



الفصل الدراسي الثاني

مؤسسة سما التعليمية

حولي مجمع بيروت الدور الأول

المادة

الرياضيات

الصف

حادي عشر علمي

إجابة

سما
SAMA

لطلب المذكرات
60084568

أ/ وليد حسين

للاشتراك بالمراجعات الحضورية
50855008



@samakw_net

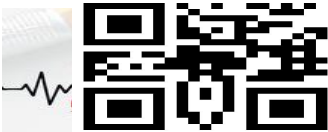
www.samakw.com

أكتب العدد $\frac{2}{3-i}$ في الصورة الجبرية

$$\begin{aligned} z &= \frac{(2)}{(3-i)} \cdot \frac{3+i}{3+i} = \frac{6+2i}{(3)^2 + (-1)^2} \\ &= \frac{6+2i}{10} = \frac{6}{10} + \frac{2}{10}i \\ &= \frac{3}{5} + \frac{2}{5}i \end{aligned}$$

اكتب العدد المركب $\frac{-5+i}{2-3i}$ في الصورة الجبرية

$$\begin{aligned} Z &= \frac{(-5+i)}{(2-3i)} \cdot \frac{(2+3i)}{(2+3i)} = \frac{-5(2+3i) + i(2+3i)}{(2)^2 + (-3)^2} \\ &= \frac{-10 - 15i + 2i - 3}{4 + 9} \\ &= \frac{-13 - 13i}{13} \\ &= -1 - i \end{aligned}$$



إذا كان $z_1 = -2 - 2i$, $z_2 = 3 - 5i$

(1) أوجد z_2^{-1}

(2) اكتب العدد z_1 في الصورة المثلثية

$$r = \sqrt{x^2 + y^2} = \sqrt{(-2)^2 + (-2)^2} = 2\sqrt{2}$$

$$x < 0, y < 0 \Rightarrow \theta \text{ في الربع الثالث}$$

$$\theta = \pi + \alpha$$

$$\alpha = \tan^{-1} \left| \frac{y}{x} \right| \Rightarrow \alpha = \tan^{-1} \left(\frac{2}{2} \right) = \frac{\pi}{4}$$

$$\therefore \theta = \pi + \frac{\pi}{4} = \frac{5\pi}{4}$$

$$z = r(\cos \theta + i \sin \theta)$$

$$z = 2\sqrt{2} \left(\cos \frac{5\pi}{4} + i \sin \frac{5\pi}{4} \right)$$

إذا كان $z_1 = 2 + i$, $z_2 = -3 + 4i$ فأوجد:

$$\begin{aligned} z^{-1} &= \frac{1}{3 - 5i} = \frac{3 + 5i}{(3)^2 + (-5)^2} \\ &= \frac{3 + 5i}{34} \\ &= \frac{3}{34} + \frac{5}{34}i \end{aligned}$$

أوجد المعكوس الضربي (1) $\overline{3z_1 - 2z_2}$ (2) $\frac{z_2}{z_1}$ (3) z_1^{-1}

$$3\overline{z_1} - 2\overline{z_2} = 3(2 - i) - 2(-3 - 4i) = 6 - 3i + 6 + 8i = 12 + 5i$$

$$\begin{aligned} \textcircled{2} \frac{z_2}{z_1} &= \frac{(-3 + 4i)}{(2 + i)} \cdot \frac{(2 - i)}{(2 - i)} = \frac{-3(2 - i) + 4i(2 - i)}{(2)^2 + (1)^2} \\ &= \frac{-6 + 3i + 8i + 4}{5} = \frac{-2 + 11i}{5} \end{aligned}$$

$$\textcircled{3} z_1^{-1} = \frac{1}{z_1} = \frac{1}{(2 + i)(2 - i)} = \frac{2 - i}{5} = \frac{2}{5} - \frac{1}{5}i$$



اكتب العدد $\frac{\sqrt{3}-i}{\sqrt{3}+i}$ في الصورة الجبرية

ثم حوله للصورة المثلثية مستخدما السعة الأساسية

$$x > 0, y < 0$$

$\therefore \theta$ في الربع الرابع $\theta = 2\pi - \alpha$

$$\alpha = \tan^{-1} \left| \frac{y}{x} \right| = \tan^{-1} \left| \frac{-1}{\sqrt{3}} \right| = \frac{\pi}{3}$$

$$\therefore \theta = 2\pi - \frac{\pi}{3} = \frac{5\pi}{3}$$

$$z = r (\cos \theta + i \sin \theta)$$

$$z = \left(\cos \frac{5\pi}{3} + i \sin \frac{5\pi}{3} \right)$$

$$\frac{(\sqrt{3}-i)(\sqrt{3}-i)}{(\sqrt{3}+i)(\sqrt{3}-i)} = \frac{(\sqrt{3}-i)^2}{3+1}$$

$$= \frac{3 - 2\sqrt{3}i - 1}{4} = \frac{2 - 2\sqrt{3}i}{4} = \frac{1 - \sqrt{3}i}{2}$$

$$r = \sqrt{x^2 + y^2} = \sqrt{\left(\frac{1}{2}\right)^2 + \left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2} = 1$$

أوجد الزوج المرتب (r, θ) للنقطة $D(3\sqrt{3}, 3)$ حيث $0 \leq \theta < 2\pi$

$$x = 3\sqrt{3} > 0, y = 3 > 0$$

θ تقع في الربع الأول

$$r = \sqrt{x^2 + y^2}$$

$$r = \sqrt{(3\sqrt{3})^2 + 3^2} = 6$$

$$\theta = \alpha$$

$$\alpha = \tan^{-1} \left(\left| \frac{y}{x} \right| \right)$$

$$= \tan^{-1} \left(\frac{3}{3\sqrt{3}} \right)$$

$$\alpha = \frac{\pi}{6} \Rightarrow \theta = \frac{\pi}{6}$$

$$\therefore (r, \theta) = \left(6, \frac{\pi}{6} \right)$$

θ في الربع الأول



ضع العدد: $z = -1 - i$ في الصورة المثلثية

$$r = \sqrt{x^2 + y^2} = \sqrt{(-1)^2 + (-1)^2} = \sqrt{2}$$

$$\alpha = \tan^{-1}\left(\left|\frac{y}{x}\right|\right) = \tan^{-1}\left|\frac{-1}{-1}\right| = \frac{\pi}{4}$$

$$\theta = \pi + \alpha = \pi + \frac{\pi}{4} = \frac{5\pi}{4}$$

$$z = r(\cos \theta + i \sin \theta)$$

$$z = \sqrt{2} \left(\cos \frac{5\pi}{4} + i \sin \frac{5\pi}{4} \right)$$

حوّل من الإحداثيات الديكارتية إلى الإحداثيات القطبية (r, θ) :

$$L(1, -\sqrt{3}), 0 \leq \theta < 2\pi$$

$$r = \sqrt{x^2 + y^2} = \sqrt{1^2 + (-\sqrt{3})^2} = 2$$

$$x = 1 > 0, y = -\sqrt{3} < 0 \Rightarrow \theta = 2\pi - \alpha$$

$$\alpha = \tan^{-1}\left|\frac{y}{x}\right| = \tan^{-1}\left|\frac{-\sqrt{3}}{1}\right| = 60^\circ = \frac{\pi}{3}$$

$$\therefore \theta = 2\pi - \frac{\pi}{3} = \frac{5\pi}{3}$$

$$z = r(\cos \theta + i \sin \theta)$$

$$= 2 \left(\cos \frac{5\pi}{3} + i \sin \frac{5\pi}{3} \right)$$

ملاحظة: إذا علم (r, θ) ، فإن المثلث (x, y)

$$x = r \cdot \cos \theta$$

$$y = r \cdot \sin \theta$$

نتج



يمكن التوقيع برقعة
mode 15 15

أوجد مجموعة حل المعادلة : $z^2 - 2z + 4 = 0$ في $\mathbb{C}$

$$z = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$z = \frac{2 \pm \sqrt{4 - 4(1)(4)}}{2(1)}$$

$$z_1 = \frac{2 + 2\sqrt{3}i}{2}, \quad z_2 = \frac{2 - 2\sqrt{3}i}{2}$$

$$z_1 = 1 + \sqrt{3}i, \quad z_2 = 1 - \sqrt{3}i$$

$$L = \{1 + \sqrt{3}i, 1 - \sqrt{3}i\}$$

$$az^2 + bz + c = 0$$

$$a = 1$$

$$b = -2$$

$$c = 4$$

أوجد مجموعة حل المعادلة : $z + i = 2\bar{z} + 1$ في $\mathbb{C}$.

$$x + yi + i = 2(x - yi) + 1$$

$$x + yi = 2x - 2yi + 1 - i$$

$$x - 2x + yi + 2yi = 1 - i$$

$$-x + 3yi = 1 - i$$

$$-x = 1 \quad 3y = -1$$

$$x = -1 \quad y = -\frac{1}{3}$$

$$\therefore z = -1 - \frac{1}{3}i$$

$$L = \{-1 - \frac{1}{3}i\}$$

$$z = x + yi \quad \text{بفرض}$$

$$\bar{z} = x - yi$$

في $\mathbb{C}$

أوجد حل المعادلة : $z^2 + 4 = 0$

$$z^2 = -4$$

$$z = \pm \sqrt{-4} = \pm 2i$$

$$\therefore L = \{\pm 2i\}$$



أوجد الجذرين التربيعيين للعدد المركب $Z = -3 - 4i$
بغرض أن أحد الجذرين التربيعيين هو $w = m + ni$ يكون

$$w^2 = z$$

$$m^2 - n^2 + 2mni = -3 - 4i$$

$$\therefore m^2 - n^2 = -3 \quad (1)$$

$$2mn = -4 \Rightarrow mn = -2 \quad (2)$$

بالتعويض بالمعادلة (2)
 $mn = -1 \rightarrow m = 1 \Rightarrow n = -1$
 $m = -1 \Rightarrow n = 1$
 $\therefore$ الجذرين التربيعيين
 $w_1 = -1 + i$
 $w_2 = 1 - i$

$$|w^2| = |z|$$

$$m^2 + n^2 = \sqrt{(-3)^2 + (-4)^2} = 5$$

$$m^2 + n^2 = 5 \quad (3)$$

بجمع المعادلتين (1) و (3)
 $m^2 - n^2 = -3$
 $m^2 + n^2 = 5$

$$2m^2 = 2 \Rightarrow m^2 = 1 \Rightarrow m = \pm 1$$

$$2m^2 = 2 \Rightarrow m^2 = 1 \Rightarrow m = \pm 1$$

أوجد السعة والدورة للدالة: $y = -5 \cos\left(\frac{2x}{3}\right)$ ثم ارسم بيئتها

$$y = a \cos(bx)$$

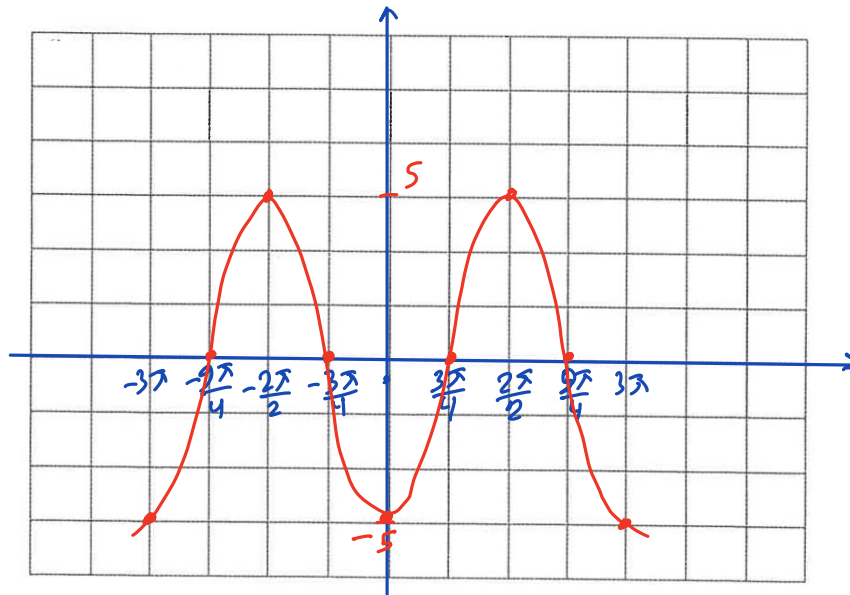
$$a = -5$$

$$b = \frac{2}{3}$$

$$\text{السعة} = |a| \Rightarrow \text{السعة} = |-5| = 5$$

$$\text{الدورة} = \frac{2\pi}{b} = \frac{2\pi}{\frac{2}{3}} = 3\pi$$

$$\text{دب الدورة} = \frac{3\pi}{4}$$



x	0	$\frac{3\pi}{4}$	$\frac{3\pi}{2}$	$\frac{9\pi}{4}$	3π
y	-5	0	5	0	-5

$$\text{المدة} = [-5, 5]$$



أوجد السعة و الدورة ثم ارسم بيان الدالة :

