

ساما
SAMA

مذكرة

ملك الأم



ساما
SAMA

عمره ما يخذلك

المادة

الرياضيات أسئلة

الصف

الثاني عشر علمي

أ. وليد حسين



i teacher
المعلم الذكي

WWW.SAMAKW.NET/AR

الفصل الأول
2026-2025



www.samakw.com



samakw_net

60084568 / 50855008 / 97442417



حولي مجمع بيروت الدور الأول



أوجد $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x+1)^2 - 9}{x^2 - 2x}$

بفرض أن $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = 7$, $\lim_{x \rightarrow 2} g(x) = -3$. أوجد:

a) $\lim_{x \rightarrow 2} (f(x) + g(x))$

b) $\lim_{x \rightarrow 2} (f(x) \cdot g(x))$

c) $\lim_{x \rightarrow 2} \left(\frac{8f(x) \cdot g(x)}{f(x) + g(x)} \right)$

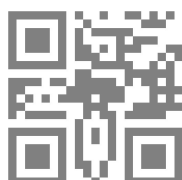


أوجد:

$$\lim_{x \rightarrow -1} \frac{\sqrt[3]{x^3 - 4x + 5}}{x - 2}$$

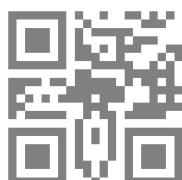
أوجد

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{3x^2 - 2}}{x - 2}$$



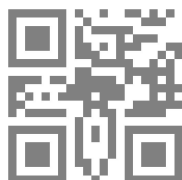
$$\lim_{x \rightarrow -2} \frac{|x+2|}{x^2+3x+2} \quad \text{أوجد}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(3+x)^3 - 27}{x} \quad \text{أوجد:}$$



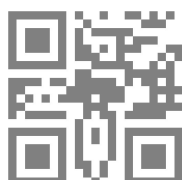
$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^4 - 7x^2 - 18}{x - 3}$$

- لتكن الدالة $f : f(x) = |x - 3| + 2x$
- (a) اكتب $f(x)$ دون استخدام رمز القيمة المطلقة.
- (b) أوجد: $\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x)$. $\lim_{x \rightarrow 3^-} f(x)$
- (c) هل للدالة f نهاية عندما $x \rightarrow 3$ ؟



$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{2x-3} - 1}{x-2}$$

$$\lim_{x \rightarrow 9} \frac{x-9}{3-\sqrt{x}} \quad \text{أوجد إن أمكن:}$$



$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x^2 + 7} - 4}{x^2 - 4x + 3}$$

أوجد إن أمكن:

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x - 1}{\sqrt[3]{x} - 1}$$

أوجد إن أمكن:



أوجد إن أمكن:

$$\lim_{x \rightarrow 5} \frac{|x+2|-7}{x^2-25}$$

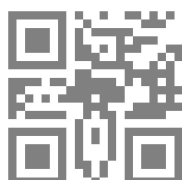
أوجد إن أمكن:

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{|x-1|}{x^2-1}$$



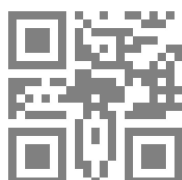
إذا كانت: $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x^2 + 2x - 5}{ax^3 + bx^2 + 3} = -1$ فأوجد قيم a, b .

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{2x^2 - x}}{x + 1}$$



$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x - 3}{\sqrt{4x^2 + 5x + 6}}$$

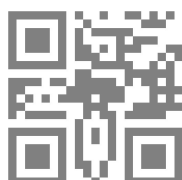
$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{1 - \cos x} \quad \text{أوجد}$$



$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 2x}{\sin 2x}$$

Page | 10

$$\lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{5x + \sin 3x}{2x} \right) \quad \text{أوجد}$$



$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan 2x + 3x \cos 4x}{5x}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{2x^2 - x}$$

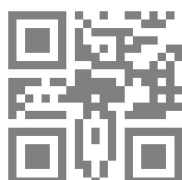


$$f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - 9}{x - 3} & : x > 3 \\ 7 & : x \leq 3 \end{cases} \quad \text{لتكن } f$$

