

سما
SAMA

سما- المعلم الذكي

i teacher
المعلم الذكي

WWW.SAMAKW.NET/AR

نماذج اختبار نهائية الفصل (الثاني)

الرياضيات

الصف

11



2024 - 2025



www.samakw.com



iteacher_q8



60084568 / 50855008



حولي مجمع بيروت الدور الأول

القسم الأول – أسئلة المقال

أجب عن جميع أسئلة المقال موضحا خطوات الحل في كل منها

السؤال الأول : (15 درجة)

(10 درجات)

(a)
1) أكتب العدد $\frac{2}{3-i}$ في الصورة الجبرية

الحل:

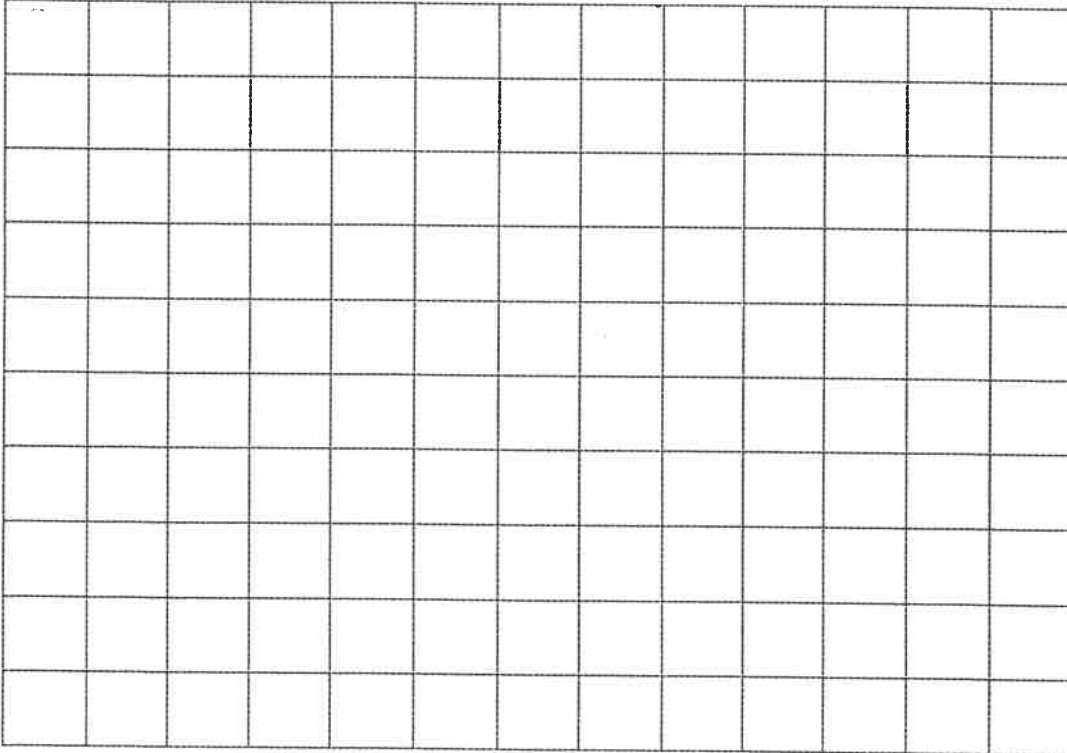
2) أوجد مجموعة حل المعادلة : $z^2 - 2z + 4 = 0$ في C

الحل:

تابع السؤال الأول :

(b) أوجد السعة و الدورة للدالة : $y = -3\sin x$, $x \in [-\pi, 2\pi]$ ثم ارسم بيانها
(5 درجات)

الحل :



السؤال الثاني : (15 درجة)

(a) حل المثلث ABC حيث : $a = 2 \text{ cm}$, $b = 4 \text{ cm}$, $c = 5 \text{ cm}$

(7 درجات)

الحل :

تابع السؤال الثاني :

(8 درجات)

(b)

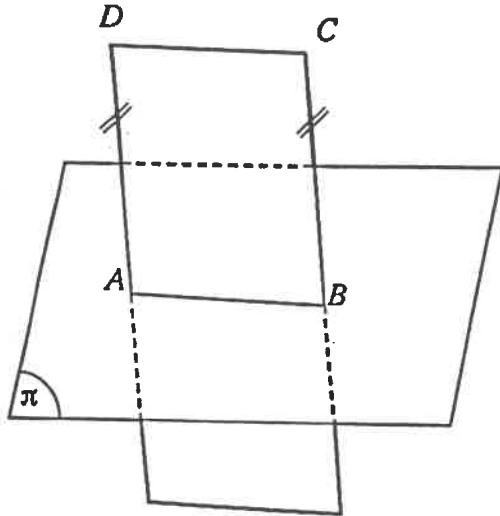
1) أكمل ما يلي :

إذا وازى مستقيم خارج مستو مستقيماً في المستوي فإنه

2) في الشكل المقابل :

$$\overrightarrow{AB} \subset \pi , \overrightarrow{AD} // \overrightarrow{BC} , AD = BC$$

أثبت أن : $\overrightarrow{CD} // \pi$



الحل :

السؤال الثالث : (15 درجة)

(a) حل المعادلة : $3 \sin \theta + 1 = \sin \theta$ حيث $0 \leq \theta < 2\pi$ (8 درجات)

الحل :

تابع السؤال الثالث :

(b) في إحدى الآلات الحاسبة 4 بطاريات . احتمال أن تخدم كل بطارية مدة عام كامل يساوي 90% ما احتمال أن تخدم كل من البطاريات الأربعة مدة عام كامل ؟

(7 درجات)

الحل :

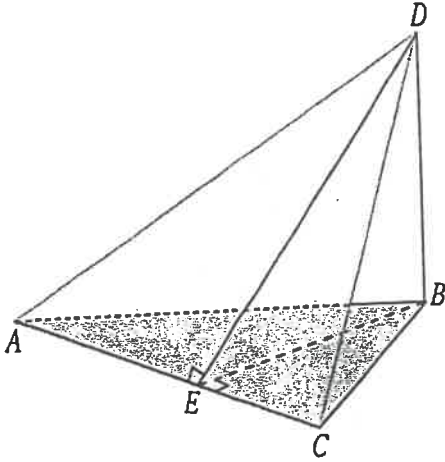
السؤال الرابع : (15 درجة)

(a) إذا كان $\sin \theta = \frac{-1}{\sqrt{2}}$, $\pi < \theta < \frac{3\pi}{2}$

فأوجد $\sin 2\theta$

(5 درجات)

الحل :



تابع السؤال الرابع:

(b) في الشكل المقابل D نقطة خارج مستوي المثلث ABC

$BD = 5cm$, $AB = 10 cm$, $m(\widehat{BAC}) = 45^\circ$

$\overline{BD} \perp (ABC)$, $\overline{BE} \perp \overline{AC}$, $\overline{DE} \perp \overline{AC}$

أوجد : (1) BE

(2) قياس الزاوية الزوجية بين المستويين BAC , DAC

(10 درجات)

الحل:

القسم الثاني: البنود الموضوعية

أولاً: في البنود من (1) إلى (3) عبارات ظلل في ورقة الإجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة (b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) الاحداثيات القطبية للنقطة $M\left(\frac{-\sqrt{2}}{2}, \frac{-\sqrt{2}}{2}\right)$ هي $M\left(1, \frac{5\pi}{4}\right)$

(2) $\cos 112^\circ$ يساوي $\cos 94^\circ \cos 18^\circ + \sin 94^\circ \sin 18^\circ$

(3) إذا كان مستقيم عمودياً على أحد مستويين متوازيين فإنه يكون عمودياً على المستوي الآخر

ثانياً : في البنود من (4) إلى (10) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(4) الجذران التربيعيان للعدد المركب: $z = 33 - 56i$ هما :

(a) $\begin{cases} z_1 = -7 - 4i \\ z_2 = 7 + 4i \end{cases}$

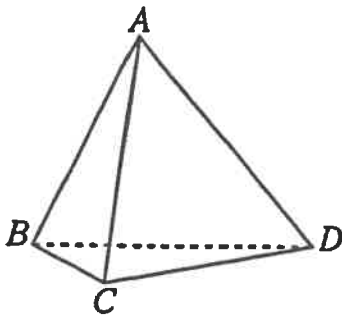
(b) $\begin{cases} z_1 = -7 - 4i \\ z_2 = -7 + 4i \end{cases}$

(c) $\begin{cases} z_1 = 7 + 4i \\ z_2 = 7 - 4i \end{cases}$

(d) $\begin{cases} z_1 = 7 - 4i \\ z_2 = -7 + 4i \end{cases}$

(5) إذا كان: $a = 2\text{ cm}$, $b = 3\text{ cm}$, $m(\hat{C}) = 40^\circ$ فإن مساحة المثلث ABC تساوي حوالي:

(a) 4.6 cm^2 (b) 3.86 cm^2 (c) 1.93 cm^2 (d) 2.3 cm^2



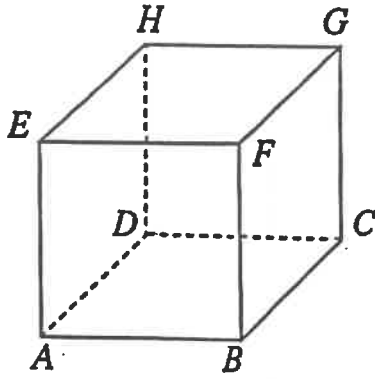
(6) النقاط B, C, D تعين :

(a) عدد لا منته من مستويات مختلفة

(b) مستويًا واحدًا

(c) لا يمكن أن تعين مستويًا

(d) مستويين مختلفين



(7) في المكعب $ABCDEFGH$ ، \vec{BD} ، \vec{EG} هما :

- (a) متوازيان
- (b) متقاطعان
- (c) متخالفان
- (d) يحويهما مستو واحد

(8) إذا كان $\pi_1 // \pi_2$ ، $\pi \cap \pi_1 = \vec{l}$ ، $\pi \cap \pi_2 = \vec{m}$ ، فإن :

- (a) $\pi // \pi_1$
- (b) $\pi // \pi_2$
- (c) $\vec{l} \perp \vec{m}$
- (d) $\vec{l} // \vec{m}$

(9) في مفكوك $(3x + 2y)^8$ الحد الذي يحوي $x^3 y^5$ هو :

- (a) T_3
- (b) T_5
- (c) T_6
- (d) T_8

(10) إذا كان $nP_3 = 60$ فإن n تساوي :

- (a) 5
- (b) 6
- (c) 4
- (d) 3

" انتهت الأسئلة "

ورقة إجابة البنود الموضوعية

السؤال	الإجابة			
(1)	(a)	(b)		
(2)	(a)	(b)		
(3)	(a)	(b)		
(4)	(a)	(b)	(c)	(d)
(5)	(a)	(b)	(c)	(d)
(6)	(a)	(b)	(c)	(d)
(7)	(a)	(b)	(c)	(d)
(8)	(a)	(b)	(c)	(d)
(9)	(a)	(b)	(c)	(d)
(10)	(a)	(b)	(c)	(d)

لكل بند درجة واحدة فقط

10

المجال الدراسي : الرياضيات
الزمن : ساعتان و45 دقيقة
عدد الصفحات : 11

دولة الكويت
وزارة التربية
التوجيه الفني العام للرياضيات

امتحان الرياضيات – الصف الحادي عشر العلمي – الدور الثاني (الفترة الدراسية الثانية) – العام الدراسي 2022 / 2023 م

القسم الأول – أسئلة المقال

أجب عن جميع أسئلة المقال موضحا خطوات الحل في كل منها

السؤال الأول : (15 درجة)

(10 درجات)

(a)

(1) اكتب العدد المركب $\frac{-5 + i}{2 - 3i}$ في الصورة الجبرية

الحل:

(2) ضع العدد : $z = -1 - i$ في الصورة المثلثية

الحل:

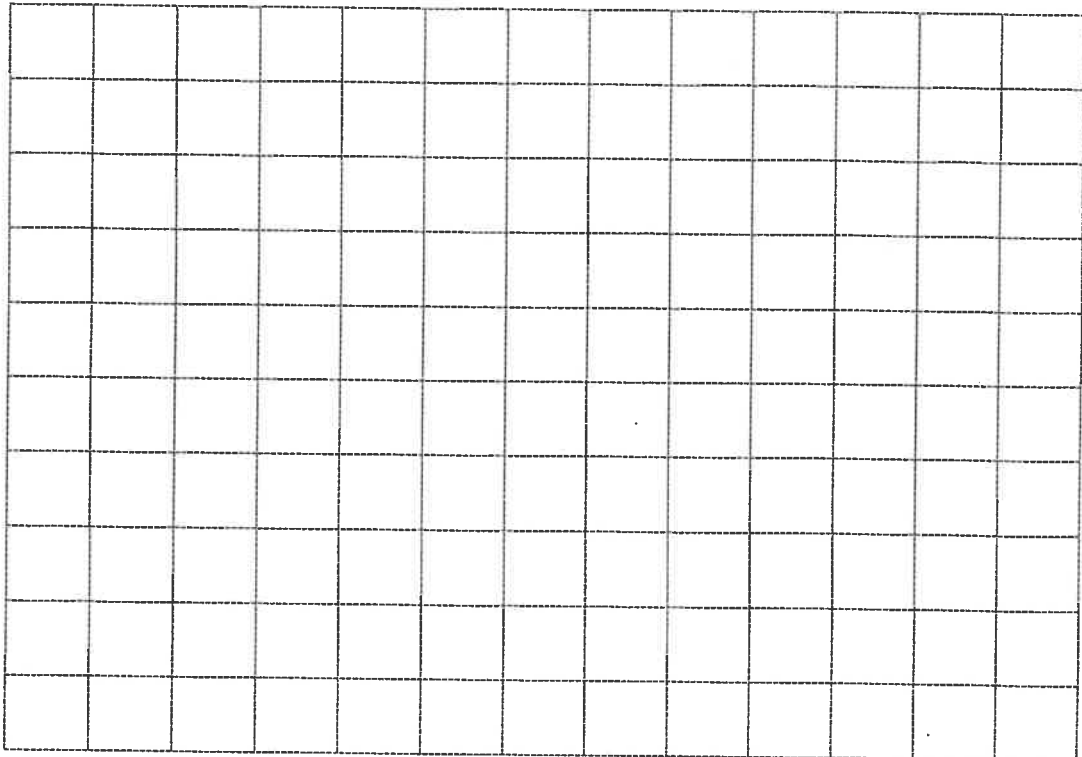
تابع السؤال الأول :

(b) أوجد السعة و الدورة للدالة التالية ثم ارسم بيانها

$$y = 2\sin\left(\frac{1}{2}x\right), -4\pi \leq x \leq 4\pi$$

(5 درجات)

الحل :