$$y = \frac{1}{2} \cos(-x) : x \in [-2\pi, 2\pi]$$

$$y = a \cos(bx)$$

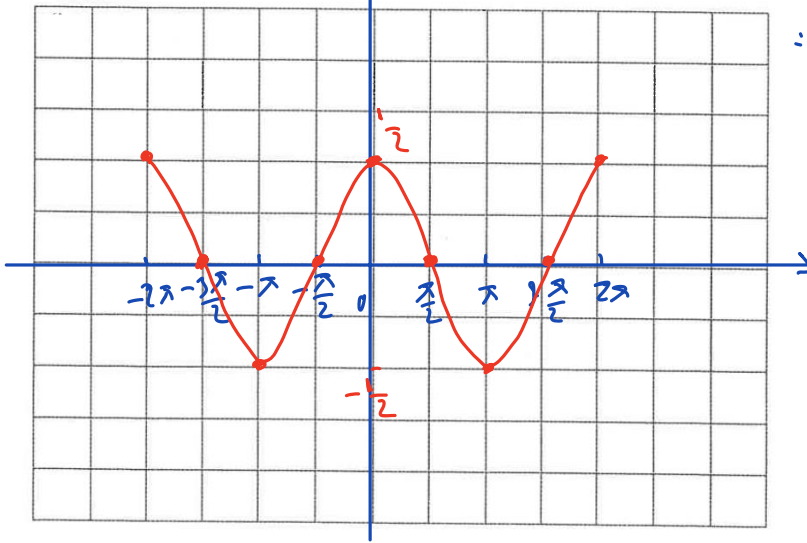
$$a = \frac{1}{2} \quad b = -1$$

$$\text{السعة} = |a| = \frac{1}{2}$$

$$\text{الدورة} = \frac{2\pi}{|b|}$$

$$\therefore \text{الدورة} = \frac{2\pi}{1-1} = 2\pi$$

$$\text{دورة نصف} = \frac{2\pi}{4} = \frac{\pi}{2}$$



x	0	$\frac{\pi}{2}$	π	$\frac{3\pi}{2}$	2π
y	$\frac{1}{2}$	0	$-\frac{1}{2}$	0	$\frac{1}{2}$

أوجد السعة و الدورة للدالة : $y = -3\sin x, x \in [-\pi, 2\pi]$ ثم ارسم بيانها

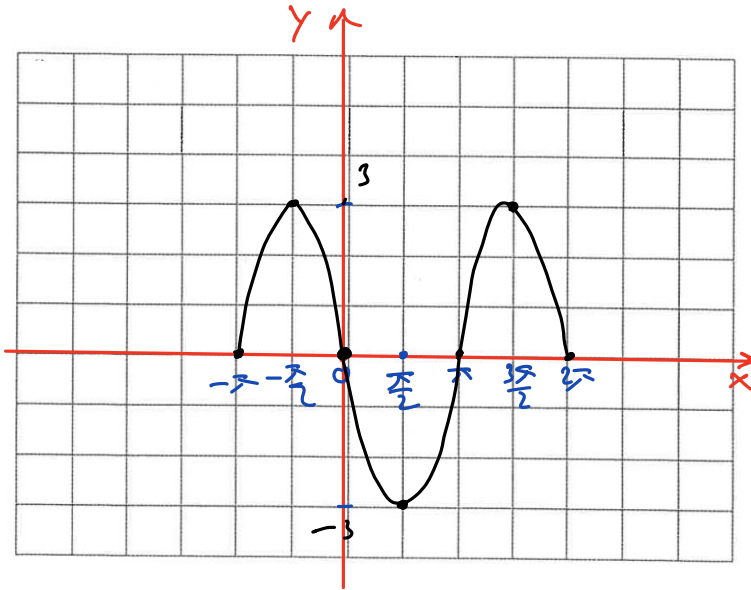
$$a = -3$$

$$b = 1$$

$$\text{السعة} = |a| = |-3| = 3$$

$$\text{الدورة} = \frac{2\pi}{|b|} = 2\pi$$

$$\text{دورة نصف} = 2\pi \cdot \frac{1}{4} = \frac{\pi}{2}$$



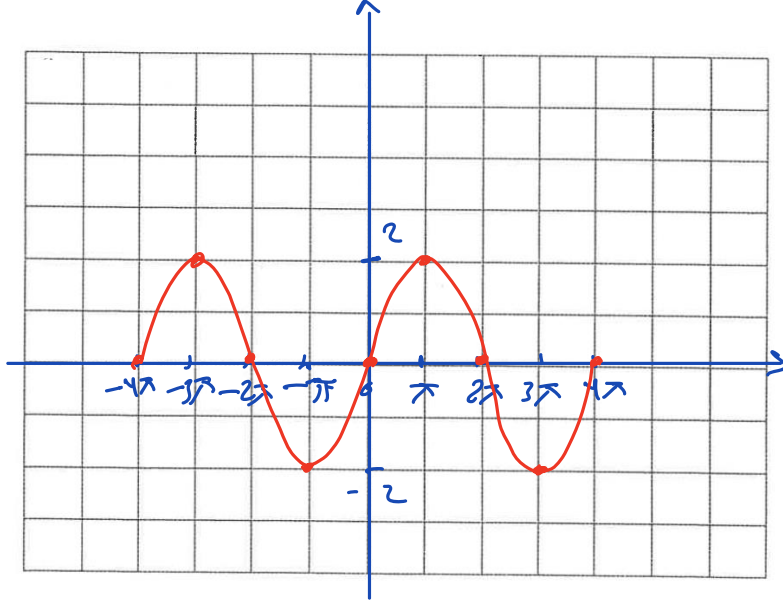
x	0	$\frac{\pi}{2}$	π	$\frac{3\pi}{2}$	2π
y	0	-3	0	3	0

$$\text{المرحلة} = [-3, 3]$$



أوجد السعة و الدورة للدالة التالية ثم ارسم بيانها

$$y = 2\sin\left(\frac{1}{2}x\right), -4\pi \leq x \leq 4\pi$$



$$a = 2 \quad b = \frac{1}{2}$$

$$\text{السعة} = |2| = 2$$

$$\text{الدورة} = \frac{2\pi}{|b|} = \frac{2\pi}{\frac{1}{2}} = 4\pi$$

$$\text{إبه الدورة} = 4\pi \cdot \frac{1}{4} = \pi$$

x	0	π	2π	3π	4π
y	0	2	0	-2	0

أوجد الدورة , ثم ارسم بيان الدالة:

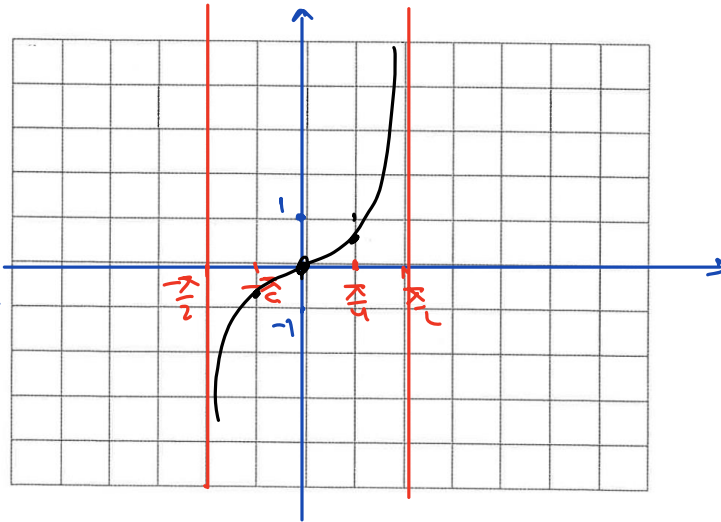
$$y = \frac{1}{2} \tan x$$

$$a = \frac{1}{2} \quad b = 1$$

لا يوجد جـ دـ صـ

$$\text{الدورة} = \frac{\pi}{|b|} = \frac{\pi}{1} = \pi$$

$$\text{إبه الدورة} = \frac{\pi}{4}$$



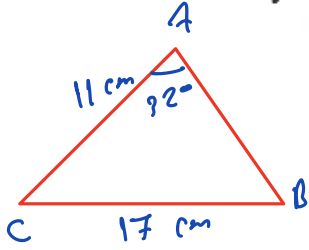
x	$-\frac{\pi}{2}$	$-\frac{\pi}{4}$	0	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{2}$
y	غير معرف	-1	0	1	غير معرف



الى الله المنة عندما يوجه نور هدايتي
وزاوية تقابل احدى

في المثلث ABC :

إذا كان $a = 17 \text{ cm}$, $b = 11 \text{ cm}$, $\alpha = 32^\circ$ ، أوجد γ



قانون الجيب

$$\frac{\sin \alpha}{a} = \frac{\sin \beta}{b} = \frac{\sin \gamma}{c}$$

$$\frac{\sin 32}{17} = \frac{\sin \beta}{11} = \frac{\sin \gamma}{c}$$

الزاوية D

أو $\beta = 180 - 32 - 20 = 128$

$$\sin \beta = \frac{11 \cdot \sin 32}{17} \approx 20.5$$

$$\approx 20^\circ$$

$$\therefore \gamma = 180 - (160 + 32)$$

$$= -12 \text{ مقلوبة}$$

$$\gamma = 180^\circ - 20^\circ - 32^\circ$$

$$= 128^\circ$$

حل المثلث ABC حيث : $a = 2 \text{ cm}$, $b = 4 \text{ cm}$, $c = 5 \text{ cm}$

$$\cos \alpha = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc} = \frac{4^2 + 5^2 - 2^2}{2(4)(5)}$$

$$\therefore \alpha = \cos^{-1} \left(\frac{4^2 + 5^2 - 2^2}{40} \right) \approx 22.3^\circ$$

ان العلم جميع الاضلاع
نستخدم قانون
جيب تمام
(cos)

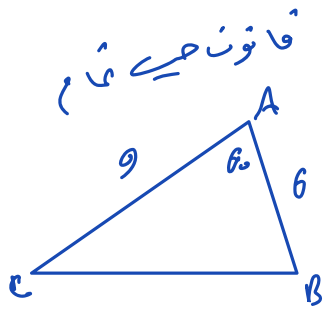
$$\cos \beta = \frac{a^2 + c^2 - b^2}{2ac} = \frac{2^2 + 5^2 - 4^2}{2(5)(2)}$$

$$\beta = \cos^{-1} \left(\frac{13}{20} \right) \approx 49.5^\circ$$

$$\therefore \gamma = 180^\circ - (49.5^\circ + 22.3^\circ) = 108.2^\circ$$

$$\alpha = 22.3^\circ \quad \beta = 49.5^\circ \quad \gamma = 108.2^\circ$$

صلى الله عليه وسلم
① اوجد كل الزوايا
② كل الاضلاع



حل ΔABC حيث $b = 9\text{cm}, c = 6\text{cm}, \alpha = 60^\circ$

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos \alpha$$

$$= 9^2 + 6^2 - 2(9)(6) \cdot \cos(60^\circ)$$

$$a^2 = 63$$

$$\therefore a = \sqrt{63} \approx 7.94$$

$$\cos \beta = \frac{a^2 + c^2 - b^2}{2ac} = \frac{63 + 36 - 81}{2 \cdot \sqrt{63} \cdot 6}$$

$$\beta = \cos^{-1} \left(\frac{63 + 36 - 81}{2 \cdot \sqrt{63} \cdot 6} \right) \approx 79.1^\circ$$

$$\therefore \gamma \approx 180 - 60 - 79.1 \approx 40.9^\circ$$

هذا ينتج من قانون جيبس
الزاوية.