ابحث اتصال الدالة f عند $x = 3$

Page | 12

$$f(x) = \begin{cases} \frac{|x+1|}{x+1} - 2x & : x \neq -1 \\ 2 & : x = -1 \end{cases} \quad \text{ابحث اتصال الدالة } f \text{ عند } x = -1 \text{ حيث}$$



$$f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - 3x}{|x|} : x \neq 0 \\ -3 : x = 0 \end{cases}$$

ابحث اتصال الدالة f عند $x = 0$ ، حيث

$$g(x) = \sqrt{x + 4} ، \quad f(x) = 2x^2 - 3 \quad \text{لتكن}$$

ابحث اتصال الدالة $g \circ f$ عند $x = -2$



لتكن الدالة $f : f(x) = x^2 - 3x$ ، الدالة $g : g(x) = \sqrt{x}$
 ابحث إتصال الدالة $(g \circ f)$ عند $x = -1$

لتكن $f(x) = |x^2 + 6x + 5|$ ابحث اتصال الدالة f عند $x = 2$



ابحث اتصال الدالة $f(x) = \frac{\sqrt[3]{x}}{x^2+4}$ عند $x = -2$

لتكن $f : f(x) = \sqrt{x^2 - 7x + 10}$ أوجد مجال الدالة f ثم ادرس اتصال الدالة f على $[-1, 1]$



لتكن $f : f(x) = \sqrt{4 - x^2}$ ادرس اتصال الدالة f على $[-2, 2]$

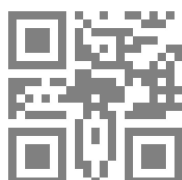
إدرس إتصال الدالة f على $[1, 3]$ حيث :

$$f(x) = \begin{cases} -2 & : x = 1 \\ x^2 - 3 & : 1 < x < 3 \\ 5 & : x = 3 \end{cases}$$



ادرس اتصال الدالة f على مجالها حيث :

$$f(x) = \begin{cases} x + 3 & : x \leq -1 \\ \frac{4}{x + 3} & : x > -1 \end{cases}$$



أوجد قيمة a, b بحيث تكون الدالة f متصلة على مجالها حيث :

$$f(x) = \begin{cases} x^2 & : x < 1 \\ 3x + a & : x > 1 \\ b & : x = 1 \end{cases}$$

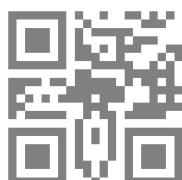
$$f(x) = \begin{cases} 5 & : x = 1 \\ ax + b & : 1 < x < 4 \\ b + 8 & : x = 4 \end{cases} \quad : \text{لتكن الدالة } f$$

متصلة على $[1, 4]$ أوجد قيم الثابتين a, b



ادرس اتصال الدالة f على الفترة $[1, 5]$. حيث .

$$f(x) = \begin{cases} 2 & : x = 1 \\ \frac{x^2+1}{x} & : 1 < x < 5 \\ \frac{26}{5} & : x = 5 \end{cases}$$



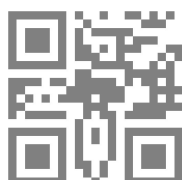
لتكن الدالة f :

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 1 & : x \leq 2 \\ 4x - 3 & : x > 2 \end{cases}$$
 دالة متصلة على مجالها
 أوجد $f'(x)$ إن أمكن



$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 1 & : x < 1 \\ 2\sqrt{x} & : x \geq 1 \end{cases} \quad \text{لتكن الدالة } f :$$

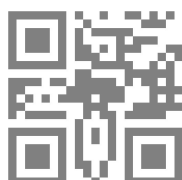
دالة متصلة على مجالها ، أوجد $f'(x)$ إن أمكن



لتكن : $g(x) = x^2 + 1$, $f(x) = \frac{2x + 1}{x}$ ($x \neq 0$) ,

أوجد (1) باستخدام قاعدة السلسلة $(f \circ g)'(x)$

(2) $(f \circ g)'(1)$



إذا كانت : $f(x) = 2x + 1$, $g(x) = x^3$

(1) أوجد $(g \circ f)'(x)$

(2) أوجد معادلة المماس للدالة $(g \circ f)(x)$ عند النقطة $A(0, 1)$

لتكن : $y = x + x^2y^5$ ، أوجد $y' = \frac{dy}{dx}$.