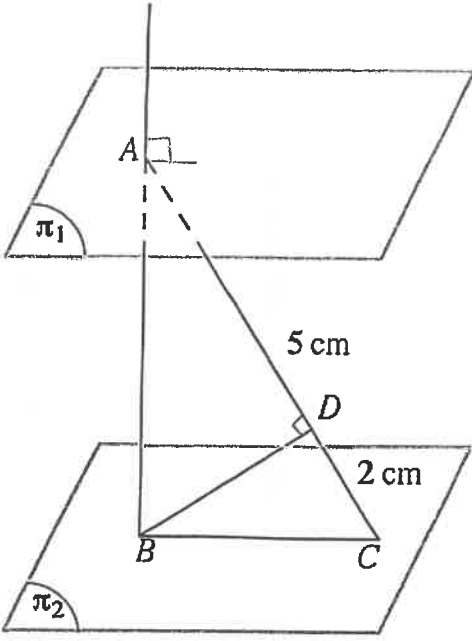
السؤال الثاني : (15 درجة)

(a) حل المثلث ABC حيث : $m(\hat{c}) = 95^\circ$, $b = 21$, $a = 12$

(7 درجات)

الحل :

تابع السؤال الثاني :



(8 درجات)

(b) في الشكل المقابل : $\pi_1 // \pi_2$, $\overrightarrow{AB} \perp \pi_1$, $A \in \pi_1$

رسم $\overrightarrow{BD} \perp \overrightarrow{AC}$ في المستوي ABC ، $\overrightarrow{BC} \subset \pi_2$

إذا كان $AD = 5 \text{ cm}$, $DC = 2 \text{ cm}$

أوجد : BD

الحل :

السؤال الثالث : (15 درجة)

(a) حل المعادلة : $2 \sin\theta + 1 = 0$

(8 درجات)

الحل :

تابع السؤال الثالث :

$$\frac{{}^nC_7}{{}^{(n-1)}C_6} = \frac{8}{7} \quad \text{حيث } n \text{ أوجد قيمة } n$$

(7 درجات)

الحل :

السؤال الرابع : (15 درجة)

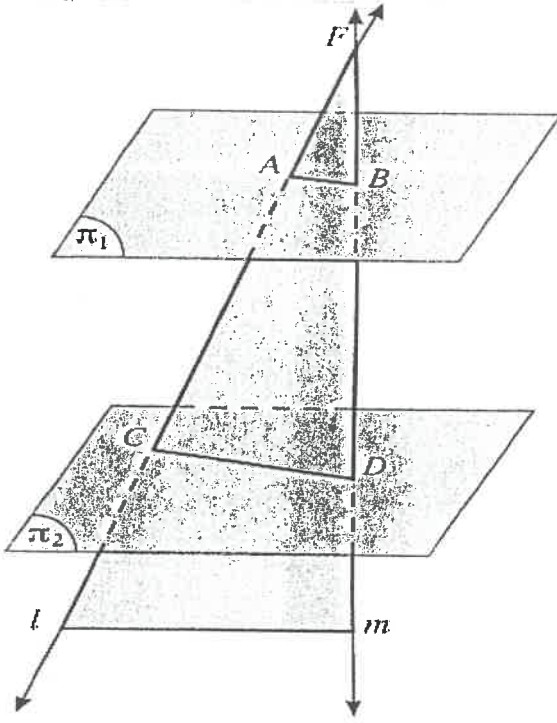
$$\sin \theta = \frac{-24}{25} , \quad 180^\circ < \theta < 270^\circ \text{ إذا كان (a)}$$

أوجد $\sin \frac{\theta}{2}$

(5 درجات)

الحل :

تابع السؤال الرابع:



(b) في الشكل المقابل π_1 , π_2 مستويين متوازيين ،
 \vec{l} , \vec{m} مستقيمان متقاطعان في F و يقطعان كلا من
 A, B في π_1 ، C, D في π_2 ، إذا كان $FB = 5cm$
 $CD = 9cm$, $AC = 6cm$, $BD = 4cm$
فأوجد محيط المثلث FAB

الحل:

(10 درجات)

القسم الثاني: البنود الموضوعية

أولاً: في البنود من (1) إلى (3) عبارات ظلل في ورقة الإجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة (b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) الاحداثيات الديكارتية للنقطة $B(\sqrt{2}, 135^\circ)$ هي $B(-1, 1)$

(2) $\cos \frac{\pi}{12}$ يساوي $\frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4}$

(3) المستقيمان العموديان على مستوي متوازيان

ثانياً : في البنود من (4) إلى (10) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(4) مجموعة حل المعادلة : $z^2 - 4z + 20 = 0$ هي :

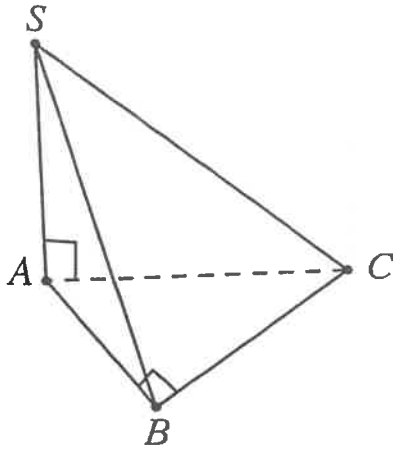
- (a) $\{2 - 4i, -2 - 4i\}$ (b) $\{-2 + 4i, -2 - 4i\}$
(c) $\{2 - 4i, -2 + 4i\}$ (d) $\{2 - 4i, 2 + 4i\}$

(5) مساحة المثلث الذي أطوال أضلاعه 5 cm , 6 cm , 7 cm هي :

- (a) $6\sqrt{6}\text{ cm}^2$ (b) $12\sqrt{6}\text{ cm}^2$
(c) $6\sqrt{3}\text{ cm}^2$ (d) $12\sqrt{3}\text{ cm}^2$

(6) الحالة التي لا تعين مستويًا وحيداً فيما يلي هي :

- (a) أي ثلاث نقاط مختلفة
(b) أي مستقيم و نقطة خارجه عنه
(c) أي مستقيمان متوازيان مختلفان
(d) أي مستقيمان متقاطعان في نقطة



(7) في الشكل المقابل إذا كان $\overrightarrow{SA} \perp (ABC)$ فإن $m(\widehat{B}) = 90^\circ$

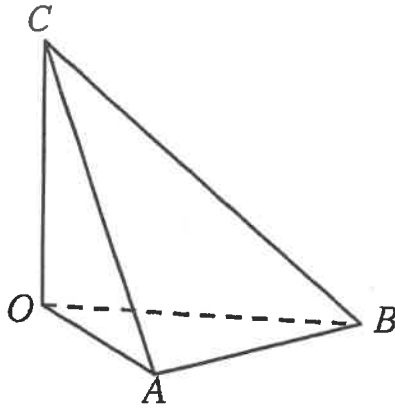
- (a) المثلث SAB قائم في \widehat{B}
 (b) $\overrightarrow{CB} \perp (SAB)$
 (c) المثلث SAB متطابق الضلعين
 (d) المثلث SCB قائم في \widehat{C}

(8) في الشكل المقابل إذا كان OAB مثلث فيه

$$m(\widehat{AOB}) = 60^\circ, OB = 2x, OA = x$$

\overrightarrow{OC} متعامد مع المستوي OAB فإن

قياس الزاوية الزوجية $(AOC, \overrightarrow{OC}, BOC)$ هو :



- (a) 30° (b) 45°
 (c) 60° (d) 90°

(9) الحد الثالث من مفكوك $(a - b)^7$ هو :

- (a) $-21a^5b^2$ (b) $-7a^6b$
 (c) $21a^5b^2$ (d) $7a^6b$

(10) الحدثان m, n مستقلان ، $P(m) = \frac{1}{3}$ ، $P(n) = \frac{9}{10}$ ، إذاً $P(m \cap n)$ تساوي

- (a) $\frac{25}{30}$ (b) $\frac{3}{10}$ (c) $\frac{1}{3}$ (d) $\frac{11}{30}$

" انتهت الأسئلة "

ورقة إجابة البنود الموضوعية

السؤال	الإجابة			
(1)	(a)	(b)		
(2)	(a)	(b)		
(3)	(a)	(b)		
(4)	(a)	(b)	(c)	(d)
(5)	(a)	(b)	(c)	(d)
(6)	(a)	(b)	(c)	(d)
(7)	(a)	(b)	(c)	(d)
(8)	(a)	(b)	(c)	(d)
(9)	(a)	(b)	(c)	(d)
(10)	(a)	(b)	(c)	(d)

لكل بند درجة واحدة فقط

10

امتحان الفترة الدراسية الثانية للصف الحادي عشر علمي للعام الدراسي : 2022/2021 م

القسم الأول – أسئلة المقال

أجب عن جميع أسئلة المقال التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها

السؤال الأول : (15 درجة)

(7 درجات)

(a) أوجد حل المعادلة : $z^2 - 2z + 4 = 0$ في \mathbb{C}

تابع السؤال الأول :

(8 درجات) $\sin \theta = \frac{-1}{\sqrt{2}}$, $\pi < \theta < \frac{3\pi}{2}$: (b) إذا كان :

فأوجد $\sin 2\theta$

السؤال الثاني : (15 درجة)

(a) حوّل من الإحداثيات الديكارتية إلى الإحداثيات القطبية (r, θ) : (7 درجات)

$$L(1, -\sqrt{3}), 0 \leq \theta < 2\pi$$

تابع السؤال الثاني :

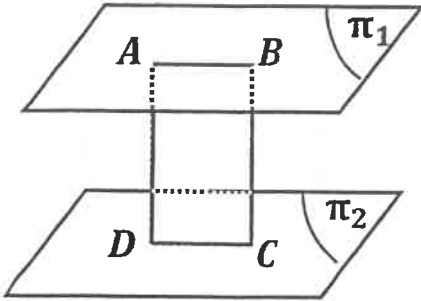
(8 درجات) حل المعادلة : $\cos x = -\frac{1}{2}$ حيث $0 \leq x < 2\pi$

السؤال الثالث : (15 درجة)

(a) حل المثلث ABC حيث : $a = 4 \text{ cm}$, $b = 3 \text{ cm}$, $c = 6 \text{ cm}$ (6 درجات)

تابع السؤال الثالث :

(9 درجات)



(b) في الشكل المقابل : $\pi_1 // \pi_2$

، A, B نقطتان في π_1
حيث C, D نقطتان في π_2 في مستوى واحد
، $\overline{AD} \perp \pi_2$ ، $\overline{BC} \perp \pi_2$
اثبت ان $ABCD$ مستطيل

السؤال الرابع : (15 درجة)

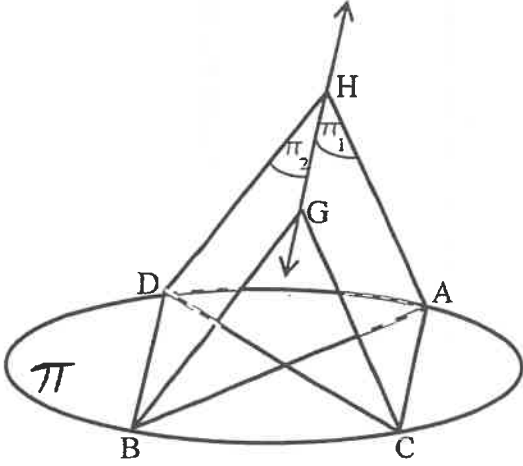
(a) في المثلث ABC :

إذا كان $\alpha = 32^\circ$ ، $b = 11 \text{ cm}$ ، $a = 17 \text{ cm}$ ، أوجد γ (6 درجات)

تابع السؤال الرابع:

(9 درجات)

(b) في الشكل المقابل : \overline{AB} , \overline{CD} قطران في مستوى الدائرة π
أثبت أن مستوى الدائرة π يوازي \overleftrightarrow{GH} ، $\pi_1 \cap \pi_2 = \overleftrightarrow{GH}$



ثانياً: البنود الموضوعية

- أولاً: في البنود من (1) إلى (3) عبارات ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة
(b) إذا كانت العبارة خاطئة.

(1) الصورة الجبرية للعدد $3 + \sqrt{-4}$ هي $3 + 2i$

(2) $\cos x = 2 \cos^2 \frac{x}{2} - 1$

(3) إذا كان $\vec{l} // \pi$, $\vec{m} // \pi$ فإن $\vec{l} // \vec{m}$.

ثانياً : في البنود من (4) إلى (10) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(4) أبسط صورة للتعبير: $(3 + \sqrt{-4})(4 + \sqrt{-9})$ هي:

(a) $18 + 17i$

(b) $18 + 3\sqrt{-9} + 4\sqrt{-4}$

(c) $6 + 17i$

(d) 18

(5) $\forall n \in \mathbb{Z}^+$ فإن قيمة $(i^{2n+2} + i^{2n+8})$ تساوي:

(a) i^{-2n}

(b) -1

(c) 0

(d) 1

(6) $\sin \left(x + \frac{\pi}{6} \right)$ تساوي:

(a) $\frac{1}{2} \sin x + \frac{\sqrt{3}}{2} \cos x$

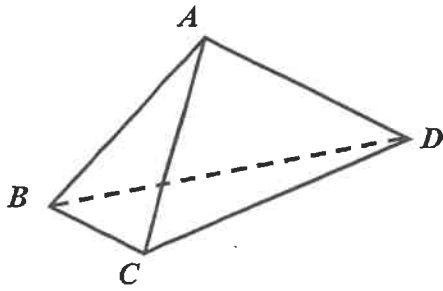
(b) $\frac{1}{2} (\sin x + \cos x)$

(c) $\frac{\sqrt{3}}{2} \sin x + \frac{1}{2} \cos x$

(d) $\frac{\sqrt{3}}{2} \sin x - \frac{1}{2} \cos x$

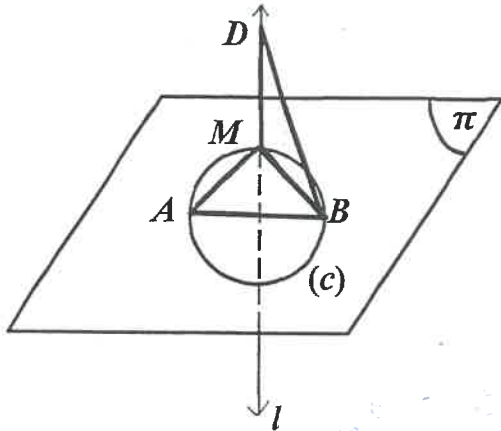
(7) إذا كان $\sin x + \cos x = 0$ فإن x تقع في الربع:

- (a) الأول
(b) الأول أو الثالث
(c) الثالث
(d) الثاني أو الرابع



(8) في الشكل المقابل: النقاط B, C, D تعين:

- (a) مستويًا واحدًا
(b) مستويين مختلفين
(c) عدد لا منته من المستويات المختلفة
(d) لا يمكن أن تعين مستويًا

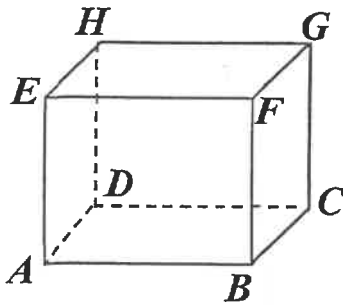


(9) في الشكل المقابل:

إذا كان $\vec{l} \perp (AMB)$ ، \overline{AB} قطر في الدائرة (C) فإن:

- (a) $\overrightarrow{AB} \perp \overrightarrow{BD}$
(b) $\vec{l} \perp (BMD)$
(c) $\overrightarrow{AM} \perp (BMD)$
(d) $\overrightarrow{AB} \perp \overrightarrow{BM}$

(10) في المكعب $ABCDEFGH$ ، \overrightarrow{BD} ، \overrightarrow{EG} هما:



- (a) متوازيان
(b) متقطعان
(c) متخالفان
(d) يحويهما مستوي واحد

" انتهت الأسئلة "

ورقة إجابة البنود الموضوعية .