حل المثلث ABC حيث: $a = 12, b = 21, m(\hat{c}) = 95^\circ$

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos(\gamma)$$

$$= 12^2 + 21^2 - 2(12)(21) \cos(95^\circ)$$

$$c^2 = 628.26 \Rightarrow c = \sqrt{628.26} \approx 25.08$$

$$\cos \alpha = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2(b)(c)} = \frac{(21)^2 + (25.08)^2 - (12)^2}{2(21)(25.08)}$$

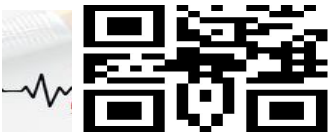
$$\approx 0.879$$

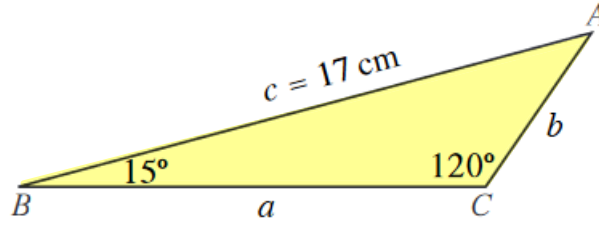
$$\alpha = \cos^{-1}(0.879) \approx 28.47^\circ$$

$$\beta \approx 180 - 28.47 - 95^\circ$$

$$\approx 56.53^\circ$$

لقد هلمنا
دراوة بصورة
بسيطة
فتم التأكد
منها





حل المثلث ABC

$$\alpha = 180^\circ - (120^\circ + 15^\circ) = 45^\circ$$

$$\frac{\sin \alpha}{a} = \frac{\sin \beta}{b} = \frac{\sin \gamma}{c} \Rightarrow$$

$$\frac{\sin 45^\circ}{a} = \frac{\sin (15^\circ)}{b} = \frac{\sin (120^\circ)}{17}$$

$$\therefore a = \frac{17 \sin (45^\circ)}{\sin (120^\circ)}$$

$$a \approx 13.88$$

$$b = \frac{17 \cdot \sin (15^\circ)}{\sin (120^\circ)}$$

$$\approx 5.08$$

أوجد مساحة المثلث ABC حيث $a = 4 \text{ cm}$, $b = 4 \text{ cm}$, $c = 3 \text{ cm}$:

نستخدم قانون هيرون إذا لم نعلم طول جميع الأضلاع

$$A = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$$

$$s = \frac{a+b+c}{2}$$

$$= \sqrt{5.5(5.5-4)(5.5-4)(5.5-2)}$$

$$= \frac{4+4+3}{2} = 5.5$$

$$\approx 5.562 \text{ cm}^2$$

$$\approx 5.56$$

إذا لم نعلم طول ضلعين وقياس زاوية محصورة بيننا فيات ص م جيك
 $= \frac{1}{2} a \cdot b \cos \gamma$



أثبت صحة المتطابقة : سما
SAMA

نستخدم الضرب بالمرافق

$$\frac{1}{1 - \cos x} + \frac{1}{1 + \cos x} = 2 \csc^2 x$$

$$L.H.S = \frac{1}{(1 - \cos x)(1 + \cos x)} + \frac{1}{(1 + \cos x)(1 - \cos x)}$$

$$= \frac{1 + \cos x + 1 - \cos x}{1^2 - \cos^2 x}$$

$$= \frac{2}{\sin^2 x} = 2 \frac{1}{\sin^2 x}$$

$$= 2 \csc^2 x = R.H.S$$

$$\sin^2 x = 1 - \cos^2 x$$

$$\csc x = \frac{1}{\sin x}$$

حيث

سما
SAMA

توجيه مقامات

$$\frac{\sin \theta}{1 + \cos \theta} + \frac{1 + \cos \theta}{\sin \theta} = 2 \csc \theta \quad \text{أثبت صحة المتطابقة : سما
SAMA}$$

$$L.H.S = \frac{\sin^2 \theta}{(1 + \cos \theta) \sin \theta} + \frac{(1 + \cos \theta)^2}{\sin \theta (1 + \cos \theta)}$$

$$= \frac{\sin^2 \theta + 1 + 2 \cos \theta + \cos^2 \theta}{\sin \theta (1 + \cos \theta)}$$

$$\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$$

$$= \frac{2 + 2 \cos \theta}{\sin \theta (1 + \cos \theta)} = \frac{2(1 + \cos \theta)}{\sin \theta (1 + \cos \theta)} = \frac{2}{\sin \theta} = 2 \csc \theta = R.H.S$$



أثبت صحة المتطابقة: سما
SAMA

$$\tan x + \cot x = \sec x \cdot \csc x$$

توحيد مقامات

$$\begin{aligned} L.H.S &= \frac{\sin x}{\cos x} + \frac{\cos x}{\sin x} = \frac{\sin^2 x + \cos^2 x}{\cos x \cdot \sin x} \\ &= \frac{1}{\cos x \cdot \sin x} \\ &= \frac{1}{\cos x} \cdot \frac{1}{\sin x} = \sec x \cdot \csc x \\ &= R.H.S \end{aligned}$$

في حل المعادلات يجب أن نذكر الزاوية على الراديان

$$2 \sin \theta + 1 = 0$$

حل المعادلة: سما
SAMA

$$\sin \theta = -\frac{1}{2} < 0$$

∴ θ في الربع الثاني أو الثالث

$$\sin \alpha = |\sin \theta| = \frac{1}{2}$$

∴ α زاوية الحاد

$$\therefore \alpha = \sin^{-1}\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$

عندما θ في الربع الثاني

عندما θ في الربع الثالث

$$\theta = 2\pi - \alpha + 2k\pi$$

$$\theta = \pi + \alpha + 2k\pi$$

$$= 2\pi - \frac{\pi}{6} + 2k\pi$$

$$\theta = \pi + \frac{\pi}{6} + 2k\pi$$

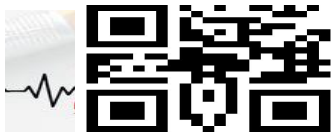
$$\theta = \frac{11\pi}{6} + 2k\pi$$

$$= \frac{7\pi}{6} + 2k\pi$$

$$k \in \mathbb{Z}$$

$$k \in \mathbb{Z}$$

∴ الحلول هي $\frac{7\pi}{6} + 2k\pi$, $\frac{11\pi}{6} + 2k\pi$ حيث $k \in \mathbb{Z}$



دورة راحة
للتابع ك

حل المعادلة : $\cos x = -\frac{1}{2}$ حيث $0 \leq x < 2\pi$

α في الربع الثاني أو الثالث $\cos \alpha = -\frac{1}{2} < 0$
 $\cos \alpha = |-\frac{1}{2}| = \frac{1}{2} \Rightarrow \alpha = \cos^{-1}(\frac{1}{2}) = \frac{\pi}{3}$

حسب x في الربع الثاني

$x = \pi - \alpha$
 $x = \pi - \frac{\pi}{3}$
 $x = \frac{2\pi}{3}$

$x = \pi - \alpha$
 $x = \pi - \frac{\pi}{3}$
 $= \frac{2\pi}{3}$

الحلول : $\frac{2\pi}{3}, \frac{4\pi}{3}$

حل المعادلة : $\cos^2 \theta + 3\cos \theta + 2 = 0$ نستخدم الرتبة الثالثة للنيل

$a = 1$
 $b = 3$
 $c = 2$

$(\cos \theta + 2)(\cos \theta + 1) = 0$

$\therefore \cos \theta + 2 = 0$

$\cos \theta = -2$
 مستحيل

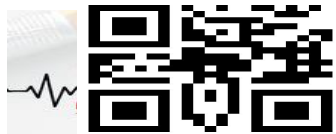
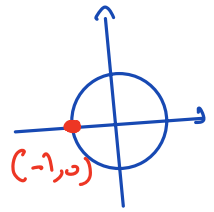
$\cos \theta + 1 = 0$

$\cos \theta = -1$

$\therefore$ لا يتبع زاوية لإيجاد

$\therefore \theta = \pi + 2k\pi$

من 0 إلى 2π



حل المعادلة : $2\sin^2 x - 3\sin x - 2 = 0$ سما
SAMA

$$(\sin x - 2)(2\sin x + 1) = 0$$

$$a = 2$$

$$b = -3$$

$$c = -2$$

$$\sin x - 2 = 0$$

$$\sin x = 2$$

موقوف

لأن

$$-1 \leq \sin x \leq 1$$

$$\sin x + 1 = 0 \quad \therefore$$

$$2\sin x = -1$$

$$\sin x = -\frac{1}{2}$$

$\therefore x$ تقع في الربع الثالث أو الرابع

$$\sin x = |\sin x| = \frac{1}{2} \Rightarrow x = \sin^{-1}\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{\pi}{6} = 30^\circ$$

أو x في الربع الأول

$$x = 2\pi - \alpha + 2k\pi$$

$$= 2\pi - \frac{\pi}{6} + 2k\pi$$

$$= \frac{11\pi}{6} + 2k\pi$$

عندما x في الربع الثاني

$$x = \pi + \alpha + 2k\pi$$

$$= \pi + \frac{\pi}{6} + 2k\pi$$

$$= \frac{7\pi}{6} + 2k\pi$$

$$k \in \mathbb{Z}$$

حل المعادلة : $3\sin \theta + 1 = \sin \theta$ حيث $0 \leq \theta < 2\pi$ سما
SAMA

$$3\sin \theta - \sin \theta = -1$$

$$2\sin \theta = -1 \Rightarrow \sin \theta = -\frac{1}{2}$$

$$\sin \alpha = |\sin \theta| = \frac{1}{2} \Rightarrow \alpha = \frac{\pi}{6}$$

فقط في الربع الثالث أو الرابع

أو θ في الربع الأول

$$\theta = 2\pi - \alpha$$

$$= 2\pi - \frac{\pi}{6}$$

$$\boxed{\theta = \frac{11\pi}{6}}$$

عندما θ في الربع الثاني

$$\theta = \pi + \alpha$$

$$= \pi + \frac{\pi}{6}$$

$$\boxed{\theta = \frac{7\pi}{6}}$$

مقططين



حل المعادلة : $5 \sin \theta - 3 = \sin \theta$

$$5 \sin \theta - \sin \theta = 3$$

$$4 \sin \theta = 3 \Rightarrow$$

$$\sin \theta = \frac{3}{4} > 0$$

$\therefore \theta$ تقع في الربع الأول أو الربع الثاني

$$\sin \alpha = |\sin \theta| = \frac{3}{4} \Rightarrow \theta = \sin^{-1}\left(\frac{3}{4}\right) = 0.848$$

عندما θ في الربع الأول

$$\theta = \alpha + 2k\pi$$

$$= 0.848 + 2k\pi$$

$$\theta = \pi - \alpha + 2k\pi$$

$$= \pi - 0.848 + 2k\pi$$

$$\theta = 2.2935 + 2k\pi$$

حيث k عدد صحيح

حل المعادلة : $\sin \theta \cos \theta - \cos \theta = 0$

قابل مشترك $\cos \theta$

$$\cos \theta (\sin \theta - 1) = 0$$

أو

$$\sin \theta - 1 = 0$$

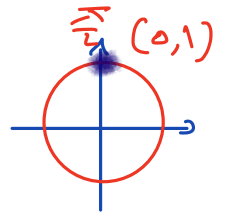
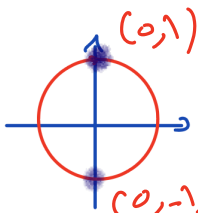
$$\sin \theta = 1$$

$$\cos \theta = 0$$

$$\theta = \frac{\pi}{2} + 2k\pi$$

$$\theta = \frac{3\pi}{2} + 2k\pi$$

$$\therefore \theta = \frac{\pi}{2} + 2k\pi$$



$$\therefore \text{الحل: } \theta = \frac{\pi}{2} + 2k\pi, \frac{3\pi}{2} + 2k\pi, k \in \mathbb{Z}$$

ملحوظة: درجہ اتنا ہے $\sin \theta$ اور $\cos \theta$ کی دہری (0,1) اور (-1,0) کی تمام نقطوں
دائرة الوحدة پر لاگو جو زاویہ اسناد

ہے انہی نقطہ متعلقہ ہے $(\cos \theta, \sin \theta)$



إذا كان: $\sin \theta = \frac{-3}{5}$, $\pi < \theta < \frac{3\pi}{2}$ ، فأوجد: سما
SAMA

$\sin\left(\frac{\theta}{2}\right)$ (1) $\tan(2\theta)$ (2)