لتكن : $y = u^2 + 4u - 3$ ، $u = 2x^3 + x$

أوجد : $y' = \frac{dy}{dx}$ باستخدام قاعدة التسلسل .

للمنحنى الذي معادلته $x^2 - y^2 + yx - 1 = 0$

أوجد y' ثم أوجد ميل المماس لهذا المنحنى عند النقطة $(1, 1)$

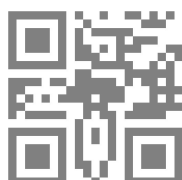


للمنحنى الذي معادلته $2\sqrt{y} + y = x$ أوجد:

(1) y'

(2) ميل المماس لهذا المنحنى عند النقطة (3 ، 1)

أوجد ميل المماس $(\frac{dy}{dx})$ للمنحنى الذي معادلته $2y = x^2 - \cos y$ عند النقطة



أوجد معادلة المستقيم العمودي لمنحنى الدالة: $y = \tan x$ عند النقطة $p(\frac{\pi}{4}, 1)$

إذا كان : $y = x \sin x$
فأثبت أن : $y'' + y - 2 \cos x = 0$



إذا كانت: $y = \sqrt{1 - 2x}$. فأثبت ان: $yy'' + (y')^2 = 0$

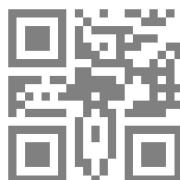
أوجد معادلة المماس عند النقطة $\left(1, \frac{2}{3}\right)$ لمنحنى الدالة f
حيث $f(x) = \frac{x^3 + 1}{x^2 + 2}$



لتكن: $y = u^2 + 4u - 3$, $u = 2x^3 + x$

أوجد: $\frac{dy}{dx}$ باستخدام قاعدة التسلسل.

أوجد معادلة المماس لمنحنى الدالة $y = \frac{8}{4 + x^2}$ عند $x = 2$



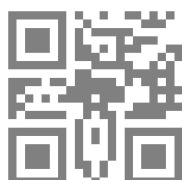
أثبت أن من بين المستطيلات التي محيطها 8 cm واحداً منها يعطي أكبر مساحة ويكون مربعاً ؟

عدنان موجبان مجموعتهما 100 ، ومجموع مربعيهما أصغر ما يمكن، ما العدنان ؟



تعطي الدالة $V(h) = 2\pi (-h^3 + 36h)$ حجم أسطوانة بدلالة ارتفاعها h .
أوجد الارتفاع h (cm) للحصول على أكبر حجم للأسطوانة ثم أوجد هذا الحجم.

أوجد عددين موجبين مجموعهما 20 وناتج ضربهما أكبر ما يمكن



لتكن الدالة f : $f(x) = x^3 - 12x - 5$ أوجد كلا مما يلي :

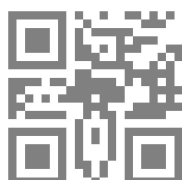
(1) النقاط الحرجة للدالة

(2) الفترات التي تكون الدالة f متزايدة أو متناقصة عليها

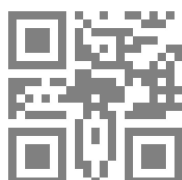
(3) القيم القصوى المحلية



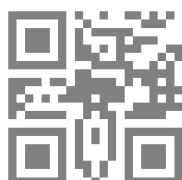
ادرس تغير الدالة f : $f(x) = 1 - x^3$ ثم ارسم بيانها



ادرس تغير الدالة f : $f(x) = 2x^3 + 3x^2 - 1$ ثم ارسم بيانها



ادرس تغير الدالة f : $f(x) = x^3 - 3x$ وارسم بيانها



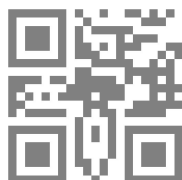
باستخدام التعريف، أوجد مشتقة الدالة $f : f(x) = 2x^2 + 1$ عند $x = 1$.

