f(x) = \sqrt{x^2 + 7}$ ، g : $g(x) = x^2 - 3$ ، $f(g(x))$ يساوي:	43			
<input type="radio"/> (a) 4	<input type="radio"/> (b) 1	<input type="radio"/> (c) -4	<input type="radio"/> (d) -1	44
$\lim_{x \rightarrow -8} \frac{x+8}{\sqrt[3]{x+2}} =$	45			
<input type="radio"/> (a) 12	<input type="radio"/> (b) -12	<input type="radio"/> (c) 4	<input type="radio"/> (d) -4	46
$\lim_{x \rightarrow -3} \frac{2x^3 + 9x^2 + 9x}{x+3} =$	47			
<input type="radio"/> (a) 9	<input type="radio"/> (b) 0	<input type="radio"/> (c) -3	<input type="radio"/> (d) -9	48
$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 - 2x + 5}{2x^4 + x^2 - 2} =$	49			
<input type="radio"/> (a) $\frac{1}{2}$	<input type="radio"/> (b) 0	<input type="radio"/> (c) ∞	<input type="radio"/> (d) $-\infty$	50
عدد النقاط الحرجة للدالة: $y = 3x^3 - 9x - 4$ على الفترة $(0, 2)$ هو:	51			
<input type="radio"/> (a) 3	<input type="radio"/> (b) 2	<input type="radio"/> (c) 1	<input type="radio"/> (d) 0	52



إذا كان: m, n هي: $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{mx^2 + nx + 4}{\sqrt{x^2 - 2x + 4}} = -2$

43

- (a) $m = 0, n = -2$ (b) $m = 0, n = 2$ (c) $m = 1, n = -1$ (d) $m = 1, n = 1$

Page | 42

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-5x + 3}{\sqrt{9x^2 - 2x + 4}} =$$

- (a) $\frac{5}{3}$ (b) $-\frac{5}{9}$ (c) $-\frac{5}{3}$ (d) $\frac{5}{9}$

44

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{|x - 2|}{x^2 - 4} =$$

- (a) $\frac{1}{2}$ (b) $-\frac{1}{2}$ (c) $\frac{1}{4}$ (d) $-\frac{1}{4}$

45

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\frac{1}{2+x} - \frac{1}{2}}{x} =$$

- (a) $-\frac{1}{2}$ (b) $\frac{1}{2}$ (c) $\frac{1}{4}$ (d) $-\frac{1}{4}$

46

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{|x - 2|}{x^2 - 4} =$$

- (a) $\frac{1}{2}$ (b) $-\frac{1}{2}$ (c) $\frac{1}{4}$ (d) $-\frac{1}{4}$

47

إذا كانت f دالة متصلة على الفترة $[5, -3]$ فإن:

(a) $\lim_{x \rightarrow -3^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 5^-} f(x)$ (b) $\lim_{x \rightarrow 5^-} f(x) = f(-3)$

(c) $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = f(2)$ (d) $\lim_{x \rightarrow -3^+} f(x) = f(5)$

48

$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{8g(x) + f(x)}{|f(x)|} =$ فإن $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = -3$ ، $\lim_{x \rightarrow 2} g(x) = 0$ بفرض أن

- (a) 1 (b) -1 (c) 8 (d) -8

49

الدالة $f(x) = \frac{2x - 1}{\sqrt{x^2 - 25}}$ متصلة على:

- (a) $(-\infty, \frac{1}{2}]$ (b) $(5, \infty)$ (c) \mathbb{R} (d) $(-5, 5)$

50

إذا كانت g دالة متصلة عند $x = 2$ فإن الدالة المتصلة عند $x = 2$ فيما يلي هي $f(x)$ تساوي:

- (a) $\sqrt{g(x)}$ (b) $\frac{1}{g(x)}$ (c) $\frac{g(x)}{x - 2}$ (d) $|g(x)|$

51



لتكن الدالة $f \circ g$ ، الدالة g فلن: $g(x) = x^4 + 2$ ، $f(x) = \sqrt{x}$: f تساوي

- Ⓐ $\sqrt{x^2 + 2}$ Ⓑ $\sqrt{x} + 2$ Ⓒ $x^2 + 2$ Ⓓ $\sqrt{x + 2}$

52

إذا كانت الدالة f متصلة عند $x = 3$ فإن a يمكن أن تساوي:

- Ⓐ 16 Ⓑ 9 Ⓒ 4 Ⓓ 25

53

$$x=a \quad f(x) = \begin{cases} 2ax - 2 & : x \neq a \\ 3a & : x = a \end{cases}$$

إذا كانت f متصلة عند $x = a$ فإن a يمكن أن تساوي :

54

- Ⓐ -1 Ⓑ 0 Ⓒ 2 Ⓓ 1

$$\text{الدالة } g \text{ متصلة على: } g(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - 1}{x - 1} & : x > 1 \\ 3x & : x \leq 1 \end{cases}$$

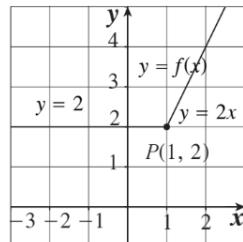
55

- Ⓐ $(-\infty, 1], (1, \infty)$ Ⓑ $(-\infty, 1), [1, \infty)$ Ⓒ $(-\infty, \infty)$ Ⓓ $(-\infty, 3]$

56

إن الدالة $f(x) = x + \sqrt{x^2 + 2}$ ليست قابلة للاشتقاق عند $x = 0$ والسبب هو:

- Ⓐ ناب Ⓑ ركن Ⓒ مماس عمودي Ⓓ غير متصلة



في الشكل المقابل، عند النقطة P :

- Ⓐ $f'_+(1) = 1$ Ⓑ $f'_-(1) = 0$
 Ⓒ $f'_-(1) = 2$ Ⓓ قابلة للاشتقاق f

57

إذا كانت $f'(x) = 5x^3 - 3x^5$ فإن $f(x)$ تساوي:

- Ⓐ $20x + 60x^3$ Ⓑ $15x^2 - 15x^4$ Ⓒ $30x - 30x^4$ Ⓓ $30x - 60x^3$

58

للدالة $f(x) = \sqrt[3]{x-1}$ مماس رأسي معادلته:

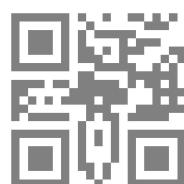
- Ⓐ $x = 0$ Ⓑ $y = 0$ Ⓒ $x = 1$ Ⓓ $y = 1$

59

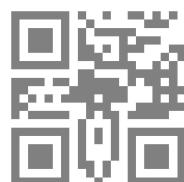
إن معادلة المماس لمنحنى الدالة $f(x) = 2x^2 - 13x + 2$ عند $x = 3$ هي:

- Ⓐ $y = x - 16$ Ⓑ $y = -x + 16$ Ⓒ $y = -x - 13$ Ⓓ $y = -x - 16$

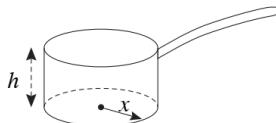
60



Page 44	<p>النقط على منحني الدالة $y = 2x^3 - 3x^2 - 12x + 20$ التي يكون المماس عندها موازيًا لمحور السينات هي:</p> <p>61</p> <p>a $(-1, 27)$ b $(2, 0)$ c $(2, 0), (-1, 27)$ d $(-1, 27), (0, 20)$</p>
	<p>إذا كانت y فإن y' تساوي:</p> <p>62</p> <p>a $\cot x \cdot \csc x$ b $\cos x$ c $-\cot x \cdot \csc x$ d $-\cos x$</p>
	<p>إذا كانت y فإن $\frac{dy}{dx}$ تساوي:</p>
	<p>63</p> <p>a $-\frac{x \sin x}{(1 + \cos x)^2}$ b $\frac{1 + \cos x - x \sin x}{(1 + \cos x)^2}$ c $\frac{1 + \cos x - x \sin x}{1 + \cos^2 x}$ d $\frac{1 + \cos x + x \sin x}{(1 + \cos x)^2}$</p>
	<p>إذا كانت $f(x) = ax^2 - 25x$ لها قيمة قصوى محلية عند $x = \frac{5}{2}$, فإن a تساوي:</p>
	<p>64</p> <p>a 2 b 3 c 4 d 5</p>
	<p>إذا كانت f دالة كثيرة حدود، ($c, f(c)$) نقطة انعطاف لها فإن:</p>
	<p>65</p> <p>a $f''(c) = 0$ b $f'(c) = 0$ c $f(c) = 0$ d $f''(c)$ غير موجودة</p>
	<p>إذا كانت $f(x) = 3x + x \tan x$ فإن $f'(0)$ يساوي:</p>
	<p>66</p> <p>a -3 b 0 c 1 d 3</p>
	<p>إذا كانت الدالة f متصلة عند $x = -2$ و كانت $\lim_{x \rightarrow -2} (x^2 + f(x)) = 7$ فإن $f(-2)$ تساوي:</p>
	<p>67</p> <p>a 3 b 5 c 9 d 11</p>
	<p>لتكن الدالتين $g(x) = 5x + 1$, $f(x) = x^2 + 3$ فإن $(g \circ f)(x)$ تساوي:</p>
	<p>68</p> <p>a $5x^2 + 16$ b $25x^2 + 10x + 4$ c $10x$ d $50x + 10$</p>
	<p>أي من الدوال التالية ليس لها نقطة انعطاف:</p>
	<p>69</p> <p>a $f(x) = x^3 + 5x$ b $f(x) = 4x^2 - 2x^4$ c $f(x) = x^3$ d $f(x) = (x - 2)^4$</p>
	<p>لتكن f: $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$, $a \neq 0$. لمنحني f دائمًا:</p>
	<p>70</p> <p>a قيمة عظمى محلية وقيمة صغرى محلية. b نقطة انعطاف.</p>
	<p>c لا تمر ب نقطة الأصل. d تقع لأسفل ثم تقع لأعلى.</p>
	<p>مستطيل مساحته 36 cm^2 فإن أبعاده التي تعطي أصغر محيط هي:</p>
	<p>71</p> <p>a 9 cm, 4 cm b 12 cm, 3 cm c 6 cm, 6 cm d 18 cm, 2 cm</p>



تعطى المساحة الكلية لوعاء أسطواني الشكل بالمعادلة $s = \pi x^2 + \frac{2V}{x}$ ، حيث x طول نصف قطر قاعدته و V حجمه. (تذكر: $V = \pi x^2 h$).



إذا كان حجم الوعاء ثابتاً فإن القيمة الدنيا لمساحته هي عندما:

- 72**
 a $x > h$ b $x < h$ c $x = h$ d ليس أي مما سبق

- 73**
 a $f(x) = x^3 + 5x$ b $f(x) = 4x^2 - 2x^4$ c $f(x) = x^3$ d $f(x) = (x - 2)^4$

لتكن f : $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$ ، $a \neq 0$. لمنحنى f دائمًا:

- 74**
 a قيمة عظمى محلية وقيمة صغرى محلية.
 b نقطة انعطاف.
 c لا تمر بنقطة الأصل.
 d تقعر لأسفل ثم تقعر لأعلى.

لنفترض أن متوسط مجتمع إحصائي يقع ضمن الفترة $69.46 < \mu < 62.84$ فمتوسط هذه العينة يساوي:

- 75**
 a 56.34 b 62.96 c 6.62 d 66.15

تقرب قيمتي t ، Z المتناظرة في جدول التوزيع الطبيعي المعياري إذا زادت درجات الحرية عن:

- 76**
 a 29 b 28 c 27 d 26

إذا كان القرار رفض فرض العدم، وفترة الثقة $(-1.96, 1.96)$ فإن قيمة الاختبار Z ممكن أن تكون:

- 77**
 a 1.5 b -2.5 c 1.87 d -1.5

في دراسة لمجتمع إحصائي تبين أن متوسطه الحسابي $\mu = 125$ أخذت عينة من هذا المجتمع حجمها $n = 36$ فتبين أن متوسطها الحسابي $\bar{x} = 130$. إذا كان المقياس الإحصائي $Z = 3.125$ فإن الانحراف المعياري σ هو:

- 78**
 a -9.6 b 6.9 c 9.6 d -6.9

إن القيمة الحرجة $Z_{\frac{\alpha}{2}}$ لدرجة الثقة 96.6% هي:

- 79**
 a 2.12 b 2.17 c 21.2 d 21%

إن حجم العينة المطلوبة لتقدير المتوسط الحسابي للمجتمع مع هامش خطأ وحدتين، ومستوى ثقة 95%، وانحراف معياري للمجتمع $\sigma = 8$ يساوي:

- 80**
 a 65 b 62 c 8 d 26