نأخذ $\sin \frac{\theta}{2} > 0$ لأن θ في الربع الثاني

$$\sin \frac{\theta}{2} = \sqrt{\frac{1 - \cos \theta}{2}}$$

$$= \sqrt{\frac{1 - \frac{-4}{5}}{2}} = \frac{3\sqrt{10}}{10}$$

$$\tan 2\theta = \frac{2 \tan \theta}{1 - \tan^2 \theta}$$

$$= \frac{2 \left(\frac{3}{4}\right)}{1 - \left(\frac{3}{4}\right)^2} = \frac{24}{7}$$

هو قسومي الربع الثالث

$$\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$$

$$\cos \theta = \mp \sqrt{1 - \sin^2 \theta}$$

$$= \mp \sqrt{1 - \left(\frac{3}{5}\right)^2} = \mp \frac{4}{5}$$

$\therefore \theta$ في الربع الثاني $\therefore \cos \theta = -\frac{4}{5}$

$$\tan \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta} = \frac{3}{4}$$

$$\pi < \theta < \frac{3\pi}{2}$$

$$\frac{\pi}{2} < \frac{\theta}{2} < \frac{3\pi}{4}$$

إذا كان $\sin \theta = \frac{-1}{\sqrt{2}}$, $\pi < \theta < \frac{3\pi}{2}$ فأوجد $\sin 2\theta$ سما
SAMA

θ في الربع الثاني ، $\frac{\theta}{2}$ في الربع الثاني

$$\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1 \Rightarrow \cos \theta = \mp \sqrt{1 - \sin^2 \theta}$$

$$\cos \theta = -\sqrt{1 - \left(\frac{-1}{\sqrt{2}}\right)^2} = -\frac{\sqrt{2}}{2} = -\frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$\sin 2\theta = 2 \sin \theta \cdot \cos \theta$$

$$= 2 \cdot \frac{-1}{\sqrt{2}} \cdot -\frac{\sqrt{2}}{2} = 1$$

إذا كان $180^\circ < \theta < 270^\circ$ ، $\sin \theta = \frac{-24}{25}$ ، أوجد $\sin \frac{\theta}{2}$ ، $\sin 2\theta$

في الجزء الثاني ، θ في الجزء الثاني

$$\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1 \Rightarrow \cos \theta = -\sqrt{1 - \sin^2 \theta} = -\sqrt{1 - \left(\frac{-24}{25}\right)^2} = \frac{-7}{25}$$

$$\sin \frac{\theta}{2} = +\sqrt{\frac{1 - \cos \theta}{2}} = \sqrt{\frac{1 - \frac{-7}{25}}{2}} = \frac{4}{5}$$

$$\sin 2\theta = 2 \sin \theta \cdot \cos \theta = 2 \left(\frac{-24}{25}\right) \left(\frac{-7}{25}\right) = \frac{336}{625}$$

إذا كان $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$ ، $\sin \alpha = \frac{4}{5}$ ، $\pi < \beta < \frac{3\pi}{2}$ ، $\cos \beta = \frac{-12}{13}$

(1) $\sin(\alpha + \beta)$

(2) $\tan 2\beta$

أوجد كلاً مما يلي :

(3) $\cos\left(\alpha + \frac{\pi}{2}\right)$

$$\sin^2 x + \cos^2 x = 1$$

α في الجزء الأول

$$\cos \alpha = +\sqrt{1 - \sin^2 \alpha} = +\sqrt{1 - \left(\frac{4}{5}\right)^2} = \frac{3}{5}$$

$$\tan \alpha = \frac{4}{3}$$

$$\sin \alpha = \frac{4}{5} , \cos \alpha = \frac{3}{5}$$

β في الجزء الثالث

$$\sin \beta = -\sqrt{1 - \left(\frac{-12}{13}\right)^2}$$

$$\sin \beta = \frac{-5}{13}$$

$$\cos \beta = \frac{-12}{13}$$

$$\tan \beta = \frac{\sin \beta}{\cos \beta} = \frac{5}{12}$$

$$\textcircled{1} \sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cdot \cos \beta + \cos \alpha \cdot \sin \beta = \frac{4}{5} \cdot \frac{-12}{13} + \frac{3}{5} \cdot \frac{-5}{13} = \frac{-63}{65}$$

$$\textcircled{2} \tan 2\beta = \frac{2 \tan \beta}{1 - \tan^2 \beta} = \frac{2 \left(\frac{5}{12}\right)}{1 - \left(\frac{5}{12}\right)^2} = \frac{-120}{119}$$

$$\textcircled{3} \cos\left(\alpha + \frac{\pi}{2}\right) = \cos \alpha \cdot \cos \frac{\pi}{2} - \sin \alpha \cdot \sin \frac{\pi}{2} = \frac{3}{5} \cdot (0) - \frac{4}{5} (1) = \frac{-4}{5}$$



استخدم متطابقات المجموع والفرق في إيجاد القيمة الدقيقة.

(1) $\sqrt{2} \sin\left(x - \frac{\pi}{4}\right)$

(2) $\sin\left(\frac{\pi}{3} + x\right) - \sin\left(\frac{\pi}{3} - x\right)$

$$\begin{aligned}\sqrt{2} \sin\left(x - \frac{\pi}{4}\right) &= \sqrt{2} \left(\sin x \cdot \cos \frac{\pi}{4} - \cos x \cdot \sin \frac{\pi}{4} \right) \\ &= \sqrt{2} \left[\sin x \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} - \cos x \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} \right] \\ &= \sin x - \cos x\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\sin\left(\frac{\pi}{3} + x\right) - \sin\left(\frac{\pi}{3} - x\right) &= \cancel{\sin \frac{\pi}{3}} \cos x + \cos \frac{\pi}{3} \cdot \sin x - \left(\cancel{\sin \frac{\pi}{3}} \cdot \cos x - \cos \frac{\pi}{3} \cdot \sin x \right) \\ &= 2 \cos \frac{\pi}{3} \cdot \sin x \\ &= 2 \cdot \frac{1}{2} \cdot \sin x = \sin x\end{aligned}$$

(1) أكمل ما يلي :

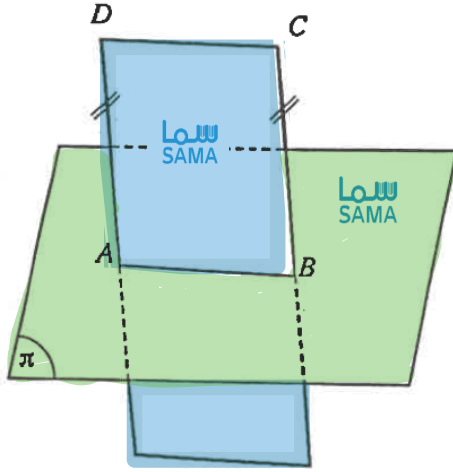
إذا وازى مستقيم خارج مستو مستقيماً في المستوي فإنه عمودي على المستوي

سما
SAMA

(2) في الشكل المقابل :

$$\overrightarrow{AB} \subset \pi, \overrightarrow{AD} \parallel \overrightarrow{BC}, AD = BC$$

أثبت أن : $\overrightarrow{CD} \parallel \pi$



$$\therefore \left. \begin{array}{l} AD = BC \\ \overrightarrow{AD} \parallel \overrightarrow{BC} \end{array} \right\}$$

$\therefore$ الشكل يكون متوازي

ABCD متوازي أضلاع

$\therefore$ ABCD متوازي أضلاع

$$\therefore \overrightarrow{DC} \parallel \overrightarrow{AB}$$

$$\therefore \left(\begin{array}{l} \overrightarrow{DC} \parallel \overrightarrow{AB} \\ \overrightarrow{AB} \subset \pi \end{array} \right) \therefore \overrightarrow{DC} \parallel \pi$$

سما
SAMA

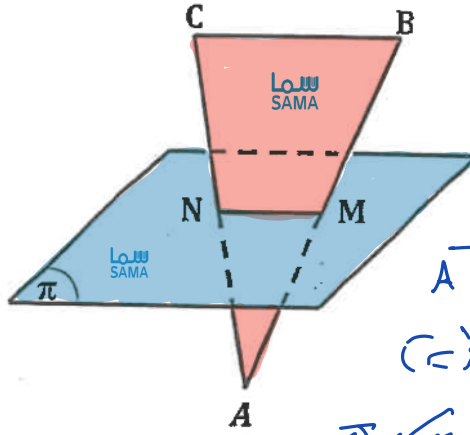
(1) أكمل ما يلي :

إذا وازي مستقيما خارج مستوى مستقيما في المستوى عمودياً على المستوى

(2) في الشكل المقابل : المثلث ABC فيه M منتصف $\overline{AB}$ ، N منتصف $\overline{AC}$

N, M تنتميان الى المستوى π

أثبت أن : $\overline{BC} \parallel \pi$



ABC

في المثلث

M منتصف $\overline{AB}$ ، N منتصف $\overline{AC}$

$\therefore \overline{MN} \parallel \overline{BC}$ (نقطة)

M, N تنتميان الى المستوى π

$\therefore \overline{BC} \parallel \overline{MN}$) $\therefore \overline{BC} \parallel \pi$ (نقطة)

SAMA

في الشكل المقابل π_1, π_2 مستويان متوازيان، M نقطة واقعة بينهما،

حيث $\overline{AB} \cap \overline{CD} = \{M\}$

أثبت أن : $\frac{AM}{MB} = \frac{AC}{BD}$

$\overline{AB} \cap \overline{CD} = \{M\}$

$\therefore$ لمتانة مستويين

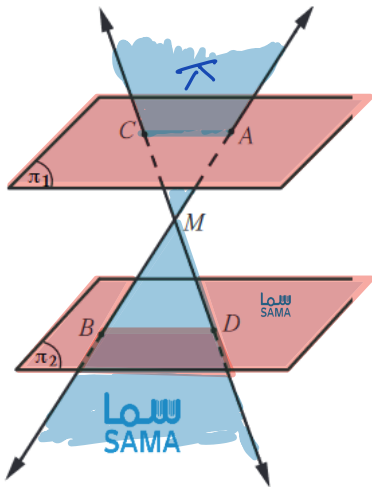
$\therefore \pi_1 \parallel \pi_2$ (نقطة)
 $\pi_1 \cap \pi = \overline{AC}$
 $\pi_2 \cap \pi = \overline{BD}$
 $\therefore \overline{AC} \parallel \overline{BD}$

$\therefore \triangle AMC \sim \triangle BMD$

$\therefore$ يعني ان نسبة

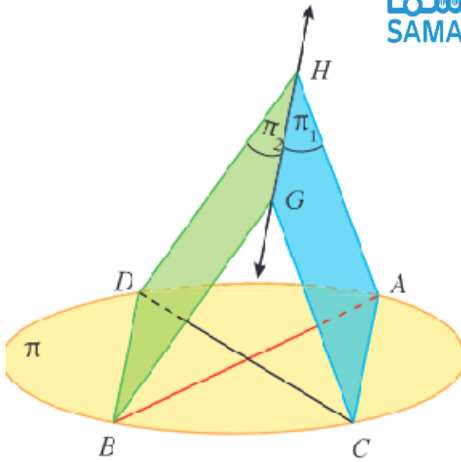
$$\frac{AM}{MB} = \frac{AC}{BD} = \frac{MC}{MD}$$

وهو المطلوب



SAMA



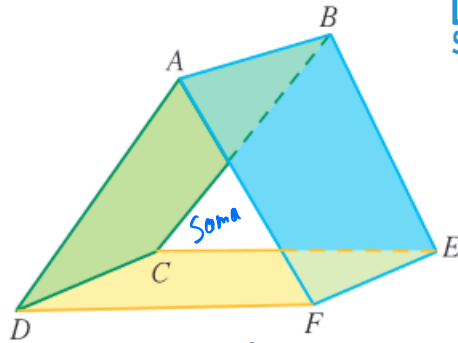


في الشكل المقابل : $\overline{AB}$, $\overline{CD}$ قطران في مستوى الدائرة π
 $\overrightarrow{GH} \perp \pi$ ، أثبت أن مستوى الدائرة π يوازي $\overrightarrow{GH}$

∴ $\overline{AC} \parallel \overline{BD}$ ، $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ (مقابلان في زاوية)
 ∴ يكون الشكل $ACBD$ مستطيل
 لأن قعره متساوية ومتساوية
 ∴ $\overline{BD} \parallel \overline{AC}$

∴ $\overline{AC} \parallel \overline{BD}$
 $\overline{AC} \subset \pi_1$
 $\overline{BD} \subset \pi_2$
 $\pi_1 \cap \pi_2 = \overrightarrow{GH}$
 ∴ $\overline{AC} \parallel \overline{BD} \parallel \overrightarrow{GH}$
 قسمة