لتكن الدالة: $f(x) = x^3$ ، أوجد $f'(x)$ باستخدام تعريف المشتقة إن وجدت.



لتكن: $g(x) = \sqrt{x}$. $f(x) = \frac{x^2-4}{x^2+4}$. أوجد باستخدام قاعدة السلسلة: $(f \circ g)'(1)$

أوجد القيم العظمى والصغرى المطلقة للدالة المتصلة f : $f(x) = x^{\frac{2}{3}}$ في الفترة $[-2, 3]$.



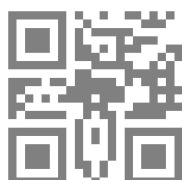
إذا كانت : $n = 20$, $\bar{x} = 40$, $S = 7$
 اختبار الفرض بأن $\mu = 35$ عند مستوى معنوية $\alpha = 0.05$

أجريت دراسة لعينة من الإناث حول معدل النبض لديهن فإذا كان حجم عينة الإناث $n = 40$ والانحراف المعياري لمجتمع الإناث $\sigma = 12.5$ ، والمتوسط الحسابي للعينة $\bar{x} = 76.3$. استخدم مستوى ثقة 95% لإيجاد:
 (1) هامش الخطأ (2) فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي μ



- أخذت عينه عشوائية من مجتمع طبيعي حجمها $n=81$ ومتوسطها الحسابي هو $\bar{x} = 50$ وانحرافها المعياري $S=9$ باستخدام مستوى ثقة 95%
- (1) أوجد هامش الخطأ
 - (2) أوجد فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي μ
 - (3) فسر فترة الثقة

- أخذت عينه عشوائية من مجتمع طبيعي حجمها $n=81$ ومتوسطها الحسابي هو $\bar{x} = 50$ وانحرافها المعياري $S=9$ باستخدام مستوى ثقة 95%
- (1) أوجد هامش الخطأ
 - (2) أوجد فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي μ
 - (3) فسر فترة الثقة



البنود الموضوعية – صح أو خطأ

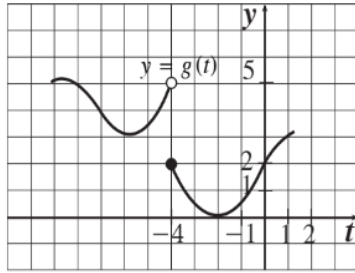
Page | 39

إذا كانت الدالة f متصلة عند $[-3, 1]$ ، g دالة متصلة على $[-1, 3]$ فإن $f + g$ هي دالة متصلة عند $x = 0$

1

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{\sqrt{x^2 - x}}{x} = -2$$

2



الشكل المقابل، يمثل بيان الدالة g

$$\lim_{x \rightarrow -4} g(x) = 2$$

3

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x}{|2x - 3|} = \frac{1}{2}$$

4

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x - 1}{|x| - 3} = 2$$

5

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} (2x - |x| + 2) = 3$$

6

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 + \sin 2x}{2 \cos 2x} = \frac{1}{2}$$

7

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \sin x}{\cos^2 x} = 0$$

8

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{5x + \sin x}{x} = 5$$

9

$$\text{إذا كان } \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{ax^2 + 3x}{\frac{1}{2}x^2 - 5} \right) = -2 \text{ فإن } a = -1$$

10

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 1, & x < 3 \\ 2ax, & x \geq 3 \end{cases} \quad : x = 3 \text{ تصبح الدالة التالية متصلة عند } a = \frac{2}{3}$$

11

$$\text{إذا كانت الدالة } f \text{ متصلة عند } x = -1 \text{ وكان } \lim_{x \rightarrow -1} (f(x) - 2) = -1 \text{ فإن } f(-1) = 1$$

12

$$\text{إذا كانت } f \text{ ليست معرفة عند } x = c \text{ فإن } \lim_{x \rightarrow c} f(x) \text{ غير موجودة}$$