السؤال	الإجابة			
(1)	(a)	(b)		
(2)	(a)	(b)		
(3)	(a)	(b)		
(4)	(a)	(b)	(c)	(d)
(5)	(a)	(b)	(c)	(d)
(6)	(a)	(b)	(c)	(d)
(7)	(a)	(b)	(c)	(d)
(8)	(a)	(b)	(c)	(d)
(9)	(a)	(b)	(c)	(d)
(10)	(a)	(b)	(c)	(d)

لكل بند درجة واحدة فقط

10

دولة الكويت

وزارة التربية

التوجيه الفني العام للم الرياضيات

المجال الدراسي الرياضيات

امتحان الفترة الدراسية الثانية - للصف الحادي عشر علمي

(الأسئلة في 11 صفحة)

الزمن : ساعتان و 45 دقيقة

العام الدراسي 2019/2018

القسم الأول - أسئلة المقال

أجب عن جميع الاسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها

السؤال الأول : (14 درجة)

(9 درجات)

(a) اكتب العدد $\frac{\sqrt{3} - i}{\sqrt{3} + i}$ في الصورة الجبرية

ثم حوله للصورة المثلثية مستخدماً السعة الأساسية

تابع السؤال الأول :

(b) أوجد السعة و الدورة للدالة : $y = -3\cos(2x)$, $-\pi \leq x \leq \pi$

ثم ارسم بيانها

(5 درجات)

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

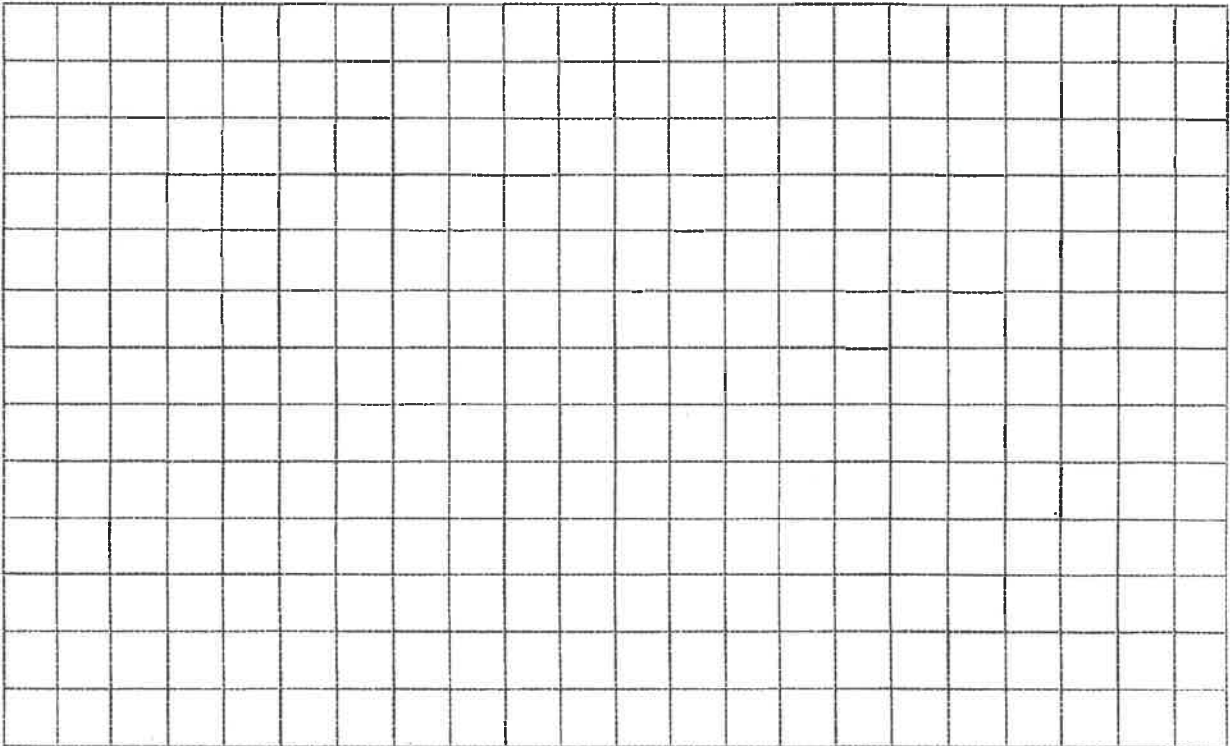
.....

.....

.....

.....

.....



السؤال الثالث: (14 درجة)

(6 درجات)

(a) أثبت صحة المتطابقة :

$$\frac{1}{1-\cos x} + \frac{1}{1+\cos x} = 2\csc^2 x$$

القسم الثاني : البنود الموضوعية

أولاً: في البنود من (1) إلى (4) عبارات ظلل في ورقة الإجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة (b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) الاحداثيات الديكارتية للنقطة $B(\sqrt{2}, 135^\circ)$ هي $B(-1, 1)$

(2) معادلة الدالة المثلثية $y = a \sin(b\theta)$ حيث السعة 5 و الدورة 3π

يمكن أن تكون $y = 5 \sin\left(\frac{2}{3}\theta\right)$

(3) إذا توازى مستقيمان و مر بهما مستويان متقاطعان فإن تقاطعهما هو مستقيم يوازي كلا من هذين المستقيمين .

$$\frac{1 - \cos 2x}{2} = 2 \cos^2 \frac{x}{2} \quad (4)$$

ثانياً : في البنود من (5) إلى (14) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(5) الجذران التربيعيان للعدد المركب $z = 33 - 56i$ هما :

(a) $\begin{cases} z_1 = -7 - 4i \\ z_2 = 7 + 4i \end{cases}$

(b) $\begin{cases} z_1 = -7 - 4i \\ z_2 = -7 + 4i \end{cases}$

(c) $\begin{cases} z_1 = 7 + 4i \\ z_2 = 7 - 4i \end{cases}$

(d) $\begin{cases} z_1 = 7 - 4i \\ z_2 = -7 + 4i \end{cases}$

(6) في المثلث ABC : $m(\widehat{A}) = 120^\circ$, $AB = 30 \text{ cm}$, $AC = 40 \text{ cm}$ فإن طول \overline{BC} يساوي تقريباً :

(a) 68 cm

(b) 36 cm

(c) 60.8 cm

(d) 21 cm

(7) مساحة المثلث الذي أطوال أضلاعه 7 cm , 8 cm , 9 cm هي :

(a) $6\sqrt{5} \text{ cm}^2$

(b) $12\sqrt{5} \text{ cm}^2$

(c) $16\sqrt{3} \text{ cm}^2$

(d) $18\sqrt{3} \text{ cm}^2$

(8) $\sin\left(x + \frac{\pi}{6}\right)$ تساوي:

(a) $\frac{1}{2}\sin x + \frac{\sqrt{3}}{2}\cos x$

(b) $\frac{1}{2}(\sin x + \cos x)$

(c) $\frac{\sqrt{3}}{2}\sin x + \frac{1}{2}\cos x$

(d) $\frac{\sqrt{3}}{2}\sin x - \frac{1}{2}\cos x$

(9) $\frac{\sin 2x}{1 + \cos 2x}$ تساوي:

(a) $\csc x$

(b) $\csc 2x \cos x$

(c) $\tan 2x$

(d) $\tan x$

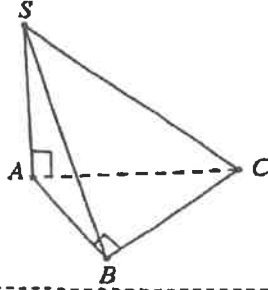
(10) إذا كان $\pi_1 // \pi_2$ ، $\vec{l} \subset \pi_1$ ، $\vec{m} \subset \pi_2$ فإن: معلوم 2023

(a) $\vec{l} // \vec{m}$

(b) $\vec{l} \perp \vec{m}$

(c) $\vec{l} \cap \vec{m} = \emptyset$

(d) \vec{l}, \vec{m} متخالفان



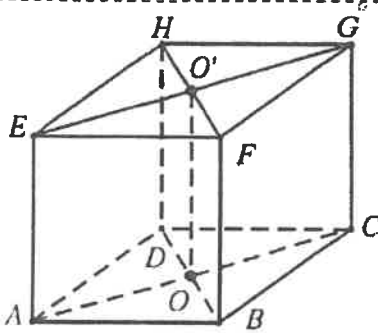
(11) في الشكل المقابل إذا كان $\vec{SA} \perp (ABC)$ ، $m(\hat{B}) = 90^\circ$ فإن:

(a) $\vec{CB} \perp (SAB)$

(b) المثلث SCB قائم في C

(c) المثلث SAB متطابق الضلعين

(d) المثلث SAB قائم في B



(12) في الشكل المقابل ABCDEFGH مكعب ،

O مركز المربع ABCD ، O' مركز المربع EFGH

فإن (DHFB) ، (EACG) هما:

(a) متطابقان

(b) متعامدان

(c) متوازيان

(d) ليس أي مما سبق

(13) في مفكوك $(2a - 3b)^6$ الحد الذي معامله 2160 هو:

(a) الحد الخامس

(b) الحد الرابع

(c) الحد الثالث

(d) الحد الثاني

(14) إذا كان الحدثان m, l مستقلان ، $P(m) = \frac{1}{3}$ ، $P(l) = \frac{9}{10}$ فإن $P(m \cap l)$ تساوي:

(a) $\frac{1}{3}$

(b) $\frac{25}{30}$

(c) $\frac{11}{30}$

(d) $\frac{3}{10}$

" انتهت الأسئلة "

(الأسئلة في 11 صفحة)
الزمن : ساعتان و45 دقيقة
العام الدراسي 2018/2019
للفحص الحادي عشر علمي

وزارة التربية
التوجيه الفني العام للرياضيات
المجال الدراسي الرياضيات
امتحان الدور الثاني (الفترة الدراسية الثانية)

القسم الأول – أسئلة المقال

أجب عن جميع الاسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها

السؤال الأول : (14 درجة)

(9 درجات)

(a) إذا كان : $z_1 = 3 + 4i$, $z_2 = 5 - 2i$
فأوجد كلا مما يلي في الصورة الجبرية:

1) $\overline{3z_1 - 2z_2}$ (4 درجات)

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

2) $\frac{z_2}{z_1}$ (5 درجات)

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

تابع السؤال الأول :

(b) أوجد السعة و الدورة للدالة : $y = 3\sin\left(\frac{1}{2}x\right)$, $-4\pi \leq x \leq 4\pi$

ثم ارسم بيانها

(5 درجات)

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

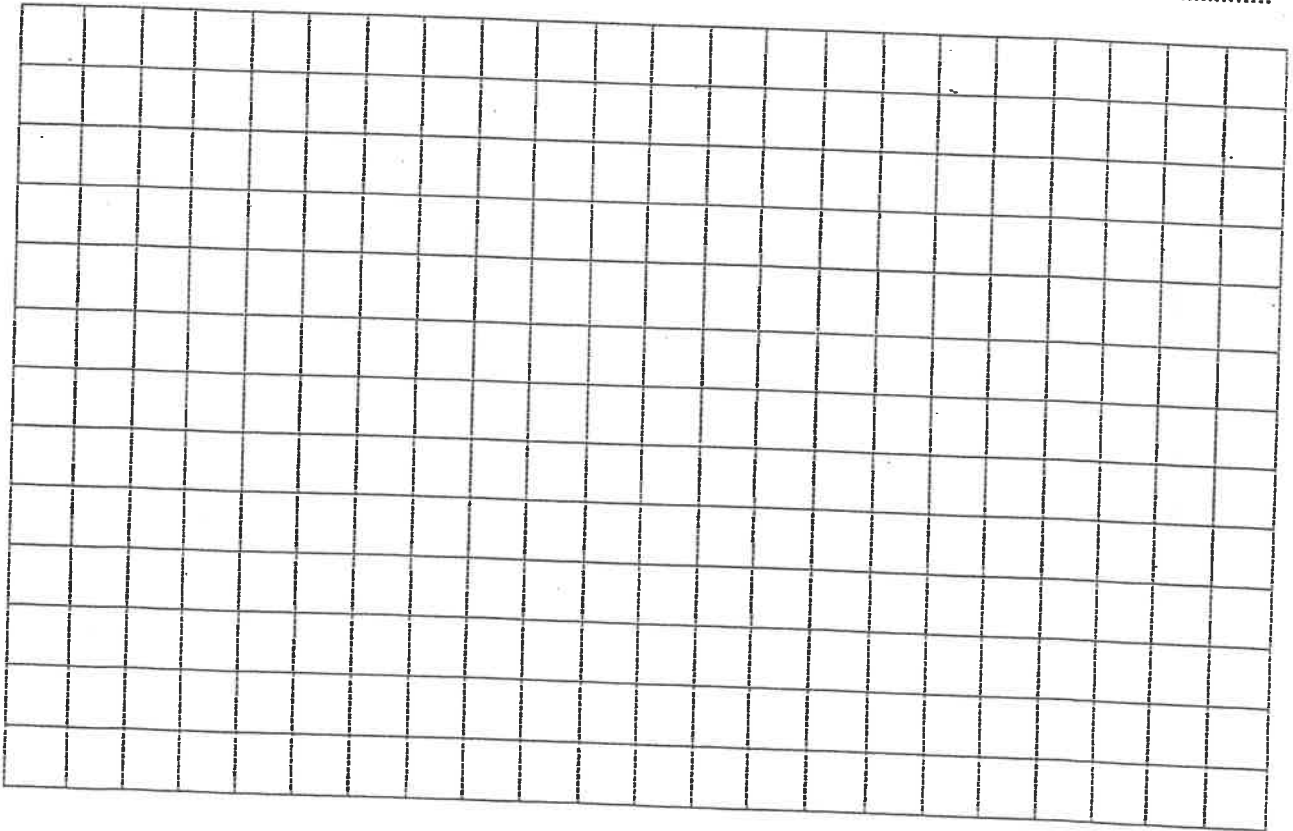
.....