∴ $\overline{AC} \parallel \overrightarrow{GH}$
 $\overline{AC} \parallel \overrightarrow{GH}$ ∴ $\overrightarrow{GH} \parallel \pi$
 مغايرة



في الشكل المقابل:

مستطيلان $ABEF, ABCD$

أثبت أن: $(AFD) \parallel (BEC)$

∴ $ABEF$ (مستطيل) $\Rightarrow \frac{\overline{AB}}{\overline{BE}} = \frac{\overline{AB}}{\overline{BC}}$ ∴ $\overline{AB} \perp (BCE)$
 (مستطيل) $ABCD$

∴ $ABEF$ (مستطيل) $\Rightarrow \frac{\overline{AB}}{\overline{AF}} = \frac{\overline{AB}}{\overline{AD}}$ ∴ $\overline{AB} \perp (ADF)$
 (مستطيل) $ABCD$

① ، ② ∴ $\overline{AB} \perp (BCE)$
 $\overline{AB} \perp (ADF)$ ∴ $(BCE) \parallel (ADF)$
 مغايرة

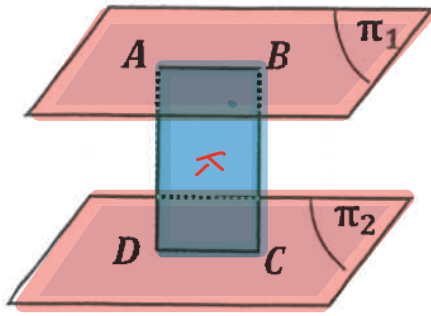
في الشكل المقابل : $\pi_1 // \pi_2$ ، A, B نقطتان في π_1 ،

C, D نقطتان في π_2 حيث A, B, C, D في مستوى واحد

، $\overline{AD} \perp \pi_2$ ، $\overline{BC} \perp \pi_2$

اثبت ان $ABCD$ مستطيل

سما
SAMA



A, B, C, D تعين مستوي وحيد لكن π

$$\left. \begin{array}{l} \pi_1 // \pi_2 \\ \pi \cap \pi_1 = \overline{AB} \\ \pi \cap \pi_2 = \overline{CD} \end{array} \right\} \therefore \overline{AB} // \overline{CD} \quad (1)$$

$$\left. \begin{array}{l} \overline{AD} \perp \pi_2 \\ \overline{BC} \perp \pi_2 \end{array} \right\} \therefore \overline{AD} // \overline{BC} \quad (2)$$

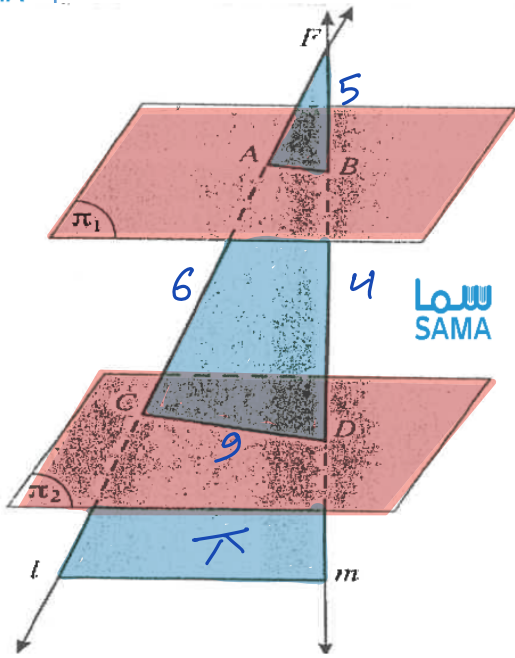
من (1) ، (2) يكون الشكل $ABCD$ يكون متوازي أضلاع

$$\left. \begin{array}{l} \overline{AD} \perp \pi_2 \\ D \in \pi_2 \end{array} \right\} \therefore \overline{AD} \perp \overline{DC}$$

$ABCD$ متوازي أضلاع. فبما زاوية قائمة $\therefore$ الشكل

منه مستطيل

سما
SAMA



في الشكل المقابل π_1 , π_2 مستويين متوازيين ،

$\vec{l}$, $\vec{m}$ مستقيمان متقاطعان في F و يقطعان كلا من

π_1 في A, B ، π_2 في C, D ، إذا كان $FB = 5cm$

$CD = 9cm$, $AC = 6cm$, $BD = 4cm$

فاوجد محيط المثلث FAB

$$\therefore \vec{l} \cap \vec{m} = \{F\}$$

∴ يعنيانه اشقي

$$\begin{aligned} \pi_1 // \pi_2 \\ \left. \begin{aligned} \pi \cap \pi_1 &= \overrightarrow{AB} \\ \pi \cap \pi_2 &= \overrightarrow{CD} \end{aligned} \right\} \therefore \overrightarrow{AB} // \overrightarrow{CD} \end{aligned}$$

∴ يكون المثلثان $\triangle FAB \sim \triangle FCD$ متشابهين

$$\therefore \frac{FA}{FC} = \frac{FB}{FD} = \frac{AB}{CD} \therefore \frac{FA}{FA+6} = \frac{5}{9} = \frac{AB}{9}$$

$$\therefore \frac{5}{9} = \frac{AB}{9}$$

$$\therefore AB = 5 \text{ cm}$$

$$\frac{FA}{FA+6} = \frac{5}{9}$$

$$9FA = 5FA + 30$$

$$9FA - 5FA = 30$$

$$4FA = 30 \Rightarrow FA = 7.5 \text{ cm}$$

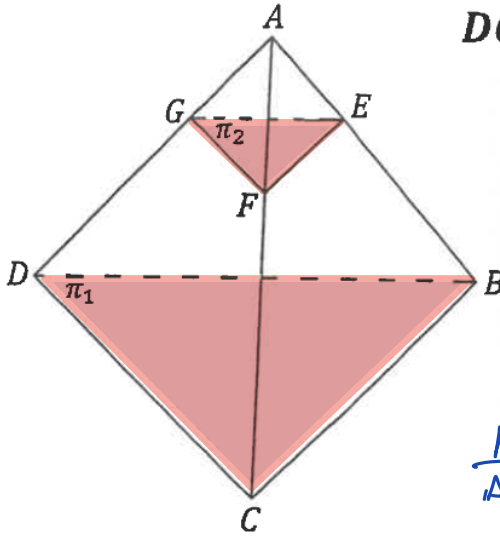
$$FA + FB + BA$$

$$= FAB \text{ محيط المثلث}$$

$$\text{المطلوب} = 5 + 5 + 7.5 = 17.5 \text{ cm}$$



في الشكل المقابل ، هرم ثلاثي ، المستويان π_1, π_2 متوازيان



إذا كان $\frac{AE}{EB} = \frac{1}{3}$, فأوجد DC

سما
SAMA

$$\begin{aligned} (ABC) \cap \pi_1 &= \overline{CB} \\ \pi_2 \cap (ACD) &= \overline{GF} \\ \pi_1 \parallel \pi_2 &\end{aligned} \quad \therefore$$

$$\therefore \overline{CB} \parallel \overline{GF} \quad \text{من السهل في المثلثات}$$

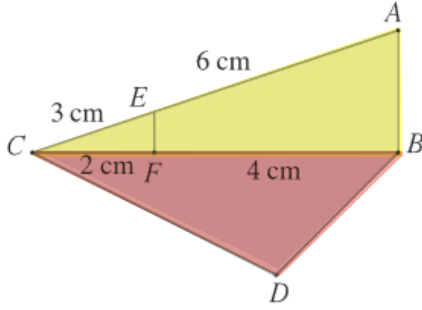
$$\frac{AE}{AB} = \frac{AF}{AC} = \frac{1}{1+3} = \frac{1}{4}$$

$$\begin{aligned} \therefore \pi_1 \parallel \pi_2 \\ (ADC) \cap \pi_1 &= \overline{DC} \\ (ADC) \cap \pi_2 &= \overline{GF} \end{aligned} \quad \therefore \overline{DC} \parallel \overline{GF} \quad \textcircled{2}$$

$$\therefore \frac{AF}{AC} = \frac{AG}{AD} = \frac{GF}{DC} = \frac{1}{4}$$

$$\frac{1}{4} = \frac{6}{DC} \Rightarrow DC = 24 \text{ cm}$$

سما
SAMA



في الشكل المقابل إذا كان $\overline{AB} \perp (BCD)$

وكان $CE = 3 \text{ cm}$, $EA = 6 \text{ cm}$, $CF = 2 \text{ cm}$, $FB = 4 \text{ cm}$

أثبت أن: $\overline{EF} \perp \overline{DB}$

سما
SAMA

A B C

في الشكل

$$\frac{CE}{EA} = \frac{1}{2} , \quad \frac{CF}{FB} = \frac{1}{2}$$

$$\therefore \frac{CE}{EA} = \frac{CF}{FB} = \frac{1}{2} \quad \therefore \text{سبب عكس هانس}$$

$$EF \parallel AB \quad \text{لكون}$$

$$\overline{AB} \perp (BCD) \quad \text{وبكن}$$

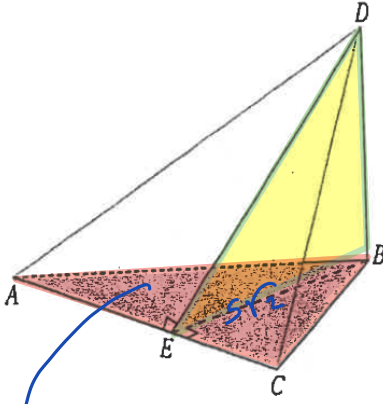
$$\therefore \overline{EF} \perp (BCD) \quad \text{نحتاج}$$

سما
SAMA

سما
SAMA

سما معاك بترفع مستواك





في الشكل المقابل D نقطة خارج مستوي المثلث ABC

$$BD = 5cm, AB = 10cm, m(\widehat{BAC}) = 45^\circ$$

$$\overline{BD} \perp (ABC), \overline{BE} \perp \overline{AC}, \overline{DE} \perp \overline{AC}$$

أوجد: (1) BE

(2) قياس الزاوية الزوجية بين المستويين BAC, DAC

$$\therefore \overline{BE} \perp \overline{AC}$$

$$E \text{ تقع في } AEB$$

النتيجة

$$\sin 45^\circ = \frac{\text{الضلع المقابل}}{\text{الوتر}} = \frac{BE}{10}$$

$$\therefore BE = 10 \times \sin 45^\circ = 5\sqrt{2}$$

$$\therefore (BAC) \cap (DAC) = \overline{AC} \quad \text{في الحقيقة مشتركة}$$

$$\therefore \overline{BE} \perp \overline{AC}, \overline{BE} \subset (ABC)$$

$$\overline{DE} \perp \overline{AC}, \overline{DE} \subset (DAC)$$

$\therefore$ الزاوية المكونة للزاوية الزوجية هي $\widehat{DEB}$

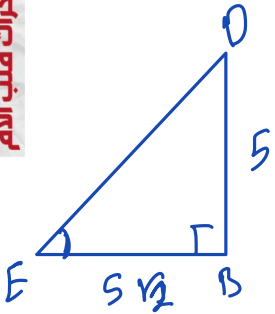
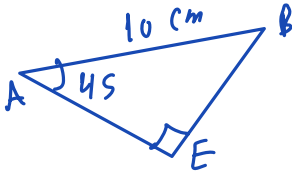
$$\therefore \overline{DB} \perp (ABC) \left. \begin{array}{l} \overline{EB} \subset (ABC) \end{array} \right\} \therefore \overline{DE} \perp \overline{EB}$$

من اثبات السابق EBD مثلث قائم الزاوية

$$\tan E = \frac{\text{الضلع المقابل}}{\text{الضلع المجاور}} = \frac{5}{5\sqrt{2}}$$

$$\therefore \tan(\theta) = \frac{5}{5\sqrt{2}} \Rightarrow \theta = \tan^{-1}\left(\frac{5}{5\sqrt{2}}\right)$$

$$\theta = 35.3^\circ$$



$$\theta = m(\widehat{DEB})$$

يبين الشكل المقابل هرمًا ثلاثي القاعدة أوجهه مثلثات متطابقة الأضلاع طول حرفه 8 cm