13

$$\lim_{x \rightarrow 1} (f(x) + g(x)) = 4 \text{ فإن } f(x) = 4 - \sqrt{x}, g(x) = \sqrt{x} \text{ إذا كانت}$$

14



| | |
|----|--|
| 15 | إذا كانت f دالة متصلة على كل من $[3, 5]$, $[1, 3]$ فإن f متصلة على $[1, 5]$ |
| 16 | الدالة: $y = \frac{1}{x^2 + 1}$ متصلة عند كل $x \in \mathbb{R}$ |
| 17 | الدالة $f: f(x) = \sqrt{-x^2 + 5x - 4}$ متصلة عند $x = 2$ |
| 18 | الدالة $f: f(x) = x^2 - x $ متصلة لكل قيم $x \in \mathbb{R}$ |
| 19 | الدالة $f: f(x) = \frac{2x - 2}{ x - 1}$ متصلة عند $x = 0$ |
| 20 | إذا كانت g دالة متصلة عند $x = a$ $g(x) = \begin{cases} 3x^2 & : x > a \\ 2x & : x \leq a \end{cases} \Rightarrow a = 0 \quad a \in \mathbb{Z}$ |
| 21 | ميل مماس منحنى الدالة f عند النقطة $(c, f(c))$ هو $\frac{f(c+h) - f(c)}{h}$ |
| 22 | يكون مماس منحنى الدالة $f: f(x) = 4$ عند النقطة $(-1, 4)$ موازيًا لمحور السينات. |
| 23 | الدالة $f: f(x) = x x $ غير قابلة للاشتقاق $\forall x \in \mathbb{R}$. |
| 24 | يمكن أن تكون النقطة الحرجة نقطة انعطاف. |
| 25 | إذا أخذنا عينة من 225 هاتفًا، ووجدنا أن متوسط صلاحية استخدامها \bar{x} هو 1.7 سنة، والانحراف المعياري $s = 0.5$ ، ودرجة الثقة 95% فنجد أن فترة الثقة هي: $2.63 < \mu < 2.76$ |
| 26 | أصغر محيط ممكن لمستطيل مساحته 16 cm^2 هو 16 cm |
| 27 | إذا كان لمنحنى الدالة f نقطة انعطاف هي $(c, f(c))$ فإن $f''(c) = 0$. |
| 28 | الدالة $f: f(x) = \begin{cases} 2x - 1 & : x < 4 \\ x^2 - 9 & : x > 4 \end{cases}$ قابلة للاشتقاق عند $x = 4$. |
| 29 | إذا كانت f دالة متصلة على (a, b) فإن f لها قيمة عظمى مطلقة وقيمة صغرى مطلقة على هذه الفترة. |
| 30 | إذا كانت $y = \frac{(x-1)(x^2+x+1)}{x^3}$ فإن $\frac{dy}{dx} = \frac{3}{x^4}$ |
| 31 | إذا كانت $y = (x + \sqrt{x})^{-2}$ فإن $\frac{dy}{dx} = -2(x + \sqrt{x})^{-1} \left(1 + \frac{1}{2\sqrt{x}}\right)$ |