.....

.....

.....

.....



السؤال الثاني : (14 درجة)

(6 درجات)

(a) أوجد مساحة سطح مثلث أطوال أضلاعه :

$$a = 9 \text{ cm} , b = 7 \text{ cm} , c = 6 \text{ cm}$$

تابع السؤال الثاني :

(b) حل المعادلة : $5\sin \theta - 3 = \sin \theta$ حيث $0 \leq \theta < 2\pi$ (8 درجات)

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

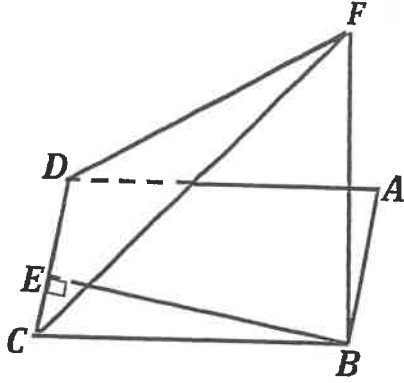
تابع السؤال الثالث:

(8 درجات) (b) في الشكل المقابل $ABCD$ شكل رباعي، \overrightarrow{FB} عمودي على

المستوى $ABCD$ ، $\overrightarrow{BE} \perp \overrightarrow{CD}$ فإذا كان $FB = BE$

أوجد قياس الزاوية الزوجية

بين المستويين (FCD) ، $(ABCD)$



حل

(7 درجات)

السؤال الرابع : (14 درجة)

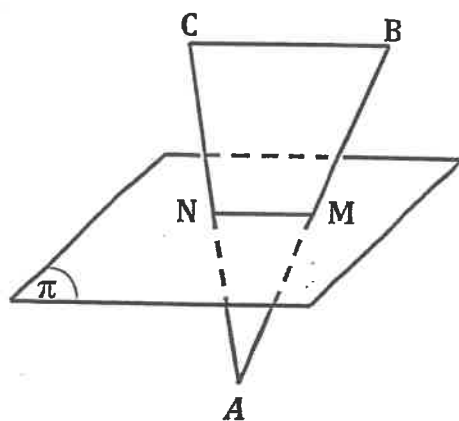
(2 درجات)

(a) (1) أكمل ما يلي :

إذا وازي مستقيما خارج مستوى مستقيما في المستوى -----

(2) في الشكل المقابل : المثلث ABC فيه M منتصف AB ، N منتصف AC

(5 درجات)



N, M تنتميان الى المستوى π

أثبت أن : $\vec{BC} // \pi$

(7 درجات)

تابع السؤال الرابع :

(b) يحتوي كيس على 4 كرات زرقاء اللون و كرتين حمراء اللون . أخذت كرتان معا

من دون النظر داخل الكيس . أوجد احتمال كل حدث مما يلي :

(1) الكرتان زرقاوان

(2) كرة زرقاء و كرة حمراء

القسم الثاني : البنود الموضوعية

أولاً: في البنود من (1) إلى (4) عبارات ظلل في ورقة الاجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة (b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) إذا كان z_1, z_2 جذران تربيعيان للعدد z فإن $z_1 + z_2 = 0$

(2) سعة الدالة $y = 3 \tan\left(\frac{3}{4}x\right)$ هي 3 .

(3) $\sin 4x = 2 \sin 2x \cos 2x$

(4) إذا كان $\vec{m} \subset \pi$, $\vec{l} \perp \vec{m}$ فإن $\vec{l} \subset \pi$

ثانياً : في البنود من (5) إلى (14) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

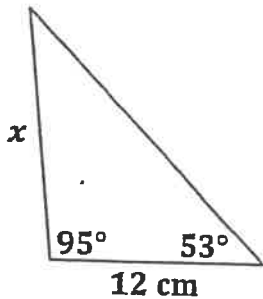
(5) الصورة المثلثية للعدد المركب $z = 2 - 2\sqrt{3}i$ حيث $\theta \in [0, 2\pi)$ هي :

(a) $z = 4 \left(\cos \frac{2\pi}{3} + i \sin \frac{2\pi}{3} \right)$

(b) $z = 4 \left(\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3} \right)$

(c) $z = 4 \left(\cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6} \right)$

(d) $z = 4 \left(\cos \frac{5\pi}{3} + i \sin \frac{5\pi}{3} \right)$



(6) في المثلث المقابل x تساوي تقريباً :

(a) 8.6 cm

(b) 15 cm

(c) 18.1 cm

(d) 19.2 cm

(7) في المثلث ABC : $m(\hat{C}) = 60^\circ$, $AC = 10$ cm , $BC = 20$ cm

فإن طول \overline{AB} يساوي :

(a) $10\sqrt{7}$ cm

(b) $10\sqrt{3}$ cm

(c) 12.4 cm

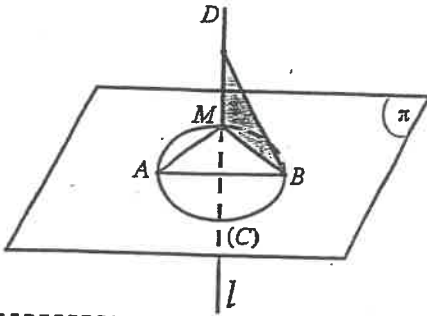
(d) 29 cm

(8) المقدار : $\frac{\sin x}{\csc x} + \frac{\cos x}{\sec x} + 1$ متطابق مع المقدار:

- (a) 1 (b) -1 (c) 2 (d) -2

(9) تساوي : $\sin \frac{\pi}{3} \cos \frac{\pi}{7} - \sin \frac{\pi}{7} \cos \frac{\pi}{3}$

- (a) $\sin \frac{4\pi}{21}$ (b) $\sin \frac{10\pi}{21}$ (c) $\cos \frac{4\pi}{21}$ (d) $\cos \frac{10\pi}{21}$



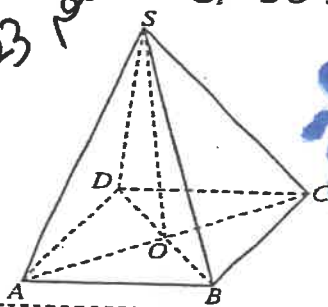
(10) في الشكل المقابل : إذا كان $\vec{l} \perp (AMB)$ ، فإن \overline{AB} قطر في الدائرة (C) :

- (a) $\overline{AB} \perp \overline{BD}$ (b) $\vec{l} \perp (BMD)$
(c) $\overline{AB} \perp \overline{BM}$ (d) $\overline{AM} \perp (BMD)$

(11) إذا كان $\vec{l} \subset \pi_2$, $\vec{l} \perp \pi_1$ فإن :

- (a) $\pi_1 // \pi_2$ (b) $\pi_1 \cap \pi_2 = \vec{l}$ (c) $\pi_1 \perp \pi_2$ (d) $\pi_1 = \pi_2$

(12) في الشكل المقابل إذا كان ABCD مربع مركزه O ، فإن $\vec{SO} \perp ABCD$ معلوم 2023 :



- (a) $(SAC) \perp (SBD)$ (b) $(SAB) \perp (SBC)$
(c) $(SAB) // (SCD)$ (d) $(SAD) \perp (ABCD)$

(13) قيمة المقدار $10C_6 \times 6P_4$ هي :

- (a) 7560 (b) 75600 (c) 2100 (d) 210

(14) مفكوك $(a-b)^3$ هو :

- (a) $a^3 + a^2b + ab^2 + b^3$ (b) $a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$
(c) $a^3 - a^2b + ab^2 - b^3$ (d) $a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$

" انتهت الأسئلة "

دولة الكويت

(الأسئلة في 11 صفحة)
الزمن : ساعتان و45 دقيقة
العام الدراسي 2018/2017

وزارة التربية
التوجيه الفني العام للرياضيات
المجال الدراسي الرياضيات

امتحان الفترة الدراسية الثانية - للصف الحادي عشر علمي

القسم الأول - أسئلة المقال (أجب عن جميع الأسئلة التالية موضحا خطوات الحل)

السؤال الأول: (14 درجة)

(9 درجات)

(a) أوجد الجذرين التربيعيين للعدد المركب $Z = -3 - 4i$

تابع السؤال الأول:

(5 درجات)

(b) أوجد مساحة سطح مثلث أطوال أضلاعه: 7cm , 5cm , 8cm

السؤال الثاني: (14 درجة)

(6 درجات)

(a) حل ΔABC حيث $b = 9\text{cm}$, $c = 6\text{cm}$, $\alpha = 60^\circ$

تابع السؤال الثاني:

(8 درجات)

(b) إذا كان: $\sin \theta = \frac{-3}{5}$, $\pi < \theta < \frac{3\pi}{2}$ ، فأوجد:

$$\sin\left(\frac{\theta}{2}\right) \quad (1)$$

$$\tan(2\theta) \quad (2)$$

السؤال الثالث: (14 درجة)

(4 درجات)

(a) أثبت صحة المتطابقة:

$$\tan x + \cot x = \sec x \cdot \csc x$$

تابع السؤال الثالث:

(10 درجات)

(b) في الشكل المقابل نقطة خارج مستوي المثلث ABC ،

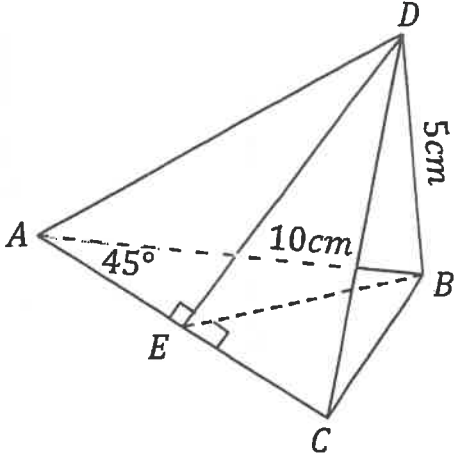
، $DB = 5 \text{ cm}$ ، $AB = 10 \text{ cm}$ ، $m(\widehat{BAC}) = 45^\circ$

$\overline{DB} \perp (ABC)$ ، $\overline{BE} \perp \overline{AC}$ ، $\overline{DE} \perp \overline{AC}$

أوجد:

BE (1)

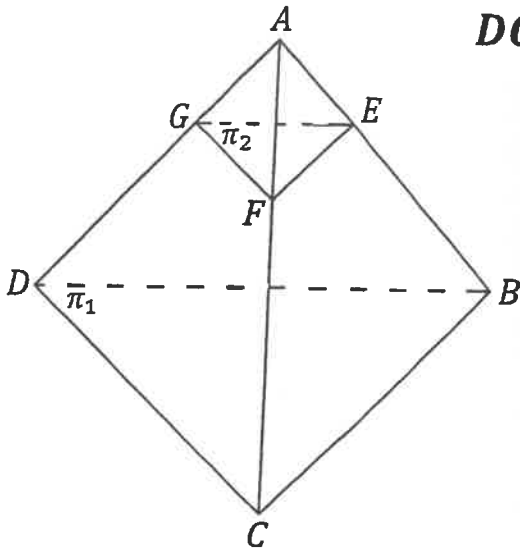
(2) قياس الزاوية الزوجية بين المستويين BAC ، DAC



السؤال الرابع: (14 درجة)

(a) في الشكل المقابل ، هرم ثلاثي ، المستويان π_1, π_2 متوازيان (7 درجات)

إذا كان $\frac{AE}{EB} = \frac{1}{3}$ ، $FG = 6 \text{ cm}$ ، فأوجد DC



تابع السؤال الرابع:

(4 درجات)

(b) (1) استخدم نظرية ذات الحدين لإيجاد مفكوك $(x - 2y)^3$

(3 درجات)

(2) حل المعادلة: $nP_4 = 5 \times nP_3$, $n \geq 4$

القسم الثاني : البنود الموضوعية (14 درجة)

أولاً: في البنود من (1-2) عبارات لكل بند في ورقة الإجابة ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة وظلل (b) إذا كانت العبارة خاطئة

(1) الصورة المبسطة للتعبير $(2 - i) - (12 + 5i)$ هي $(10 - 6i)$

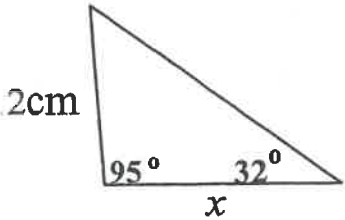
(2) إذا توازي مستقيمان ومر بهما مستويان متقاطعان فإن تقاطعهما هو مستقيم يوازي كلا من هذين المستقيمين.

ثانياً: في البنود من (3-10) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح - ظلل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة

(3) قيمة i^{40} تساوي

- (a) -1 (b) -i (c) 1 (d) i

(4) في المثلث المقابل ، x تساوي حوالي:



- (a) 8.6 cm (b) 15 cm
(c) 18.1 cm (d) 19.2 cm

(5) في الدالة المثلثية $y = -2 \sin(3x)$ السعة هي:

- (a) -3 (b) 3 (c) -2 (d) 2

(6) إذا كان $\sin x + \cos x = 0$ فإن الربع الذي تقع فيه x هو

(a) الأول أو الثالث

(b) الثاني أو الرابع

(c) الثالث

(d) الأول

(7) $\sin \frac{\pi}{3} \cos \frac{\pi}{7} - \sin \frac{\pi}{7} \cos \frac{\pi}{3}$ يساوي

- (a) $\cos \frac{4\pi}{21}$ (b) $\sin \frac{4\pi}{21}$ (c) $\cos \frac{10\pi}{21}$ (d) $\sin \frac{10\pi}{21}$

(8) المنشور القائم خماسي القاعدة يعين:

(a) خمسة مستويات مختلفة

(b) ستة مستويات مختلفة

(c) سبعة مستويات مختلفة

(d) ثمانية مستويات مختلفة

معلوم
2023
معلوم

(9) إذا كان $\vec{l} \subset \pi_2$, $\vec{l} \perp \pi_1$ فإن:

(a) $\pi_1 = \pi_2$

(b) $\pi_1 \cap \pi_2 = \vec{l}$

(c) $\pi_1 // \pi_2$

(d) $\pi_1 \perp \pi_2$

معلوم
2023
معلوم

(10) الحدثان m, n متنافيان ، $P(n) = \frac{3}{5}$, $P(m) = \frac{1}{3}$ فإن $P(n \cup m)$ تساوي

(a) $\frac{14}{15}$

(b) $\frac{3}{15}$

(c) $\frac{1}{5}$

(d) 0

إنتهت الأسئلة

تابع السؤال الأول :