M منتصف DC

a حدد الزاوية المستوية بين المستويين ADC , BDC

b أوجد قياس الزاوية المستوية للزاوية الزوجية DC

الحاجة المشتركة DC = (ADC) ∩ (BDC)
من خواص تلك التقاطعية الأضلاع أن
الشحن يكون عمود

$$\overline{AM} \perp \overline{DC}$$

$$\overline{AM} \subset (ADC)$$

$$\overline{BM} \perp \overline{DC} \quad \text{واضح}$$

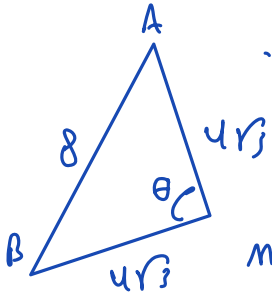
$$\overline{BM} \subset (BDC)$$

∴ الزاوية الزوجية بين المستويين

$$\widehat{AMB}$$

(2) الارتفاع من تلك نقطة الأضلاع من
الارتفاع من تلك نقطة الأضلاع من

$$\therefore AM = BM = \frac{8 \cdot \sqrt{3}}{2} = 4\sqrt{3}$$



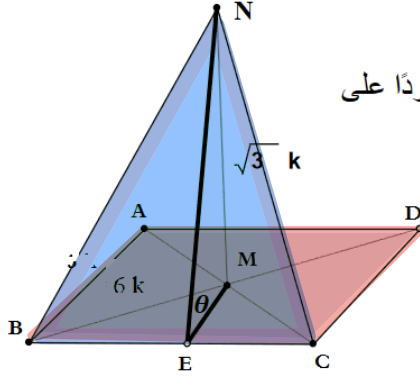
$$\cos \theta = \frac{(4\sqrt{3})^2 + (4\sqrt{3})^2 - 8^2}{2(4\sqrt{3}) \cdot (4\sqrt{3})}$$

$$\theta = \cos^{-1}\left(\frac{1}{3}\right) \approx 70.528^\circ$$

وهو قياس الزاوية الزوجية بين المستويين

$$m(\angle ADC, \overline{DC}, \angle BDC) = 70.528^\circ$$





في الشكل المجاور

ABCD مستطيل تقاطع قطراه في M ، وفيه $AB = 6k$ أقيم $\overline{MN}$ عموداً على

(ABCD) حيث N خارج مستواه بحيث $MN = \sqrt{3}k$

فأوجد قياس الزاوية الزوجية بين المستويين NBC , (ABCD)

العمل : نأخذ E منتصف $\overline{BC}$ ونصل $\overline{BC}$

الامة المسترلة بين المستويين $\overline{BC}$.

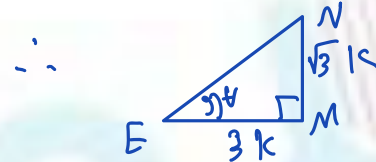
$$\therefore \overline{MN} \perp (ABCD) \quad \therefore \overline{MN} \perp \overline{BC} \quad \text{--- ①}$$

من خواص المستطيل يكون قطراة متعامدة ومتساوية
 $\therefore$ M منتصف AC ، E منتصف BC عملاً

$$ME = \frac{1}{2} BA = 3k \quad \overline{BA} \parallel \overline{ME} \quad \therefore \overline{ME} \perp \overline{BC} \quad \text{--- ②}$$

① ، ② تكون الزاوية الزوجية بين المستويين $\widehat{NEM}$

$$\therefore \overline{MN} \perp (ABCD) \quad \therefore \overline{MN} \perp \overline{EM} \quad \overline{EM} \subset (ABCD)$$



$$\tan \theta = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}} = \frac{\sqrt{3}k}{3k} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$\therefore \theta = \arctan\left(\frac{\sqrt{3}}{3}\right) = \frac{\pi}{6} = 30^\circ$$

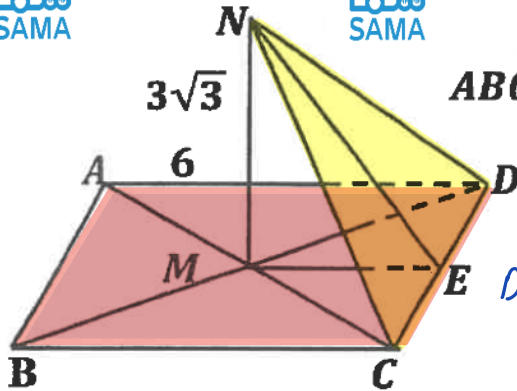
$$\theta = \tan^{-1}\left(\frac{\sqrt{3}}{3}\right) = 30 = \frac{\pi}{6}$$



$ABCD$ مستطيل تقاطع قطراه في M ، وفيه $AD = 6cm$
أقيم NM عموداً على $(ABCD)$ حيث N خارج مستواه
بحيث $MN = 3\sqrt{3} cm$ ، E منتصف CD

SAMA

SAMA



أوجد قياس الزاوية الزوجية بين المستويين $ABCD$ ، NCD

الامة المشتركة DC

E منتصف CD ، دافقار السطيل متقاطعة

ومتقاطعة $\therefore M$ منتصف AC ، ونهض DB

$$\overline{EM} \perp \overline{DC}$$

$$\overline{EM} \subset (ABCD)$$

$$\therefore NM \perp (ABCD) , \overline{CD} \subset (ABCD)$$

$$\therefore MN \perp \overline{CD}$$

$$\overline{CD} \perp (NEM) \text{ في } NEM \quad \therefore \text{الزاوية الزوجية}$$

في تلك ACD ، E منتصف CD ، M منتصف AC

$$EM = \frac{1}{2}CD = 3 , \overline{EM} \parallel \overline{AD} \quad \therefore$$

$$\therefore NM \perp (ABCD) , (\overline{EM}) \subset (ABCD)$$

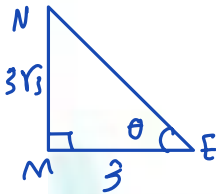
$$\therefore MN \perp \overline{EM}$$

$$\tan \theta = \frac{3\sqrt{3}}{3} = \sqrt{3}$$

$$\therefore \theta = \tan^{-1}(\sqrt{3})$$

$$\therefore \theta = 60^\circ = \frac{\pi}{3}$$

$$m(ABCD , \overline{CD} - NCD) = \frac{\pi}{3}$$



حل المعادلة :

(a) ${}_nC_4 = {}_nC_{n-2}$

سما
SAMA

(b) ${}_nC_4 = {}_nC_5$

من

$$n = 4 + n - 2$$

$$n = n + 2 \quad \text{مرفوف}$$

$$4 = n - 2 \quad \text{أء}$$

$$\therefore n = 4 + 2$$

$$n = 6$$

من الكوائف $4 \neq 5 \therefore$

$$n = 4 + 5 \quad \therefore$$

$$n = 9$$

أوجد قيمة n حيث : $\frac{{}_nC_7}{({n-1})C_6} = \frac{8}{7}$ نفر تقاطعي

$$7 \cdot {}_nC_7 = (n-1)C_6 \cdot 8$$

$$\frac{7 \cdot n!}{(n-7)! \cdot 7!} = \frac{(n-1)!}{(n-1-6)! \cdot 6!} \cdot 8$$

$$\frac{\cancel{7} \cdot n \cdot \cancel{(n-1)!}}{(n-\cancel{7})! \cdot \cancel{7} \cdot \cancel{6!}} = \frac{\cancel{(n-1)!} \cdot 8}{(n-\cancel{7})! \cdot \cancel{6!}}$$

$$n = 8$$

سما
SAMA



حل المعادلات التالية:

(a) ${}_nC_3 + {}_nC_2 = 3n(n-1)$

(b) ${}_nC_4 = {}_nC_{n-2}$

(c) $2{}_nC_4 = \frac{1}{2} 2{}_nC_5$

$\sum_{n+1}^{\infty} 3 = 3n(n-1)$

$\frac{(n+1)!}{(n+1-3)! \cdot 3!} = 3n(n-1)$

$\frac{(n+1)n(n-1)(n-2)!}{(n-2)! \cdot 3!} = 3n(n-1)$

$(n+1) = 3 \cdot 3!$

$n+1 = 18$

$n = 17$

$u = n-2$

$n = 6$

$n = u + n-2$

$n = n+2$
مرفوض

$\frac{(2n)!}{(2n-4)! \cdot 4!} = \frac{1}{2} \frac{(2n)!}{(2n-5)! \cdot 5!}$

$\frac{1}{(2n-4)(2n-5)! \cdot 4!} = \frac{1}{2(2n-5)! \cdot 5!}$

$(2n-4) \cdot 4! = 2 \cdot 5!$

$2n-4 \cdot 4! = 2(5) \cdot 4!$

$2n-4 = 10$

$2n = 14$

$n = 7$

4

SAMA

${}_nP_4 = 5 \times {}_nP_3, n \geq 4$

حل المعادلة:

$n(n-1)(n-2)(n-3) = 5n(n-1)(n-2)$

$(n-3) = 5$

$n = 5+3$

$n = 8$

SAMA

$\frac{1}{(n-2)!} = \frac{60}{(n+1)!}$

$(n+1)(n)(n-1)(n-2)! = 60(n-2)!$

$(n+1)(n)(n-1) = 5 \times 4 \times 3$

$\therefore n = 4$

$\frac{2{}_nP_{n+2}}{2{}_nP_{n-1}} = 60$ حل المعادلة:

$2{}_nP_{n+2} = 60 \times 2{}_nP_{n-1}$

$\frac{(2n)!}{(2n-n-2)!} = 60 \frac{(2n)!}{(2n-n+1)!}$

حل المعادلة : $8 P_r = 4 \cdot 8 P_{r-1}$

$$-(r-1) = r+1$$

$$\frac{8!}{(8-r)!} = 4 \frac{8!}{(8-r+1)!}$$

$$\frac{1}{(8-r)!} = \frac{4}{(8-r+1)!}$$

$$(8-r+1)! = (8-r)! \cdot 4$$

$$(8-r+1)(8-r)! = (8-r)! \cdot 4$$

$$8-r = 4$$

$$-r = 4-8$$

$$-r = -4$$

$$\boxed{r = 4}$$

سما
SAMA

في إحدى الآلات الحاسبة 4 بطاريات . احتمال أن تخدم كل بطارية مدة عام كامل

سما
SAMA

يساوي 90% ما احتمال أن تخدم كل من البطاريات الأربع مدة عام كامل ؟

$$P(E) = \sum_{k=0}^n m^k (1-m)^{n-k}$$

$$n = 4$$

$$m = 0.9$$

$$1-m = 1-0.9 = 0.1$$

$$P(E) = \sum_{k=0}^4 (0.9)^k (0.1)^{4-k}$$

$$= 0.6561$$

$$k = 4$$

سما
SAMA



خلال شهر التسوق يقدم أحد المحلات العرض التالي: عند شراء كل صنف تحصل على بطاقة. تفوز 40% من البطاقات بجوائز ويتم اختيار هذه البطاقات الراحبة بشكل عشوائي. مع راشد 3 بطاقات. ما احتمال أن يفوز راشد بجائزتين؟

$$P(E) = \sum_n^k m^k (1-m)^{n-k}$$

$$n = 3$$

$$P(E) = \sum_2^3 (0.4)^2 (1-0.4)^{3-2}$$

$$m = 0.4$$

$$1-m = 1-0.4 = 0.6$$

$$= 0.288$$

$$k = 2$$

زومي حجر نرد منتظم. فما احتمال الحصول على أحد مضاعفات العدد 3 أو عدد زوجي؟

$$A = \{3, 6\} \quad n(A) = 2 \quad \therefore \text{عدد من مضاعفات 3}$$

$$B = \{2, 4, 6\} \quad n(B) = 3 \quad \text{عدد زوجي}$$

$$A \cap B = \{6\} \quad n(A \cap B) = 1 \quad n(S) = 6$$

$$P(A) = \frac{2}{6} \quad , \quad P(B) = \frac{3}{6} \quad , \quad P(A \cap B) = \frac{1}{6}$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) = \frac{2}{6} + \frac{3}{6} - \frac{1}{6} = \frac{2}{3}$$

استخدم نظرية ذات الحدين لإيجاد مفكوك $(x-2y)^3$  $n=3$ $a=x$ $b=-2y$

$$(x-2y)^3 = {}_3C_0 (x)^3 (-2y)^0 + {}_3C_1 (x)^2 (-2y)^1 +$$

$${}_3C_2 (x)^1 (-2y)^2 + {}_3C_3 (x)^0 (-2y)^3 +$$

$$= x^3 + 3x^2(-2y) + 3x(4y^2) - 8y^3$$

$$= x^3 - 6x^2y + 12xy^2 - 8y^3$$



أوجد الحد الذي يحتوي على x^2y^3 في مفكوك $(3x - 7y)^5$

$$\begin{aligned} T_{r+1} &= {}^nC_r (3x)^{n-r} (-7y)^r \quad n=5 \\ &= {}^5C_r 3^{5-r} (-7)^r x^{5-r} y^r \quad \therefore y^r = y^3 \\ T_4 = T_{3+1} &= {}^5C_3 (3)^2 (-7)^3 x^2 y^3 \quad \Leftarrow r=3 \\ &= -13720 x^2 y^3 \end{aligned}$$