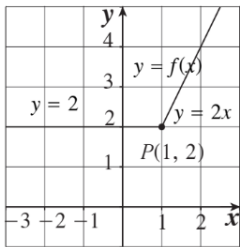


| | |
|----|--|
| 32 | الدالة $f: x^{\frac{2}{3}}$ تحقق شروط نظرية القيمة المتوسطة على $[0, 1]$ |
| 33 | ميل المماس لمنحنى الدالة $y = \sin x + 3$ عند $x = \pi$ هو 1 |
| | الاختيار من متعدد |
| 34 | ليكن منحنى الدالة $f: x^2 - 4x + 3$ فإن النقطة التي يكون مماس المنحنى عندها أفقيًا هي: (a) $(3, 0)$ (b) $(1, 0)$ (c) $(2, -1)$ (d) $(-1, 2)$ |
| 35 | إذا كانت الدالة f متصلة عند $x = -2$ وكانت $\lim_{x \rightarrow -2} (x^2 + f(x)) = 7$ فإن $f(-2)$ تساوي: (a) 3 (b) 5 (c) 9 (d) 11 |
| 36 | إذا كانت الدالة g متصلة عند $x = 1$ وكانت النقطة $(1, -3)$ تقع على منحنى الدالة g فإن $\lim_{x \rightarrow 1} (g(x))^2$ تساوي: (a) -6 (b) -3 (c) 1 (d) 9 |
| 37 | لتكن الدالة $f: \frac{x}{\sqrt{x-3}}$ ، الدالة $g: x^2 + 3, x \neq 0$ ، فإن $(f \circ g)(x)$ تساوي: (a) $\frac{x^2}{x-3} + 3$ (b) $\frac{x}{\sqrt{x-3}} + 3$ (c) $\frac{-(x^2+3)}{x}$ (d) $\frac{x^2+3}{ x }$ |
| 38 | لتكن الدالة $f: \sqrt{x^2+7}$ ، $g: x^2 - 3$ فإن $(f \circ g)(0)$ يساوي: (a) 4 (b) 1 (c) -4 (d) -1 |
| 39 | $\lim_{x \rightarrow -8} \frac{x+8}{\sqrt[3]{x+2}} =$ (a) 12 (b) -12 (c) 4 (d) -4 |
| 40 | $\lim_{x \rightarrow -3} \frac{2x^3 + 9x^2 + 9x}{x+3} =$ (a) 9 (b) 0 (c) -3 (d) -9 |
| 41 | $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 - 2x + 5}{2x^4 + x^2 - 2} =$ (a) $\frac{1}{2}$ (b) 0 (c) ∞ (d) $-\infty$ |
| 42 | عدد النقاط الحرجة للدالة: $y = 3x^3 - 9x - 4$ على الفترة $(0, 2)$ هو: (a) 3 (b) 2 (c) 1 (d) 0 |



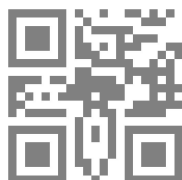
| | |
|--|----|
| <p>إذا كان: $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{mx^2 + nx + 4}{\sqrt{x^2 - 2x + 4}} = -2$ فإن قيم m, n هي:</p> <p>(a) $m = 0, n = -2$ (b) $m = 0, n = 2$ (c) $m = 1, n = -1$ (d) $m = 1, n = 1$</p> | 43 |
| <p>$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-5x + 3}{\sqrt{9x^2 - 2x + 4}} =$</p> <p>(a) $\frac{5}{3}$ (b) $-\frac{5}{9}$ (c) $-\frac{5}{3}$ (d) $\frac{5}{9}$</p> | 44 |
| <p>$\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{ x - 2 }{x^2 - 4} =$</p> <p>(a) $\frac{1}{2}$ (b) $-\frac{1}{2}$ (c) $\frac{1}{4}$ (d) $-\frac{1}{4}$</p> | 45 |
| <p>$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\frac{1}{2+x} - \frac{1}{2}}{x} =$</p> <p>(a) $-\frac{1}{2}$ (b) $\frac{1}{2}$ (c) $\frac{1}{4}$ (d) $-\frac{1}{4}$</p> | 46 |
| <p>$\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{ x - 2 }{x^2 - 4} =$</p> <p>(a) $\frac{1}{2}$ (b) $-\frac{1}{2}$ (c) $\frac{1}{4}$ (d) $-\frac{1}{4}$</p> | 47 |
| <p>إذا كانت f دالة متصلة على الفترة $[-3, 5]$ فإن:</p> <p>(a) $\lim_{x \rightarrow -3^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 5^-} f(x)$ (b) $\lim_{x \rightarrow 5^-} f(x) = f(-3)$</p> <p>(c) $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = f(2)$ (d) $\lim_{x \rightarrow -3^+} f(x) = f(5)$</p> | 48 |
| <p>بفرض أن $\lim_{x \rightarrow 2} g(x) = 0$ ، $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = -3$ فإن $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{8g(x) + f(x)}{ f(x) } =$</p> <p>(a) 1 (b) -1 (c) 8 (d) -8</p> | 49 |
| <p>الدالة $f: f(x) = \frac{2x-1}{\sqrt{x^2-25}}$ متصلة على:</p> <p>(a) $(-\infty, \frac{1}{2}]$ (b) $(5, \infty)$ (c) \mathbb{R} (d) $(-5, 5)$</p> | 50 |
| <p>إذا كانت g دالة متصلة عند $x = 2$ فإن الدالة المتصلة عند $x = 2$ فيما يلي هي $f(x)$ تساوي:</p> <p>(a) $\sqrt{g(x)}$ (b) $\frac{1}{g(x)}$ (c) $\frac{g(x)}{x-2}$ (d) $g(x)$</p> | 51 |