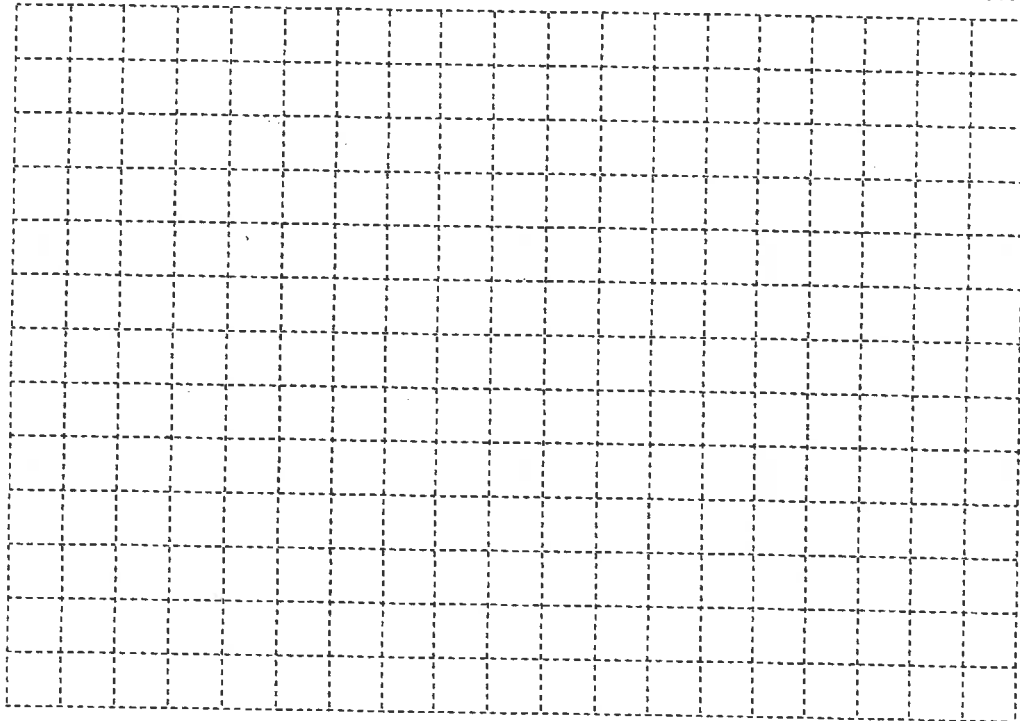
(b) حل المثلث ABC حيث ، $\alpha = 36^\circ$ ، $\beta = 48^\circ$ ، $a = 8 \text{ cm}$ (5 درجات)

السؤال الثاني : (14 درجة)

(6 درجات)

(a) أوجد السعة و الدورة ثم ارسم بيان الدالة :

$$y = \frac{1}{2} \cos (-x) : x \in [-2\pi, 2\pi]$$



السؤال الثالث : (14 درجة)

(a) اثبت صحة المتطابقة :

$$\frac{\cos x}{1 - \sin x} = \frac{1 + \sin x}{\cos x}$$

(4 درجات)

تابع السؤال الثالث :

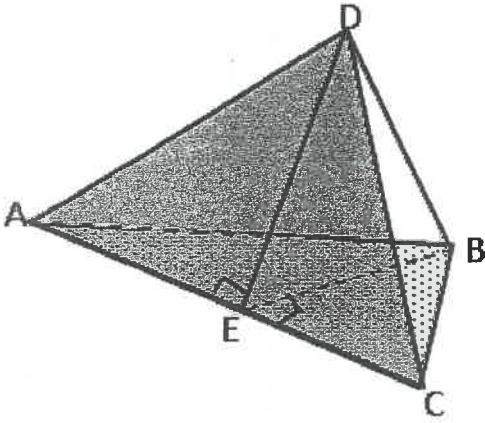
(10 درجات)

(b) في الشكل المقابل: D نقطة خارج مستوى المثلث ABC ، $m(\hat{BAC}) = \frac{\pi}{6}$ ،

$\overline{BE} \perp \overline{AC}$ ، $\overline{DE} \perp \overline{AC}$ ، $\overline{DB} \perp (ABC)$ ، $BD = 5 \text{ cm}$ ، $AB = 10 \text{ cm}$ ،

أوجد : (1) BE

(2) قياس الزاوية الزوجية بين المستويين (DAC) ، (BAC)



السؤال الرابع : (14 درجة)

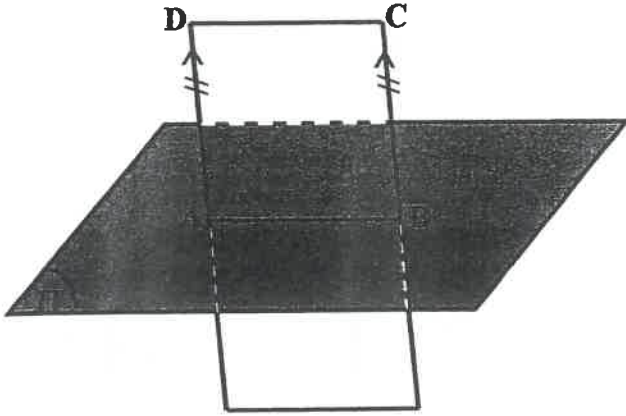
(7 درجات)

(a) (1) أكمل :

إذا وازى مستقيم خارج مستوي مستقيما في المستوي ، فإنه

(2) في الشكل المقابل : $\overleftrightarrow{AB} \subset \pi$ ، $\overleftrightarrow{AD} \parallel \overleftrightarrow{BC}$ ، $AD=BC$:

اثبت أن : $\overleftrightarrow{CD} \parallel \pi$



تابع السؤال الرابع :

(b) خلال شهر التسوق يقدم أحد المحلات العرض التالي : عند شراء كل صنف تحصل (7 درجات)
على بطاقة. تفوز %30 من البطاقات بجوائز ويتم اختيار هذه البطاقات الرابحة
بشكل عشوائي ، مع راشد 4 بطاقات ، فما احتمال أن يفوز راشد بجائزتين ؟

القسم الثاني : البنود الموضوعية (14 درجة)

- أولاً: في البنود من (1) إلى (2) عبارات ظلل إذا كانت العبارة صحيحة
 (a) إذا كانت العبارة خاطئة .
 (b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) مرافق العدد المركب : $z = 3 + 4i$ هو $\bar{z} = 3 - 4i$

(2) إذا كان : $\vec{l} \parallel \pi$, $\vec{m} \parallel \pi$ فإن $\vec{l} \parallel \vec{m}$

ثانياً: في البنود من (3) إلى (10) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(3) الصورة المثلثية للعدد المركب : $z = \frac{-4}{1-i}$ حيث $0 \leq \theta < \pi$ هي z تساوي:

- (a) $4 \left(\cos \frac{5\pi}{4} + i \sin \frac{5\pi}{4} \right)$ (b) $2\sqrt{2} \left(\cos \frac{5\pi}{4} + i \sin \frac{5\pi}{4} \right)$
 (c) $2\sqrt{2} \left(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4} \right)$ (d) $2\sqrt{2} \left(\cos \frac{7\pi}{4} + i \sin \frac{7\pi}{4} \right)$

(4) مساحة المثلث الذي أطوال أضلاع 7 cm , 8 cm , 9 cm هي :

- (a) $16\sqrt{3} \text{ cm}^2$ (b) $18\sqrt{3} \text{ cm}^2$ (c) 24 cm^2 (d) $12\sqrt{5} \text{ cm}^2$

(5) في مثلث ABC : $m(\hat{C}) = 60^\circ$, $AC = 10 \text{ cm}$, $BC = 20 \text{ cm}$ فإن طول \overline{AB} يساوي :

- (a) $10\sqrt{3} \text{ cm}$ (b) $10\sqrt{7} \text{ cm}$ (c) 12.4 cm (d) 29 cm

(6) $\cos \left(h + \frac{\pi}{2} \right)$ يساوي :

- (a) $-\sin h$ (b) $\sin h$ (c) $\cos h$ (d) $-\cos h$

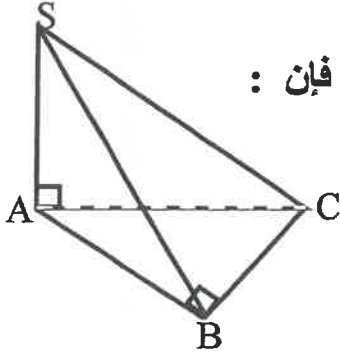
(7) مجموعة حل المعادلة : $\tan(x) = -\sqrt{3}$ حيث $0 \leq \theta < 2\pi$ هي x تساوي:

(a) $\left\{ \frac{2\pi}{3}, \frac{\pi}{3} \right\}$

(b) $\left\{ \frac{2\pi}{3} \right\}$

(c) $\left\{ \frac{4\pi}{3}, \frac{\pi}{3} \right\}$

(d) $\left\{ \frac{2\pi}{3}, \frac{5\pi}{3} \right\}$



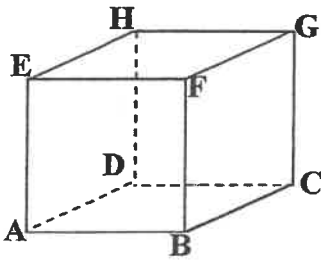
(8) في الشكل المقابل : إذا كان $\widehat{ABC} = 90^\circ$ ، $\vec{SA} \perp (ABC)$ ، فإن :

(a) المثلث SAB قائم في \widehat{B}

(b) $\vec{CB} \perp (SAB)$

(c) المثلث SAB متطابق الضلعين

(d) المثلث SCB قائم في \widehat{C}



(9) في المكعب ABCDEFGH ، \vec{BD} ، \vec{EG} هما :

(a) متوازيان

(b) متقاطعان

(c) متخالفتان

(d) يحويهما مستو واحد

(10) معامل الحد الثالث في مفكوك $(3c - 4b)^5$ هو :

(a) 5170

(b) 3312

(c) 4320

(d) 2316

" انتهت الأسئلة "

القسم الأول - أسئلة المقال

أجب عن الاسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها

السؤال الأول : (14 درجة)

(5 درجات) $a = 4 \text{ cm}$ ، $b = 3 \text{ cm}$ ، $c = 6 \text{ cm}$ حيث ABC مثلث

تابع السؤال الأول :

(b) إذا كان : $z_1 = -2 + 2i$ ، $z_2 = 1 - i$

(1) ضع z_1 في الصورة المثلثية

(2) حل المعادلة : $2z + \overline{z_1} = 3i (z_2)^2$

(9 درجات)

السؤال الثاني : (14 درجة)

(6 درجات)

(a) أوجد مساحة المثلث ABC حيث

مستخدماً قاعدة هيرون $a = 23 \text{ cm}$ ، $b = 19 \text{ cm}$ ، $c = 12 \text{ cm}$

تابع السؤال الثاني :

(b) إذا كان $\sin \alpha = \frac{3}{5}$ ، $\cos \beta = \frac{24}{25}$ حيث α ، β زاويتين حادتين (8 درجات)
أوجد كلاً مما يلي :

(1) $\cos(\alpha - \beta)$ (2) $\sin\left(\frac{\pi}{2} - \beta\right)$

السؤال الثالث : (14 درجة)

(4 درجات)

$$\sin x = \frac{-\sqrt{3}}{2}$$

(a) حل المعادلة :

معلم

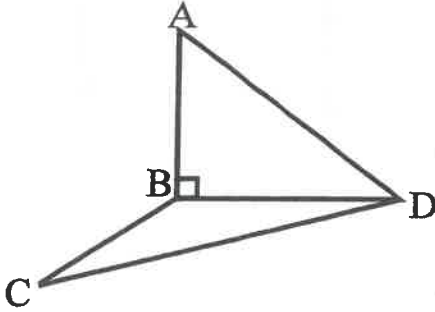
* معلوم 2023

تابع السؤال الثالث :

(10 درجات) (b) $\vec{AB} \perp (BCD)$ إذا كان أربع نقاط ليست مستوية معاً ،

وكان $(AD)^2 = (AB)^2 + (BC)^2 + (CD)^2$

أثبت أن : (1) $\overline{BC} \perp \overline{DC}$ (2) $(ABD) \perp (CBD)$

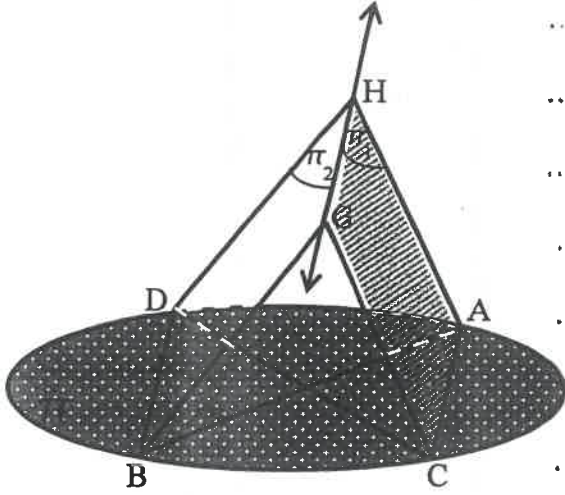


السؤال الرابع : (14 درجة)

(7 درجات)

(a) في الشكل المقابل : \overline{AB} , \overline{CD} قطران في مستوى الدائرة π

\overleftrightarrow{GH} ، أثبت أن مستوى الدائرة π يوازي \overleftrightarrow{GH} ، $\pi_2 \cap \pi_1 = \overleftrightarrow{GH}$



.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

(7 درجات)

(b) أوجد الحد الذي يحتوي على $x^3 y^4$ في مفكوك $(2 x + 3 y)^7$

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

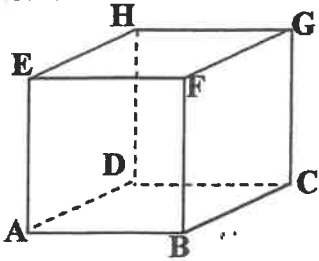
.....

.....