أرسله صاحب المدرسه ليكتب

-13720

أوجد الحد الثامن من $(x - 2y)^{15}$

$$\begin{aligned} T_{r+1} &= {}^nC_r (a)^{n-r} (b)^r \\ T_8 = T_{7+1} &= {}^{15}C_7 (x)^8 (-2y)^7 \\ &= -823630 x^8 y^7 \end{aligned}$$

-823630 وصاحب المدرسه ناقصه



1	الصورة الجبرية للعدد: $3 + 2i$ هي: $\sqrt{-4} + 3$ ✓
2	الصورة المبسطة للتعبير: $(12 + 5i) - (2 - i)$ هي: $10 + 6i$ ✓
3	الإحداثيات القطبية للنقطة: $M\left(\frac{-\sqrt{2}}{2}, \frac{-\sqrt{2}}{2}\right)$ هي: $M\left(1, \frac{5\pi}{4}\right)$ ✓
4	الإحداثيات الديكارتية للنقطة: $B(\sqrt{2}, 135^\circ)$ هي: $B(-1, 1)$ ✓
5	مرافق العدد المركب: $z = 3 + 4i$ هو: $\bar{z} = -3 - 4i$ ✗
6	الصورة الجبرية للعدد المركب: $z = \sqrt{2}\left(\cos \frac{7\pi}{4} + i \sin \frac{7\pi}{4}\right)$ هي: $z = 1 - i$ ✓
7	إذا كان z_1, z_2 جذران تربيعيان للعدد z فإن $z_1 + z_2 = 0$ ✓
8	حل المعادلة: $2z + \bar{z} - 3 - 5i = 0$ هو: $z = 1 - 5i$ ✗
9	المعكوس الجمعي للعدد المركب $z = 3 - 2i$ هو: $-z = 3 + 2i$ ✗
10	إذا كان $z_1 = 5i + 2$ ، $z_2 = -3 - i$ فإن $\left(\frac{z_1}{z_2}\right)$ تساوي: (a) $\frac{1}{10} + \frac{17}{10}i$ (b) $\frac{-1}{10} - \frac{17}{10}i$ (c) $\frac{-1}{10} + \frac{17}{10}i$ (d) $\frac{1}{10} - \frac{17}{10}i$
11	$(6 - 2i + 3i^5)^2$ تساوي: (a) $35 - 12i$ (b) $35 + 12i$ (c) $81 - 12i$ (d) $81 + 12i$
12	حل المعادلة $(3 - 4i)z = 5 - 2i$ هو: (a) $\frac{5}{3} + \frac{1}{2}i$ (b) $\frac{5}{3} - \frac{1}{2}i$ (c) $\frac{23}{25} + \frac{14}{25}i$ (d) $\frac{23}{25} - \frac{14}{25}i$
13	الصورة الجبرية للعدد المركب: $z = (1 + 2i)^2$ هي: (a) $z = -3 + 4i$ (b) $z = 5 + 4i$ (c) $z = -3$ (d) $z = 5$

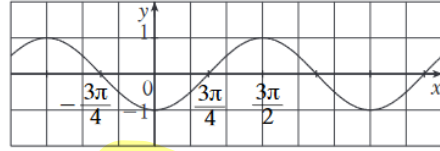
14	الجذران التربيعيان للعدد المركب: $z = 33 - 56i$ هما:	(a) $\begin{cases} z_1 = -7 - 4i \\ z_2 = 7 + 4i \end{cases}$ (b) $\begin{cases} z_1 = 7 - 4i \\ z_2 = -7 + 4i \end{cases}$ (c) $\begin{cases} z_1 = 7 + 4i \\ z_2 = 7 - 4i \end{cases}$ (d) $\begin{cases} z_1 = -7 - 4i \\ z_2 = -7 + 4i \end{cases}$	ساما SAMA
15	$\forall n \in \mathbb{Z}^+$ فإن قيمة $(i^{2n+2} + i^{2n+8})$ تساوي:	(a) 1 (b) 0 (c) -1 (d) i^{-2n}	ساما SAMA
16	قيمة i^{40} تساوي	(a) -1 (b) $-i$ (c) 1 (d) i	ساما SAMA
17	مجموعة حل المعادلة: $z^2 - 4z + 20 = 0$ هي:	(a) $\{2 - 4i, -2 - 4i\}$ (b) $\{-2 + 4i, -2 - 4i\}$ (c) $\{2 - 4i, -2 + 4i\}$ (d) $\{2 - 4i, 2 + 4i\}$	ساما SAMA
18	أبسط صورة للتعبير: $(3 + \sqrt{-4})(4 + \sqrt{-9})$ هي:	(a) $18 + 17i$ (b) $18 + 3\sqrt{-9} + 4\sqrt{-4}$ (c) $6 + 17i$ (d) 18	ساما SAMA
19	ليكن $x \in \mathbb{Z}^+$ فإن مجموعة قيم x التي تجعل العدد $(5 + i^x)$ عددًا حقيقيًا هي:	(a) $\mathbb{Z}^+$ (b) $\{0, 2, 4, 6, \dots\}$ (c) $\{1, 3, 5, \dots\}$ (d) $\{2, 4, 6, \dots\}$	ساما SAMA
20	الصورة المثلثية للعدد المركب: $z = \frac{-4}{1-i}$ حيث $0 \leq \theta < 2\pi$ هي:	(a) $z = 4\left(\cos \frac{5\pi}{4} + i \sin \frac{5\pi}{4}\right)$ (b) $z = 2\sqrt{2}\left(\cos \frac{5\pi}{4} + i \sin \frac{5\pi}{4}\right)$ (c) $z = 2\sqrt{2}\left(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4}\right)$ (d) $z = 2\sqrt{2}\left(\cos \frac{7\pi}{4} + i \sin \frac{7\pi}{4}\right)$	ساما SAMA



في الدالة f حيث $f(x) = a \cos bx$ يكون: $2|a| = \max f + \min f$

22	في المثلث ABC : $m(\widehat{B}) = 80^\circ$, $AB = 12$ cm, $AC = 16$ cm, فإن: $m(\widehat{C}) = 50^\circ$	✓
23	في كل مثلث ABC يكون: $\frac{a}{\sin \alpha} = \frac{b}{\sin \beta} = \frac{c}{\sin \gamma}$	✗
24	في المثلث ABC : $b^2 + c^2 < 2bc \cos A$	✗
25	إذا كانت أطوال أضلاع مثلث تساوي 5 cm, 8 cm, 12 cm فإن قياس الزاوية الكبرى في هذا المثلث يساوي حوالي 133.4°	✓
26	في المثلث ABC : $m(\widehat{A}) = 60^\circ$, $AB = 20$ cm, $BC = 44$ cm, فإن: $AC \approx 50.5$ cm	✓
27	إن معرفة قياس إحدى زوايا مثلث هو شرط ضروري لإيجاد مساحته.	✗
28	في المثلث ABC : $AC = 9$ cm, $AB = 7$ cm, $BC = 5$ cm فإن مساحة المثلث ABC تساوي حوالي 15 cm ²	✗
29	لا يمكن استخدام قاعدة هيرون إذا كان المثلث قائم الزاوية.	✗
30	الدالة $y = 3 \tan\left(\frac{3}{4}x\right)$ دورتها $\frac{4}{3}\pi$	✓
33	معادلة الدالة المثلثية $y = a \sin(bx)$ حيث السعة 3 والدورة $\frac{\pi}{2}$ يمكن أن تكون:	
	(a) $y = 3 \sin\left(\frac{\pi}{2}x\right)$ أو $y = -3 \sin\left(\frac{\pi}{2}x\right)$	(b) $y = 3 \sin\left(\frac{2}{\pi}x\right)$ أو $y = -3 \sin\left(\frac{2}{\pi}x\right)$
	(c) $y = 3 \sin\left(\frac{\pi}{4}x\right)$ أو $y = -3 \sin\left(\frac{\pi}{4}x\right)$	(d) $y = 3 \sin(4x)$ أو $y = -3 \sin(4x)$
34	إذا كان: $m(\widehat{C}) = 40^\circ$, $a = 2$ cm, $b = 3$ cm فإن مساحة المثلث ABC تساوي حوالي:	
	(a) 4.6 cm ²	(b) 3.86 cm ²
	(c) 1.93 cm ²	(d) 2.3 cm ²
35	مساحة مثلث متطابق الأضلاع طول ضلعه a هي:	
	(a) $\frac{a^2\sqrt{3}}{4}$ units ²	(b) a^2 units ² (c) $\frac{1}{2}a^2$ units ² (d) $\frac{a^2\sqrt{3}}{2}$ units ²

ليكن g دالة دورية بيّنها كما في الشكل التالي فإن الدورة تساوي:



- (a) π (b) 2π (c) 3π (d) $\frac{6\pi}{4}$

معادلة الدالة المثلثية $y = \tan(bx)$ حيث الدورة $\frac{3}{4}$ يمكن أن تكون:

- (a) $y = \tan\left(\frac{4}{3}\pi x\right)$ (b) $y = \tan\left(\frac{3}{4}x\right)$
(c) $y = \tan\left(\frac{4}{3}x\right)$ (d) $y = \tan\left(\frac{3}{4}\pi x\right)$

مساحة المثلث الذي أطوال أضلاعه 5 cm , 6 cm , 7 cm هي :

- (a) $6\sqrt{6}\text{ cm}^2$ (b) $12\sqrt{6}\text{ cm}^2$
(c) $6\sqrt{3}\text{ cm}^2$ (d) $12\sqrt{3}\text{ cm}^2$

مثلث قياسات زواياه: 50° , 60° , 70° ، طول أصغر ضلع فيه هو 9 cm
طول أطول ضلع حوالى:

- (a) 11 cm (b) 11.5 cm (c) 12 cm (d) 12.5 cm

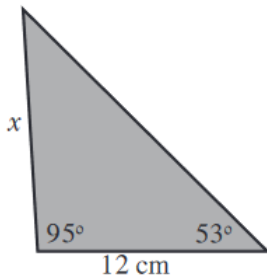
إذا كان: $a = 2\text{ cm}$, $b = 3\text{ cm}$, $m(\hat{C}) = 40^\circ$ فإن مساحة المثلث ABC تساوي حوالى:

- (a) 4.6 cm^2 (b) 3.86 cm^2 (c) 1.93 cm^2 (d) 2.3 cm^2

مساحة المثلث الذي أطوال أضلاعه 7 cm , 8 cm , 9 cm هي:

- (a) $6\sqrt{15}\text{ cm}^2$ (b) $12\sqrt{5}\text{ cm}^2$ (c) $16\sqrt{3}\text{ cm}^2$ (d) $18\sqrt{3}\text{ cm}^2$

في المثلث المقابل، x تساوي حوالى:

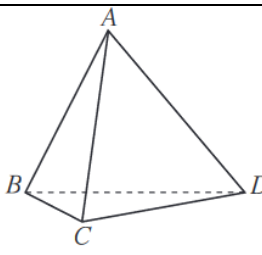


- (a) 8.6 cm (b) 15 cm
(c) 18.1 cm (d) 19.2 cm

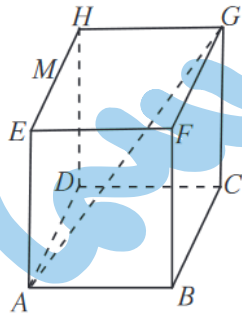
✓	$\sec x - \cos x = \tan x \sin x$ تمثل متطابقة.	43
✗	$\cos(h + \frac{\pi}{2}) = -\cos h$	44
✓	$\tan^2 \frac{\pi}{12} + \tan^2 \frac{5\pi}{12} = 14$	45
✓	$\cos x = 2 \cos^2 \frac{x}{2} - 1$	46
✗	$\cos \frac{\pi}{12} = \frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4}$	47
✓	$\sin 4x = 2 \sin 2x \cos 2x$	48
✗	حل المعادلة $\sin x = \frac{1}{2}$ هو: $x = \frac{\pi}{6} + 2k\pi$ ، حيث k عدد صحيح.	49
✓	حلول المعادلة $\sin x \tan^2 x = \sin x$ على الفترة $(0, \pi)$ هي: $\frac{\pi}{4}$ و $\frac{3\pi}{4}$	50
✗	حل المعادلة $\tan x = -\sqrt{3}$ هو: $x = +\frac{5\pi}{6} + k\pi$ ، حيث k عدد صحيح.	51
	حلول المعادلة: $2 \sin^2 x + 3 \sin x + 1 = 0$ على الفترة $[0, 2\pi)$ هي: (a) $-\frac{\pi}{6}, \frac{7\pi}{6}, \frac{3\pi}{2}$ (b) $\frac{4\pi}{3}, \frac{3\pi}{2}, \frac{5\pi}{3}$ (c) $\frac{3\pi}{2}, \frac{11\pi}{6}$ (d) $\frac{7\pi}{6}, \frac{3\pi}{2}, \frac{11\pi}{6}$	52
	إذا كان $\sin x + \cos x = 0$ فإن x تقع في الربع: (a) الأول (b) الأول أو الثالث (c) الثالث (d) الثاني أو الرابع	53
	$\sin(x + \frac{\pi}{6})$ تساوي: (a) $\frac{1}{2} \sin x + \frac{\sqrt{3}}{2} \cos x$ (b) $\frac{1}{2}(\sin x + \cos x)$ (c) $\frac{\sqrt{3}}{2} \sin x + \frac{1}{2} \cos x$ (d) $\frac{\sqrt{3}}{2} \sin x - \frac{1}{2} \cos x$	54



سما SAMA	سما SAMA	تساوي: $\frac{\tan \frac{\pi}{5} - \tan \frac{\pi}{3}}{1 + \tan \frac{\pi}{5} \tan \frac{\pi}{3}}$	55
(a) $\tan \frac{2\pi}{15}$	(b) $\tan \frac{8\pi}{15}$	(c) $\tan \left(\frac{-8\pi}{15} \right)$	(d) $\tan \left(\frac{-2\pi}{15} \right)$
سما SAMA	سما SAMA	تساوي: $\sin \frac{\pi}{3} \cos \frac{\pi}{7} - \sin \frac{\pi}{7} \cos \frac{\pi}{3}$	56
(a) $\cos \frac{4\pi}{21}$	(b) $\sin \frac{4\pi}{21}$	(c) $\cos \frac{10\pi}{21}$	(d) $\sin \frac{10\pi}{21}$
سما SAMA	سما SAMA	تساوي: $\tan \left(h + \frac{\pi}{4} \right)$	57
(a) $1 + \tan h$	(b) $\frac{1 - \tan h}{1 + \tan h}$	(c) $\frac{1 + \tan h}{1 - \tan h}$	(d) $1 - \tan h$
سما SAMA	سما SAMA	تساوي: $\cos 94^\circ \cos 18^\circ + \sin 94^\circ \sin 18^\circ$	58
(a) $\cos 112^\circ$	(b) $\cos 76^\circ$	(c) $\sin 112^\circ$	(d) $\sin 76^\circ$
سما SAMA	سما SAMA	تساوي: $\cos \frac{\pi}{8}$	59
(a) $\frac{2 + \sqrt{2}}{2}$	(b) $\sqrt{2} - 1$	(c) $\frac{\sqrt{2 + \sqrt{2}}}{2}$	(d) $\sqrt{\frac{2 - \sqrt{2}}{2}}$
سما SAMA	سما SAMA	إذا كان: $\pi < \theta < \frac{3\pi}{2}$, فإن $\cos \theta = \frac{-7}{25}$, $\cos \frac{\theta}{2}$ يساوي:	60
(a) $\frac{2}{5}$	(b) $\frac{-2}{5}$	(c) $\frac{-3}{5}$	(d) $\frac{3}{5}$
سما SAMA	سما SAMA	تساوي: $\frac{\sin 2x}{1 + \cos 2x}$	61
(a) $\csc x$	(b) $\csc 2x \cos x$	(c) $\tan 2x$	(d) $\tan x$

62	إذا كان: $\vec{m} // \pi, \vec{l} // \pi$ فإن $\vec{l} // \vec{m}$	✗
63	إذا وازى مستقيم l مستوي π فإن $\vec{l}$ يوازي مستقيماً وحيداً في π	✗
64	إذا توازى مستقيمان و مرّ بهما مستويان متقاطعان فإن تقاطعهما هو مستقيم يوازي كلا من هذين المستقيمين.	✓
65	إذا كان المستقيمان l, m متخالفان وكان $\vec{n} \perp \vec{m}$ فإن $\vec{n}, \vec{l}$ متخالفان.	✗
66	إذا كان $\vec{m} \subset \pi, \vec{l} \perp \vec{m}$ فإن $\vec{l} \subset \pi$	✗
67	إذا كان $ABCD$ هرم ثلاثي القاعدة جميع أحرفه متطابقة فإن: $\overline{AB} \perp \overline{CD}$	✓
68	إذا كان المستقيمان l, m متخالفان وكان $\vec{n} \perp \vec{m}$ فإن $\vec{l} \perp \vec{n}$	✗
69	النقاط B, C, D تعين: (a) مستويًا واحدًا (b) مستويين مختلفين (c) عدد لا منته من المستويات المختلفة (d) لا يمكن أن تعين مستويًا إذا كان $\pi_1 // \pi_2, \pi \cap \pi_1 = \vec{l}, \pi \cap \pi_2 = \vec{m}$ فإن: (a) $\pi // \pi_1$ (b) $\pi // \pi_2$ (c) $\vec{l} \perp \vec{m}$ (d) $\vec{l} // \vec{m}$	
70	إذا توازى مستويان مختلفان وقطعهما مستو ثالث فإن خطي التقاطع: (a) متقاطعان (b) متخالفان (c) متوازيان (d) متعامدان	

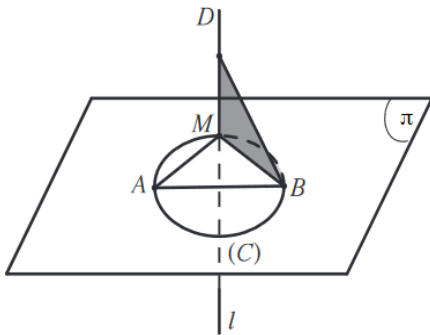
يمثل الشكل المقابل مكعبًا، إذا كان طول حرفه 3 cm فإن طول قطره $\overline{AG}$ يساوي:



- (a) $\sqrt{3}$ cm (b) $3\sqrt{3}$ cm
 (c) 9 cm (d) 18 cm

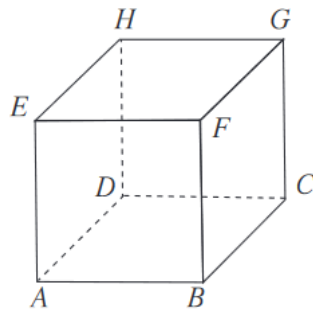
في الشكل المقابل :

إذا كان (AMB) ، $\vec{l} \perp \overline{AB}$ قطر في الدائرة (C) فإن:



- (a) $\overrightarrow{AB} \perp \overrightarrow{BD}$ (b) $\vec{l} \perp (BMD)$
 (c) $\overrightarrow{AM} \perp (BMD)$ (d) $\overrightarrow{AB} \perp \overrightarrow{BM}$

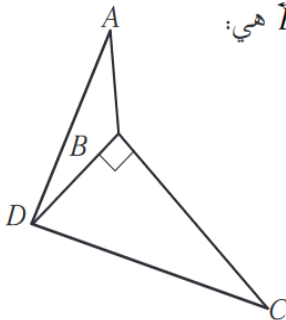
في المكعب $ABCDEFGH$ ، $\overrightarrow{BD}$ ، $\overrightarrow{EG}$ هما:



- متوازيان (a) متقاطعان (b)
متخالفان (c) يحويهما مستو واحد (d)

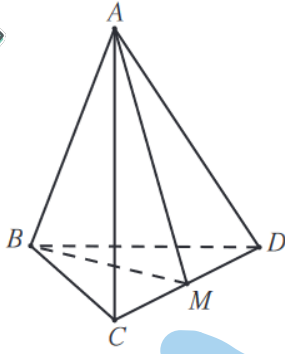
في الشكل المقابل، المثلث DBC قائم الزاوية في B ،

فإذا كان $\overline{AB}$ عمودي على (DBC) فإن الزاوية المستوية للزاوية الزوجية $\overline{BD}$ هي:



- (a) $D\widehat{B}C$ (b) $A\widehat{B}C$
(c) $A\widehat{B}D$ (d) $A\widehat{D}C$

75

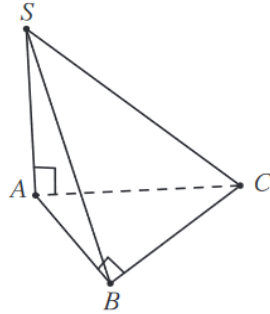


إذا كان $ABCD$ هرم جميع حروفه متساوية الطول، M منتصف CD فإن:

$\overline{CD}$ عمودي على $\overline{AB}$

76

في الشكل المقابل إذا كان $\widehat{B} = 90^\circ$ ، $\vec{SA} \perp (ABC)$ فإن:



(a) المثلث SAB قائم في $\widehat{B}$

(b) $\overline{CB} \perp (SAB)$

(c) المثلث SAB متطابق الضلعين.

(d) المثلث SCB قائم في $\widehat{C}$

77

عدد طرق جلوس 4 أشخاص على 4 مقاعد في صف هو $4!$

78

$$(n-r)! = n! - r!$$

79

مفكوك $(c+1)^5$ هو: $c^5 + 5c^4 + 10c^3 + 10c^2 + 5c + 1$

80

إذا كان معامل الحد الثاني في مفكوك $(r+x)^n$ هو 7 فإن قيمة n هي 7

81

معامل الحد السابع في مفكوك $(x-y)^7$ هو عدد سالب.

82

الحدثان m ، n مستقلان، $P(m) = \frac{12}{17}$ ، $P(n) = \frac{3}{8}$ ، إذا $P(m \cap n) = \frac{9}{17}$

83

في اختبار صح - خطأ، أجبت عن 5 أسئلة عشوائيًا. احتمال أن تكون 3 من إجاباتك صحيحة هو $\frac{5}{16}$

84

في مفكوك $(3x+2y)^8$ الحد الذي يحوي x^3y^5 هو:

(a) T_3

(b) T_6

(c) T_5

(d) T_8



85	معامل الحد الثالث في مفكوك $(3c - 4b)^5$ هو:	(a) 5 170 (b) 3 312 (c) 4 320 (d) 2 316
86	في مفكوك $(2a - 3b)^6$ الحد الذي معاملته 2 160 هو:	(a) الحد الثاني (b) الحد الثالث (c) الحد الرابع (d) الحد الخامس
87	في مفكوك $(x + y)^9$ تكون رتبة الحد: $126x^5y^4$ هي:	(a) الرابعة (b) الخامسة (c) السادسة (d) التاسعة
88	الحدثان m, n مستقلان، $P(m) = \frac{1}{3}$ ، $P(n) = \frac{9}{10}$ إذاً $P(m \cap n)$ تساوي:	(a) $\frac{1}{3}$ (b) $\frac{25}{30}$ (c) $\frac{3}{10}$ (d) $\frac{11}{30}$
89	إذا كان $nP_3 = 60$ فإن n تساوي:	(a) 5 (b) 6 (c) 4 (d) 3
90	مفكوك $(a - b)^3$ هو:	(a) $a^3 + a^2b + ab^2 + b^3$ (b) $a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$ (c) $a^3 - a^2b + ab^2 - b^3$ (d) $a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$
91	الحدثان r, t متنافيان $P(t) = \frac{3}{5}$ ، $P(r) = \frac{1}{3}$ إذاً $P(t \cup r)$ تساوي:	(a) $\frac{1}{5}$ (b) $\frac{14}{15}$ (c) $\frac{4}{15}$ (d) 0
92	يحتوي كيس على 5 كرات من اللون الأزرق، 3 كرات من اللون الأحمر. أخذت عشوائياً كرتان معاً من الكيس. احتمال الحدث: «أن تكون كرة حمراء والأخرى كرة زرقاء» هو:	(a) $\frac{1}{14}$ (b) $\frac{28}{15}$ (c) $\frac{2}{7}$ (d) $\frac{15}{28}$