| | |
|----|---|
| 52 | <p>لتكن الدالة $f: f(x) = \sqrt{x}$، الدالة $g: g(x) = x^4 + 2$ فإن $(g \circ f)(x)$ تساوي</p> <p>(a) $\sqrt{x^2 + 2}$ (b) $\sqrt{x} + 2$ (c) $x^2 + 2$ (d) $\sqrt{x + 2}$</p> |
| 53 | <p>إذا كانت الدالة $f: f(x) = \sqrt{x^2 - a}$ متصلة عند $x = 3$ فإن a يمكن أن تساوي:</p> <p>(a) 16 (b) 9 (c) 4 (d) 25</p> |
| 54 | <p>إذا كانت f</p> $f(x) = \begin{cases} 2ax - 2 & : x \neq a \\ 3a & : x = a \end{cases}$ <p>متصلة عند $x = a$ فإن a يمكن أن تساوي:</p> <p>(a) -1 (b) 0 (c) 2 (d) 1</p> |
| 55 | <p>الدالة $g: g(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - 1}{x - 1} & : x > 1 \\ 3x & : x \leq 1 \end{cases}$ متصلة على:</p> <p>(a) $(-\infty, 1], (1, \infty)$ (b) $(-\infty, 1), [1, \infty)$ (c) $(-\infty, \infty)$ (d) $(-\infty, 3]$</p> |
| 56 | <p>إن الدالة $f: f(x) = x + \sqrt{x^2 + 2}$ ليست قابلة للاشتقاق عند $x = 0$ والسبب هو:</p> <p>(a) ناب (b) ركن (c) مماس عمودي (d) غير متصلة</p> |
| 57 | <p>في الشكل المقابل، عند النقطة P:</p>  <p>(a) $f'_+(1) = 1$ (b) $f'_-(1) = 0$</p> <p>(c) $f'_-(1) = 2$ (d) f قابلة للاشتقاق</p> |
| 58 | <p>إذا كانت $f(x) = 5x^3 - 3x^5$ فإن $f'(x)$ تساوي:</p> <p>(a) $20x + 60x^3$ (b) $15x^2 - 15x^4$ (c) $30x - 30x^4$ (d) $30x - 60x^3$</p> |
| 59 | <p>للدالة $f: f(x) = \sqrt[3]{x - 1}$ مماس رأسي معادلته:</p> <p>(a) $x = 0$ (b) $y = 0$ (c) $x = 1$ (d) $y = 1$</p> |
| 60 | <p>إن معادلة المماس لمنحنى الدالة $f: f(x) = 2x^2 - 13x + 2$ عند $x = 3$ هي:</p> <p>(a) $y = x - 16$ (b) $y = -x + 16$ (c) $y = -x - 13$ (d) $y = -x - 16$</p> |