ثانياً: البنود الموضوعية (14 درجة)

- أولاً: في البنود من (1) إلى (2) عبارات ظل (a) إذا كانت العبارة صحيحة
(b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) الصورة الجبرية للعدد $3 + \sqrt{-4}$ هي $3 - 2i$



(2) في الشكل المقابل: إذا كان ABCDEFGH مكعب فإن
 \overrightarrow{AB} ، \overrightarrow{HG} يعينان مستويًا

ثانياً: في البنود من (3) إلى (10) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط صحيح ظل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(3) مجموعة حل $z^2 - 4z + 20 = 0$: $z \in \mathbb{C}$ هي :

- (a) $\{ 2 - 4i , -2 - 4i \}$ (b) $\{ -2 + 4i , -2 - 4i \}$
(c) $\{ 2 - 4i , -2 + 4i \}$ (d) $\{ 2 - 4i , 2 + 4i \}$

(4) معادلة الدالة المثلثية $y = a \cos (bx)$ حيث السعة 4 و الدورة 6 يمكن أن تكون :

- (a) $y = -\frac{1}{4} \cos (\frac{x}{3})$ (b) $y = -4 \cos (\frac{3}{\pi} x)$
(c) $y = -4 \cos (\frac{\pi}{3} x)$ (d) $y = 4 \cos (\frac{x}{3})$

(5) مثلث قياسات زواياه 50° ، 60° ، 70° فإذا كان طول أصغر ضلع فيه هو 9 cm فإن أطول ضلع يساوي تقريباً :

- (a) 11 cm (b) 11.5 cm (c) 12 cm (d) 12.5 cm

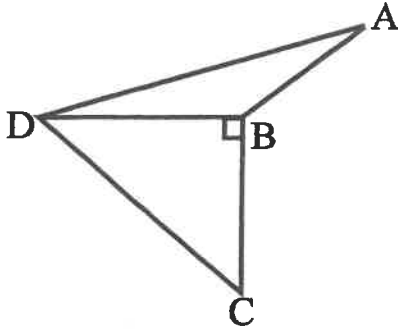
(6) المقدار : $\tan^2 x - \sin^2 x$ متطابق مع المقدار :

- (a) $\cot^2 x$ (b) $\tan^2 x$ (c) $\cot^2 x \cos^2 x$ (d) $\tan^2 x \sin^2 x$

= $\sin (2\theta)$ (7)

- (a) $\cos \theta \sin \theta$ (b) $\sin^2 \theta$ (c) $\cos^2 \theta$ (d) $2 \cos \theta \sin \theta$

(8) في الشكل المقابل ، المثلث DBC قائم الزاوية في B فإذا كان $\overrightarrow{AB} \perp \overrightarrow{DB}$ (DBC) فإن الزاوية المستوية للزاوية الزوجية BD هي :



- (a) $\hat{D}BC$ (b) $\hat{A}BC$
(c) $\hat{A}BD$ (d) $\hat{A}DC$

(9) إذا كان $\pi_2 // \pi_1$ ، $\pi_2 \neq \pi_1$ ، $\vec{l} \subset \pi_1$ ، $\vec{m} \subset \pi_2$ ، فإن :

- (a) $\vec{l} // \vec{m}$ (b) $\vec{l} \perp \vec{m}$ (c) متخالفان \vec{l} ، \vec{m} (d) $\vec{l} \cap \vec{m} = \phi$

(10) عدد طرائق المختلفة التي يمكن اختيار 3 أعلام من مجموعة من 7 أعلام هي :

- (a) 210 (b) 35 (c) 840 (d) 24

" انتهت الأسئلة "

السؤال الثاني : (14 درجة)

(6 درجات) (a) اوجد السعة والدورة للدالة: $y = -5 \cos \left(\frac{2x}{3} \right)$ ثم ارسم بيانها

.....

.....

.....

.....

.....

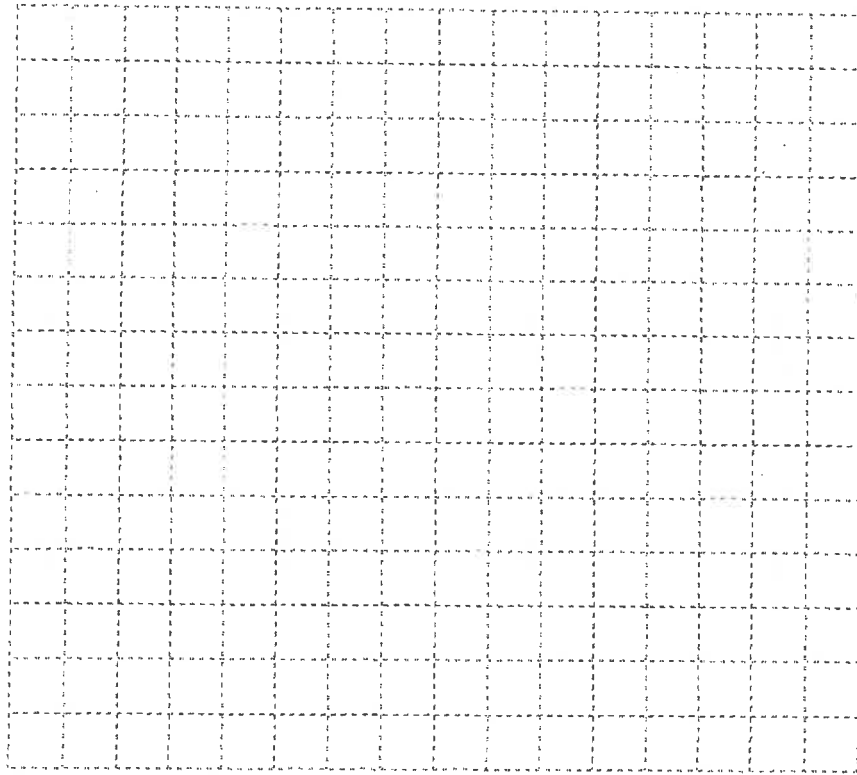
.....

.....

.....

.....

.....



تابع السؤال الثاني :

(b) حل المعادلة : $5 \sin \theta - 2 = \sin \theta$ حيث $0 \leq \theta < 2\pi$ (8 درجات)

السؤال الثالث : (14 درجة)

(4 درجات)

$$(a) \text{ أثبت صحة المتطابقة : } \frac{1}{1-\cos x} + \frac{1}{1+\cos x} = 2 \csc^2 x$$

تابع السؤال الثالث :

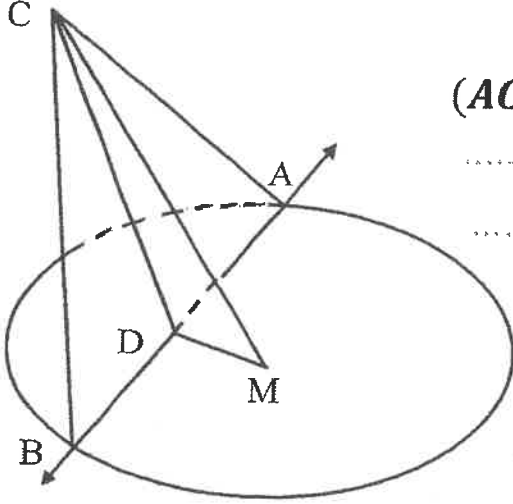
(10 درجات)

(b) في الشكل المقابل C نقطة خارج مستوى الدائرة التي مركزها M
D منتصف \overline{AB} ، مثلث فيه $CA = CB$ اذا كان

$$DC = DM = 5 \text{ cm} , MC = \sqrt{50} \text{ cm}$$

اثبت ان : (1) $\overline{MC} \perp \overline{AB}$

(2) مستوى الدائرة $\perp (ACB)$



حلوة
2023

ثانيا: البنود الموضوعية (14 درجة)

- أولاً: في البنود من (1) إلى (2) عبارات ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة
(b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) مجموعة حل المعادلة: $z^2 - 4z + 5 = 0$ هي $\{ 2 - i , 2 + i \}$.

(2) إذا كان المستقيمان L, M متخالفان وكان $\vec{N} \perp \vec{M}$ فإن $\vec{L} \perp \vec{N}$.

ثانياً: في البنود من (3) إلى (10) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(3) مساحة مثلث متطابق الاضلاع طول ضلعه a هي :

- (a) $\frac{1}{2}a^2 \text{ units}^2$ (b) $a^2 \frac{\sqrt{3}}{2} \text{ units}^2$ (c) $a^2 \frac{\sqrt{3}}{4} \text{ units}^2$ (d) $a^2 \text{ units}^2$

(4) الصورة الجبرية للعدد المركب $z = (1 + 2i)^2$ هي :

- (a) $z = -3 + 4i$ (b) $z = 5 + 4i$ (c) $z = 5$ (d) $z = -3$

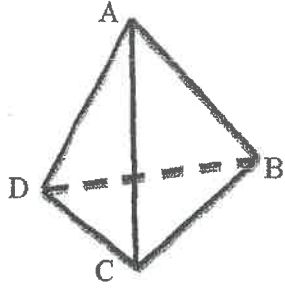
(5) $2 \cos^2 \frac{x}{2}$ تساوي :

- (a) $1 + \cos 2x$ (b) $1 + \cos x$ (c) $\frac{1 - \cos 2x}{2}$ (d) $\frac{1 + \cos x}{2}$

(6) عدد حلول المعادلة $2 \cos 4x = 1$ حيث $x \in [0, \frac{\pi}{8})$ هو :

- (a) 3 (b) 2 (c) 1 (d) 0

2023 معلوم



(7) في الشكل المقابل : ABCD هرم فإن النقاط A ، B ، C :

- (a) تعين مستويا واحد
- (b) تعين مستويين اثنين
- (c) لا يمكن ان تعين مستويا
- (d) تعين عدد لا منته من المستويات

(8) اذا توازي مستويان مختلفان وقطعهما مستو ثالث فإن خطي التقاطع :

- (a) متعامدان
- (b) متقاطعان
- (c) متخالفان
- (d) متوازيان

(9) اذا كان $BC = 25 \text{ cm}$ ، $AC = 17 \text{ cm}$ ، $AB = 12 \text{ cm}$ فإن قياس الزاوية الكبرى في

المثلث ABC يساوي تقريبا :

- (a) 118°
- (b) 110°
- (c) 125°
- (d) 100°

(10) إذا كان الحدثان t, r متنافيان ، $p(t) = \frac{1}{7}$ ، $p(r) = 60\%$ فإن $p(t \cup r)$ تساوي

- (a) 28%
- (b) 42%
- (c) $\frac{16}{35}$
- (d) $\frac{26}{35}$

" انتهت الأسئلة "

القسم الأول - أسئلة المقالأجب عن الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منهاالسؤال الأول :

(6 درجات)

(a) إذا كان : $z_1 = 1 + i$, $z_2 = 3 - 4i$ (1) أوجد $2z_1 - \bar{z}_2$ (2) اكتب العدد z_1 في الصورة المثلثية .

تابع السؤال الأول :
(b) حل المعادلة :

$$3 \sin \theta + 1 = \sin \theta$$

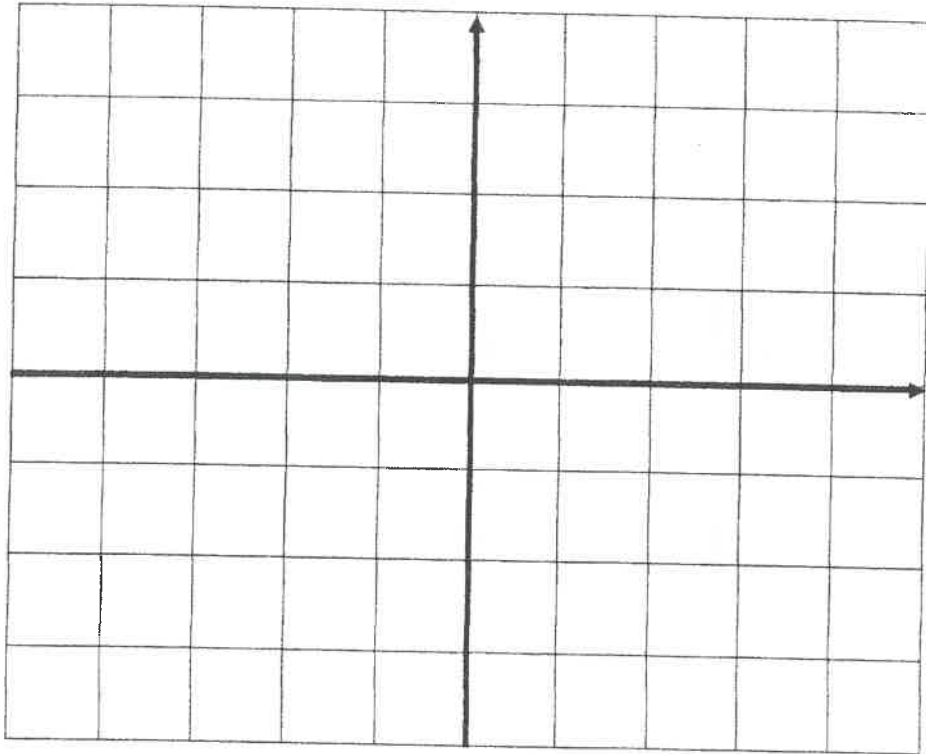
(4 درجات)

السؤال الثاني :

(4 درجات)

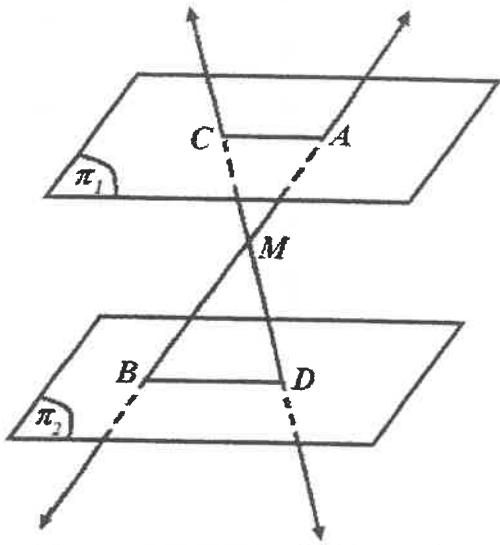
(a) أوجد السعة و الدورة للدالة ثم ارسم بيانها :

$$y = -3 \cos(2x) \quad , \quad x \in [-\pi, \pi]$$



تابع السؤال الثاني :

(6 درجات)



(b) في الشكل المقابل : π_1 , π_2 مستويان متوازيان ،

$\overrightarrow{AB} \cap \overrightarrow{CD} = \{ M \}$ حيث M نقطة واقعة بينهما ،

$$\frac{AM}{MB} = \frac{AC}{BD} : \text{أثبت أن :}$$

السؤال الثالث :

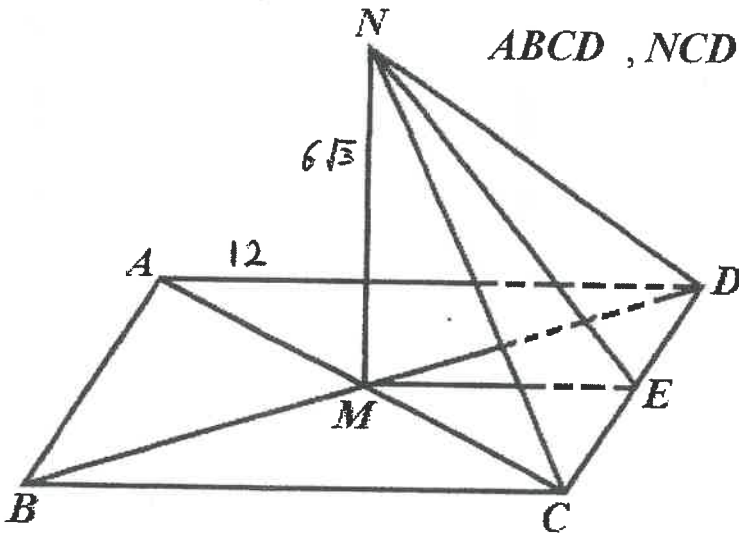
(a) أثبت صحة المتطابقة :

$$\frac{\cos x}{1 - \sin x} = \frac{1 + \sin x}{\cos x}$$

(4 درجات)

تابع السؤال الثالث :

- (b) في الشكل المرسوم $ABCD$ مستطيل تقاطع قطراه في M ،
وفيه $AD = 12$ أقيم \overline{NM} عمودًا على $(ABCD)$ حيث N خارج مستواه
بحيث $MN = 6\sqrt{3}$ ، E منتصف \overline{CD}
أوجد قياس الزاوية الزوجية بين المستويين $ABCD$ ، NCD



السؤال الرابع :

(5 درجات) (a) حل المثلث ABC حيث $a = 9 \text{ cm}$, $b = 7 \text{ cm}$, $c = 5 \text{ cm}$

تابع السؤال الرابع :

(5 درجات) $\frac{{}_n C_5}{{}_{(n-1)} C_4} = \frac{6}{5}$: أوجد قيمة n حيث :

ثانيا: البنود الموضوعية

- أولاً: في البنود من (1) إلى (3) عبارات ، ظل (a) إذا كانت العبارة صحيحة ،
 (b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) الاحداثيات الديكارتية للنقطة $A(4, \frac{5\pi}{3})$ هي $A(2, -2\sqrt{3})$.

- (2) إذا كان المستقيم ℓ مائل على المستوى π فإن $\vec{\ell}$ ليس عمودياً على أي مستقيم محتوي في π .

- (3) إذا كانت أطوال أضلاع مثلث تساوي 5 cm , 8 cm , 12 cm فإن قياس الزاوية الأكبر في هذا المثلث يساوي حوالي 133.4°

ثانيا: في البنود من (4) إلى (10) لكل بند أربعة اختيارات واحدة فقط منها صحيحة ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة.

(4) الجذران التربيعيان للعدد المركب $z = 3 - 4i$ هما :

(a) $\begin{cases} z_1 = 2 + i \\ z_2 = -2 - i \end{cases}$

(b) $\begin{cases} z_1 = 3 - 4i \\ z_2 = -3 + 4i \end{cases}$

(c) $\begin{cases} z_1 = -2 + i \\ z_2 = 2 - i \end{cases}$

(d) $\begin{cases} z_1 = -7 - i \\ z_2 = 7 + i \end{cases}$

(5) المقدار $\tan^2 x - \sin^2 x$ متطابق مع المقدار :

(a) $\tan^2 x$ (b) $\cot^2 x$ (c) $\tan^2 x \sin^2 x$ (d) $\cot^2 x \cos^2 x$

(6) إذا كان $\pi_1 // \pi_2$, $\pi_1 \neq \pi_2$, $\vec{\ell} \subset \pi_1$, $\vec{m} \subset \pi_2$ فإن :

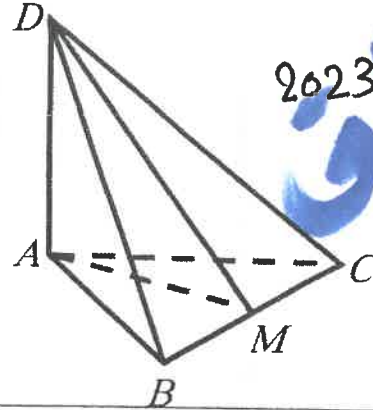
(a) $\vec{\ell} // \vec{m}$ (b) $\vec{\ell} \perp \vec{m}$ (c) متخالفان $\vec{\ell}$, \vec{m} (d) $\vec{\ell} \cap \vec{m} = \phi$

حلصم 2023

معلق

(7) في الشكل المقابل : إذا كان \overline{AD} عمودي على (ABC) ، $AB = AC$ ، M منتصف \overline{BC} فإن :

- (a) $(ABC) \perp (DAC)$
(b) $(DBC) \perp (DAC)$
(c) $(AMD) \perp (ACD)$
(d) $(ABD) \perp (BCD)$



محلولة 2023

(8) مساحة المثلث الذي أطوال أضلاعه 7 cm ، 8 cm ، 9 cm هي :

- (a) $6\sqrt{3}\text{ cm}^2$ (b) $12\sqrt{5}\text{ cm}^2$ (c) $16\sqrt{3}\text{ cm}^2$ (d) $18\sqrt{3}\text{ cm}^2$

(9) $\tan\left(h + \frac{\pi}{4}\right)$ تساوي :

- (a) $1 + \tanh$ (b) $\frac{1 - \tanh}{1 + \tanh}$
(c) $\frac{1 + \tanh}{1 - \tanh}$ (d) $1 - \tanh$

(10) في مفكوك $(2a - 3b)^6$ الحد الذي معاملته 2160 هو الحد :

- (a) الثاني (b) الثالث (c) الرابع (d) الخامس

" انتهت الأسئلة "

السؤال الثاني :

(3 درجات)

(a) إذا كان : $z_1 = 5 - 4i$ ، $z_2 = 3 + i$ فاوجد :

(3) $(z_2)^{-1}$

(2) $(\overline{z_2 + z_1})$

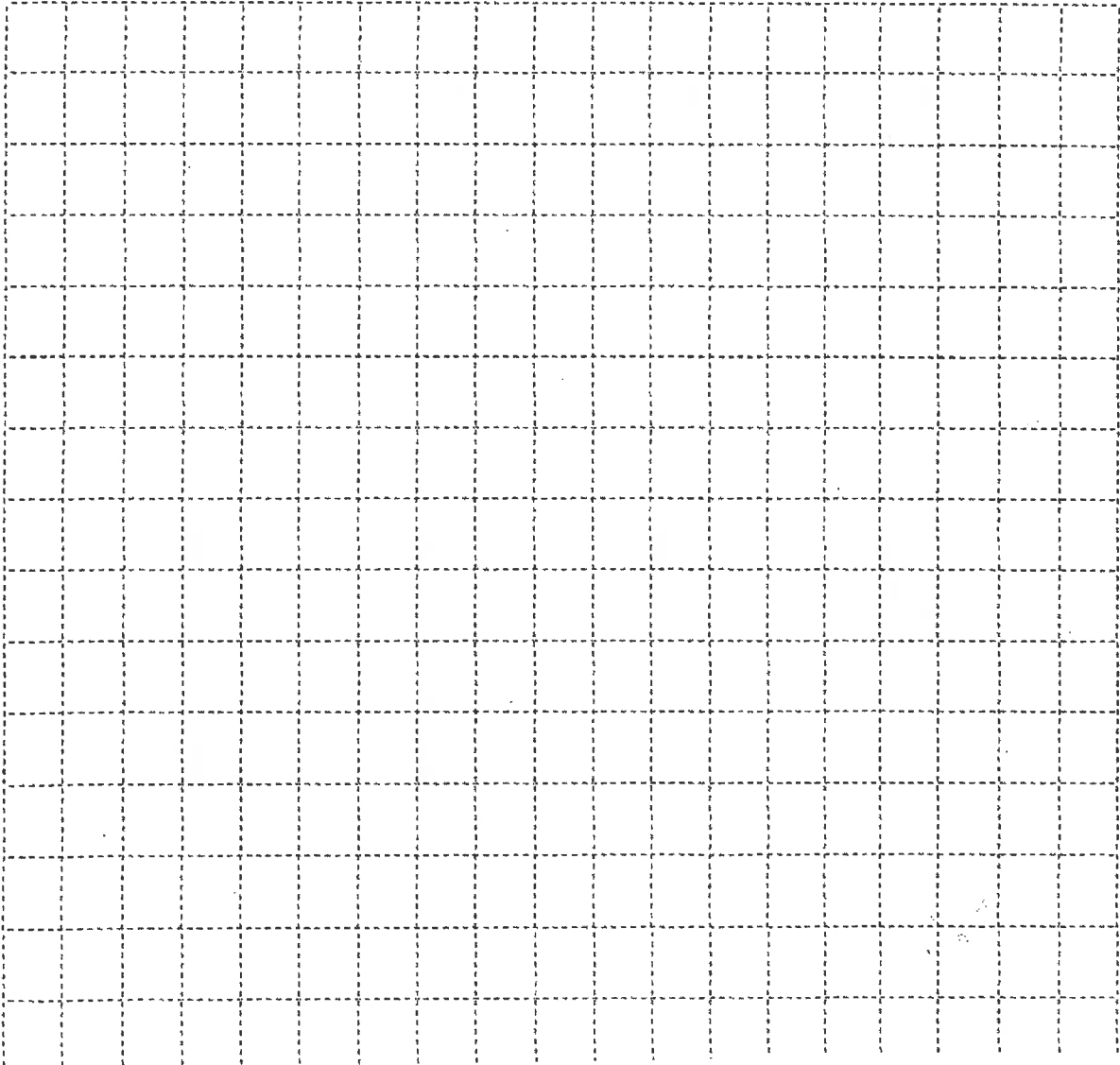
(1) $z_2 \cdot z_1$

(3 درجات)

(b) حل $\triangle ABC$ حيث $a = 7 \text{ cm}$ ، $b = 6 \text{ cm}$ ، $\alpha = 26.3^\circ$

تابع السؤال الثاني :

(c) أوجد السعة و الدورة للدالة : $y = -3 \cos 4x$ ، حيث $x \in [-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}]$ (4 درجات)
ثم ارسم بيانها

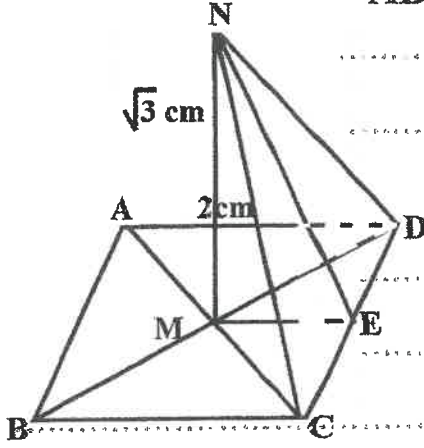


السؤال الثالث :

(a) مستطيل تقاطع قطراه في M وفيه $AD = 2\text{cm}$ ، E منتصف \overline{CD} (7 درجات)

أقيم \overline{NM} عموداً على (ABCD) حيث N خارج مستواه بحيث $MN = \sqrt{3}\text{ cm}$

أوجد قياس الزاوية الزوجية بين المستويين ABCD , NCD



(b) اثبت صحة المتطابقة : $\tan^2 x - \sin^2 x = \sin^2 x \tan^2 x$ (3 درجات)

السؤال الرابع :

(5 درجات)

فاوجد : $\frac{\pi}{2} < \theta < \pi$

(a) إذا كان $\cos \theta = -\frac{3}{5}$

(2) $\tan 2\theta$

(1) $\sin \left(\theta - \frac{\pi}{2} \right)$

(5 درجات)

(b) أوجد مجموعة حل المعادلة : ${}_{2n}C_4 = \frac{1}{2} {}_{2n}C_5$

ثانياً: البنود الموضوعية

- أولاً: في البنود من (1) إلى (3) عبارات ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة
(b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) في المثلث ABC : $AC = 9\text{cm}$ ، $AB = 7\text{cm}$ ، $BC = 8\text{cm}$ ،
فإن مساحة المثلث ABC تساوي $12\sqrt{5}\text{ cm}^2$

(2) إذا كان $0^\circ < \theta < 90^\circ$ ، فإن $\cos \theta = \frac{3}{5}$ ، $\sin 2\theta = \frac{4}{5}$

(3) إذا كان : $\vec{l} \parallel \pi$ ، $\vec{m} \parallel \pi$ ، فإن $\vec{l} \perp \vec{m}$

ثانياً: في البنود من (4) إلى (10) لكل بند أربع اختيارات واحدة فقط صحيحة ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(4) إذا كان $z = i$ فإن $(z)^{250}$ يساوي :

- (a) i (b) $-i$ (c) 1 (d) -1

(5) الدالة التي تمثل تمداً رأسياً بمعامل 4 وانكماشاً أفقياً بمعامل $\frac{1}{3}$ لمنحنى الدالة

$g(x) = \sin(x)$ هي الدالة $f(x)$ تساوي

- (a) $4 \sin\left(\frac{1}{3}x\right)$ (b) $\frac{1}{3} \sin(3x)$
(c) $3 \sin(4x)$ (d) $4 \sin(3x)$

محلل
2623

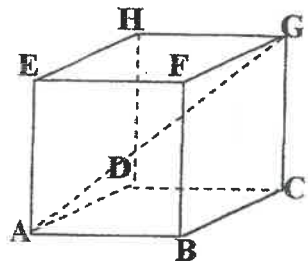
(6) في المثلث ABC : $m(\hat{A}) = 120^\circ$ ، $AB = 30 \text{ cm}$ ، $AC = 40 \text{ cm}$ فإن طول \overline{BC} يساوي تقريباً :

- (a) 60.8 cm (b) 36 cm
(c) 21 cm (d) 68 cm

(7) المقدار : $\frac{1}{\tan x} + \tan x$ متطابق مع المقدار :

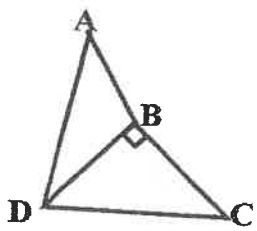
- (a) $\sec x \cos x$ (b) $\cos x \sin x$ (c) $\sec x \csc x$ (d) $\sec x \sin x$

(8) يمثل الشكل المقابل مكعباً إذا كان طول حرفه 3 cm فإن طول قطره \overline{AG} يساوي :



- (a) $\sqrt{3} \text{ cm}$ (b) 9 cm
(c) 18 cm (d) $3\sqrt{3} \text{ cm}$

(9) في الشكل المقابل ، المثلث DBC قائم الزاوية في B ، فإذا كان \overrightarrow{AB} عمودي على (DBC)



فإن الزاوية المستوية للزاوية الزوجية \overrightarrow{BD} هي :

- (a) \hat{DBC} (b) \hat{ABC}
(c) \hat{ABD} (d) \hat{ADC}

(10) معامل الحد الثالث من مفكوك $(a - b)^7$ هو :

- (a) -21 (b) -7 (c) 7 (d) 21

" انتهت الأسئلة "

الزمن : ساعتان ونصف
(الامتحان في 8 صفحات)

دولة الكويت
وزارة التربية

امتحان نهاية الفترة الدراسية الرابعة للصف الحادي عشر علمي
المجال الدراسي الرياضيات - القسم العلمي - العام الدراسي 2013 / 2014 م

القسم الأول - أسئلة المقال: (أجب عن جميع الأسئلة موضحاً خطوات الحل)
(المقام أينما وجد لايساوي الصفر)

السؤال الأول:

(7 درجات)