| | |
|----|--|
| 61 | النقاط على منحنى الدالة $y = 2x^3 - 3x^2 - 12x + 20$ التي يكون المماس عندها موازيًا لمحور السينات هي: |
| 62 | إذا كانت $y = \frac{1}{\sin x}$ فإن y' تساوي: |
| 63 | إذا كانت $y = \frac{x}{1 + \cos x}$ فإن $\frac{dy}{dx}$ تساوي: |
| 64 | إذا كانت $f(x) = ax^2 - 25x$ لها قيمة قصوى محلية عند $x = \frac{5}{2}$ ، فإن a تساوي: |
| 65 | إذا كانت f دالة كثيرة حدود، $(c, f(c))$ نقطة انعطاف لها فإن: |
| 66 | إذا كانت $f(x) = 3x + x \tan x$ فإن $f'(0)$ يساوي: |
| 67 | إذا كانت الدالة f متصلة عند $x = -2$ وكانت $\lim_{x \rightarrow -2} (x^2 + f(x)) = 7$ فإن $f(-2)$ تساوي: |
| 68 | لتكن الدالتين $g(x) = 5x + 1$ ، $f(x) = x^2 + 3$ فإن $(g \circ f)(x)$ تساوي: |
| 69 | أي من الدوال التالية ليس لها نقطة انعطاف: |
| 70 | لتكن $f: a \neq 0$ ، $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$. لمنحنى f دائمًا: |
| 71 | مستطيل مساحته 36 cm^2 فإن أبعاده التي تعطي أصغر محيط هي: |



| | | |
|---|---|-----------|
| <p>تُعطي المساحة الكلية لوعاء أسطواناني الشكل بالمعادلة $s = \pi x^2 + \frac{2v}{x}$، حيث x طول نصف قطر قاعدته و V حجمه. (تذكر: $V = \pi x^2 h$). إذا كان حجم الوعاء ثابتاً فإن القيمة الدنيا لمساحته هي عندما:</p> | <p>ليس أي مما سبق (d) $x = h$ (c) $x < h$ (b) $x > h$ (a)</p> | <p>72</p> |
| <p>أي من الدوال التالية ليس لها نقطة انعطاف:</p> | <p>(a) $f(x) = x^3 + 5x$ (b) $f(x) = 4x^2 - 2x^4$ (c) $f(x) = x^3$ (d) $f(x) = (x - 2)^4$</p> | <p>73</p> |
| <p>لتكن $f : f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$، $a \neq 0$. لمنحنى f دائماً:</p> | <p>(a) قيمة عظمى محلية وقيمة صغرى محلية. (b) نقطة انعطاف. (c) تقعر لأسفل ثم تقعر لأعلى. (d) لا تمر بنقطة الأصل.</p> | <p>74</p> |
| <p>لنفترض أن متوسط مجتمع إحصائي يقع ضمن الفترة $62.84 < \mu < 69.46$ فمتوسط هذه العينة يساوي:</p> | <p>(a) 56.34 (b) 62.96 (c) 6.62 (d) 66.15</p> | <p>75</p> |
| <p>تتقارب قيمتي t، Z المتناظرة في جدول التوزيع الطبيعي المعياري إذا زادت درجات الحرية عن:</p> | <p>(a) 29 (b) 28 (c) 27 (d) 26</p> | <p>76</p> |
| <p>إذا كان القرار رفض فرض العدم، وفترة الثقة $(-1.96, 1.96)$ فإن قيمة الاختبار Z ممكن أن تكون:</p> | <p>(a) 1.5 (b) -2.5 (c) 1.87 (d) -1.5</p> | <p>77</p> |
| <p>في دراسة لمجتمع إحصائي تبين أن متوسطه الحسابي $\mu = 125$ أخذت عينة من هذا المجتمع حجمها $n = 36$ فتبين أن متوسطها الحسابي $\bar{x} = 130$. إذا كان المقياس الإحصائي $Z = 3.125$ فإن الانحراف المعياري σ هو:</p> | <p>(a) -9.6 (b) 6.9 (c) 9.6 (d) -6.9</p> | <p>78</p> |
| <p>إن القيمة الحرجة $Z_{\alpha/2}$ لدرجة الثقة 96.6% هي:</p> | <p>(a) 2.12 (b) 2.17 (c) 21.2 (d) 21%</p> | <p>79</p> |
| <p>إن حجم العينة المطلوبة لتقدير المتوسط الحسابي للمجتمع مع هامش خطأ وحدتين، ومستوى ثقة 95%، وانحراف معياري للمجتمع $\sigma = 8$ يساوي:</p> | <p>(a) 65 (b) 62 (c) 8 (d) 26</p> | <p>80</p> |