(a) أوجد الجذرين التربيعيين للعدد المركب $z = -3 + 4i$

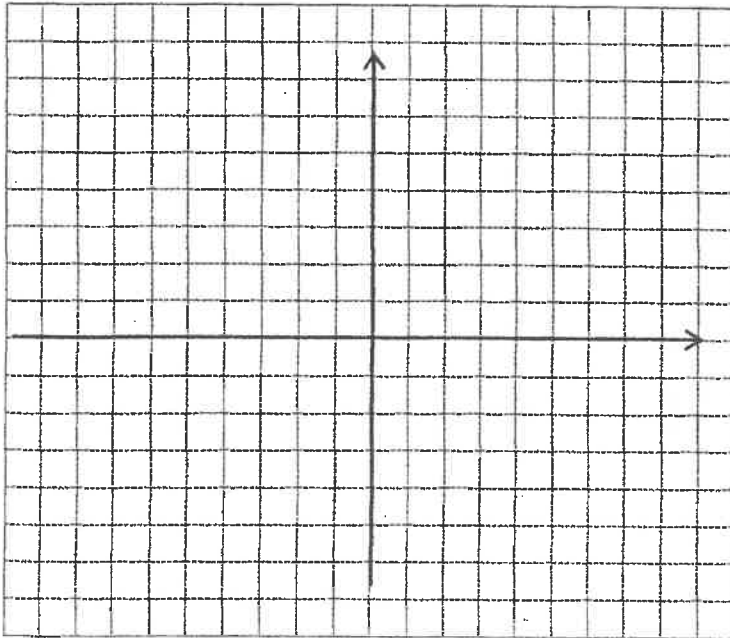
الحل:

(3 درجات)

(b) أوجد السعة والدورة ثم ارسم دورة واحدة لبيان الدالة:

$$y = 3 \cos 2x$$

الحل:



السؤال الثاني :

(5 درجات)

(a) ABC مثلث فيه $a = 3\text{ cm}$, $b = 8\text{ cm}$, $c = 7\text{ cm}$

أوجد : ① قياس أكبر زاوية

② مساحة سطح المثلث ABC مستخدماً قاعدة هيرون

الحل:

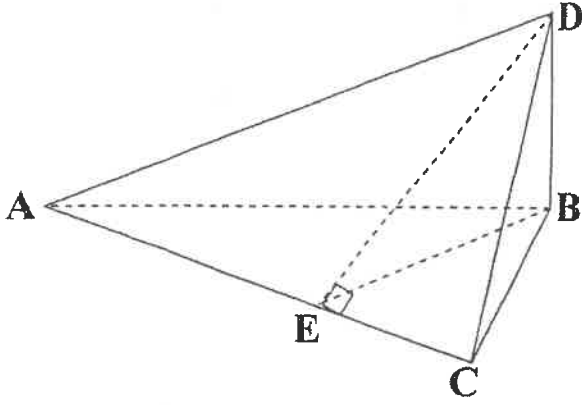
(5 درجات)

(b) في الشكل المقابل D نقطة خارج مستوى المثلث ABC

$$\overline{DE} \perp \overline{AC}, \overline{DB} \perp (ABC), DB = 5\text{cm}, AB = 10\text{cm}, m(\widehat{BAC}) = \frac{\pi}{6}$$

BE ① : أوجد $\overline{BE} \perp \overline{AC}$,

② قياس الزاوية الزوجية بين المستويين BAC , DAC



الحل:

السؤال الثالث :

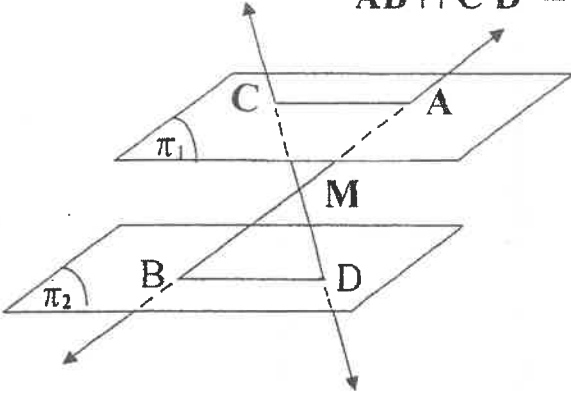
(5 درجات)

(a) في الشكل المقابل π_1, π_2 مستويان متوازيان، M نقطة واقعة بينهما

حيث: $\overleftrightarrow{AB} \cap \overleftrightarrow{CD} = \{M\}$, $A, C \in \pi_1$, $B, D \in \pi_2$

$$\text{أثبت أن } \frac{AM}{BM} = \frac{AC}{BD}$$

الحل:



(5 درجات)

(b) حل المعادلة: $2 \cos x \sin x - \cos x = 0$, $x \in [0, 2\pi)$

الحل:

السؤال الرابع :

(4 درجات) $\frac{\sec^2 x - 1}{\sin x} = \tan x \cdot \sec x$: أثبت صحة المتطابقة :

الحل :

(3 درجات) ${}_n C_2 = 105$: حل المعادلة :

الحل :

② يستخدم حوالي 11% من الطلاب في أحد المدارس اليد اليسرى للكتابة.
يوجد في أحد الصفوف 30 طالبا، فما احتمال أن يكون 4 طلاب من هذا الصف يستخدمون اليد
اليسرى للكتابة.

(3 درجات)

الحل :

القسم الثاني - البنود الموضوعية

- أولاً: في البنود من (1 - 4) عبارات ظلل في ورقة الإجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة (b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) إذا كان: $x i^2 + 3 y i = 5 + 3 i^5$ فإن $(x, y) = (-5, 1)$

(2) الدالة: $y = a \tan bx$ دالة دورية دورتها $\frac{\pi}{|2b|}$

(3) $\cos 6x = 2 \cos^2 3x - 1$

- (4) إذا توازي مستقيمان ومر بهما مستويان متقاطعان فإن تقاطعهما هو مستقيم يوازي كلام من هذين المستقيمين

ثانياً : في البنود من (5 - 10) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(5) الصورة المثلثية للعدد $z = 2 - 2\sqrt{3} i$ حيث $\theta \in [0, \pi)$ هي:

- (a) $z = 4 \left(\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3} \right)$ (b) $z = 4 \left(\cos \frac{5\pi}{3} + i \sin \frac{5\pi}{3} \right)$
(c) $z = 4 \left(\cos \frac{-\pi}{3} + i \sin \frac{-\pi}{3} \right)$ (d) $z = 4 \left(\cos \frac{5\pi}{3} - i \sin \frac{5\pi}{3} \right)$

(6) يمثل بيان الدالة: $f(x) = 2 \cos x - 1$ لمنحنى الدالة $g(x) = \cos x$:

- (a) انكماشاً رأسياً بمعامل $\frac{1}{2}$ وإزاحة إلى أعلى بمقدار وحدة واحدة
(b) تمديداً رأسياً بمعامل 2 وإزاحة إلى أعلى بمقدار وحدة واحدة
(c) انكماشاً رأسياً بمعامل $\frac{1}{2}$ وإزاحة إلى أسفل بمقدار وحدة واحدة
(d) تمديداً رأسياً بمعامل 2 وإزاحة إلى أسفل بمقدار وحدة واحدة

القسم الأول - أسئلة المقال

تراعى الحلول الأخرى في جميع أسئلة المقال

السؤال الأول : (15 درجة)

(10 درجات)

(a) أكتب العدد $\frac{2}{3-i}$ في الصورة الجبرية (1)الحل:

1
$$\frac{2}{3-i} = \frac{2}{3-i} \times \frac{3+i}{3+i}$$

2
$$= \frac{6+2i}{9+1}$$

1
$$= \frac{6}{10} + \frac{2}{10}i$$

1
$$= \frac{3}{5} + \frac{1}{5}i$$

(2) أوجد مجموعة حل المعادلة : $z^2 - 2z + 4 = 0$ في Cالحل:

1
$$\Delta = b^2 - 4ac$$

2
$$\Delta = 4 - 4(1)(4) = -12$$

1
$$= 12 \times i^2$$

1
$$z_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{2 + 2\sqrt{3}i}{2 \times 1} = 1 + \sqrt{3}i$$

1
$$z_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{2 - 2\sqrt{3}i}{2 \times 1} = 1 - \sqrt{3}i$$

1
$$\frac{1}{2}$$

مجموعة الحل = $\{1 + \sqrt{3}i, 1 - \sqrt{3}i\}$ 

تابع السؤال الأول :

(b) أوجد السعة و الدورة للدالة : $y = -3\sin x$, $x \in [-\pi, 2\pi]$ ثم ارسم بيانها
(5 درجات)

الحل :

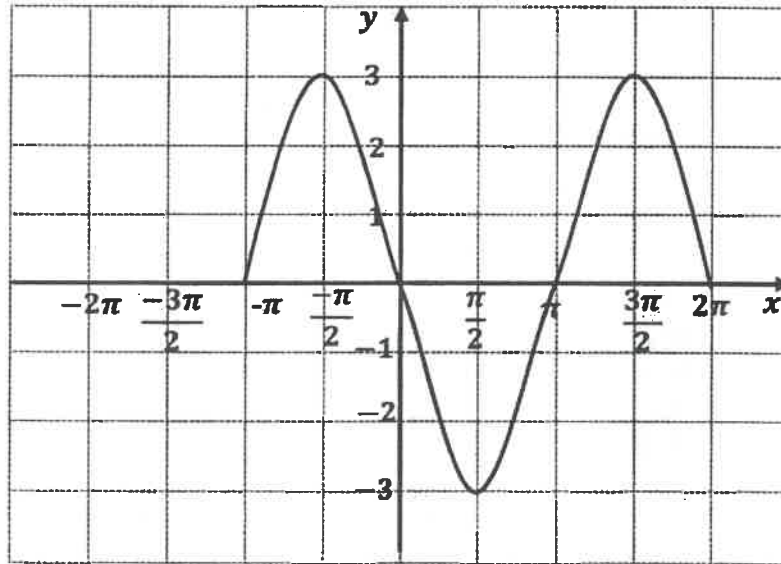
هي دالة دورية $y = -3\sin x$

السعة : $|a| = |-3| = 3$

الدورة : $\frac{2\pi}{|b|} = \frac{2\pi}{1} = 2\pi$

ربع الدورة : $\frac{\pi}{2}$

x	0	$\frac{\pi}{2}$	π	$\frac{3\pi}{2}$	2π
$\sin x$	0	1	0	-1	0
$y = -3\sin x$	0	-3	0	3	0



السؤال الثاني : (15 درجة)

(a) حل المثلث ABC حيث : $a = 2 \text{ cm}$, $b = 4 \text{ cm}$, $c = 5 \text{ cm}$

(7 درجات)

الحل :

$$\begin{aligned} \cos \alpha &= \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc} \\ &= \frac{(4)^2 + (5)^2 - (2)^2}{2 \times 4 \times 5} = \frac{37}{40} \\ \alpha &\approx 22.3^\circ \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \cos \beta &= \frac{a^2 + c^2 - b^2}{2ac} \\ &= \frac{(2)^2 + (5)^2 - (4)^2}{2 \times 2 \times 5} = \frac{13}{20} \\ \beta &\approx 49.5^\circ \end{aligned}$$

$$\gamma = 180^\circ - (22.3^\circ + 49.5^\circ) \approx 108.2^\circ$$



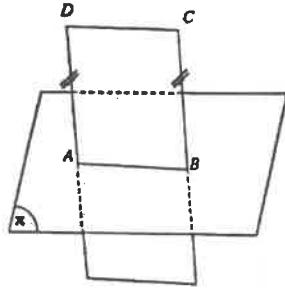
تابع السؤال الثاني :

(b)

(8 درجات)

(1) أكمل ما يلي :

2 إذا وازى مستقيم خارج مستو مستقيماً في المستوي فإنه يوازي المستوي



(2) في الشكل المقابل :

$$\overline{AB} \subset \pi , \overline{AD} // \overline{BC} , AD = BC$$

$$\overline{CD} // \pi : \text{أثبت أن}$$

الحل :

$$\therefore \overline{AD} // \overline{BC}$$

$\therefore \overline{AD} , \overline{BC}$ يعينان مستويًا وحيداً وليكن $(ABCD)$ فيه

$$\overline{AD} // \overline{BC} , AD = BC$$

$\therefore ABCD$ متوازي أضلاع

$$\overline{DC} // \overline{AB} \text{ ومنه}$$

$$\therefore \overline{AB} \subset \pi$$

$$\therefore \overline{CD} // \pi$$

$\frac{1}{2}$
1
 $\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$
 $\frac{1}{2}$
1
1
1



السؤال الثالث : (15 درجة)

(a) حل المعادلة : $3 \sin \theta + 1 = \sin \theta$ حيث $0 \leq \theta < 2\pi$ (8 درجات)

الحل :

$$3 \sin \theta + 1 = \sin \theta$$

$$3 \sin \theta - \sin \theta = -1$$

$$2 \sin \theta = -1$$

$$\sin \theta = \frac{-1}{2}$$

نفرض أن α هي زاوية الاسناد للزاوية θ

$$\therefore \sin \alpha = |\sin \theta| = \left| -\frac{1}{2} \right| = \frac{1}{2}$$

$$\therefore \alpha = \frac{\pi}{6}$$

$$\therefore \sin \theta < 0$$

$\therefore \theta$ تقع في الربع الثالث أو في الربع الرابع

عندما θ تقع في الربع الثالث:

$$\theta = (\pi + \alpha)$$

$$= \pi + \frac{\pi}{6} = \frac{7\pi}{6} \in [0, 2\pi)$$

عندما θ تقع في الربع الرابع :

$$\theta = (2\pi - \alpha)$$

$$= \left(2\pi - \frac{\pi}{6}\right) = \frac{11\pi}{6} \in [0, 2\pi)$$

$$\theta = \frac{11\pi}{6} \text{ أو } \theta = \frac{7\pi}{6}$$

حل المعادلة :



تابع السؤال الثالث :

(b) في احدى الآلات الحاسبة 4 بطاريات . احتمال أن تخدم كل بطارية مدة عام كامل يساوي 90% ما احتمال أن تخدم كل من البطاريات الاربع مدة عام كامل ؟

(7 درجات)

الحل :

$1 + \frac{1}{2}$

$$P(A) = m = 0.9$$

ليكن الحدث A تخدم البطارية مدة عام كامل :

$1 + \frac{1}{2}$

$$P(B) = 1 - m = 0.1$$

ليكن الحدث B لا تخدم البطارية مدة عام كامل :

الحدث E تخدم كل من البطاريات الأربع مدة عام كامل:

$$k = 4, n = 4$$

نستخدم احتمال ذات الحدين

1

$$P(E) = {}_n C_k \cdot (m)^k \cdot (1 - m)^{n-k}$$

$1 + \frac{1}{2}$

$$= {}_4 C_4 \cdot (0.9)^4 \cdot (0.1)^0$$

1

$$= 0.6561$$

$\frac{1}{2}$

احتمال أن تخدم كل من البطاريات الاربع مدة عام كامل يساوي 0.6561



السؤال الرابع : (15 درجة)

$$\sin \theta = \frac{-1}{\sqrt{2}} \quad , \pi < \theta < \frac{3\pi}{2} \quad \text{إذا كان (a)}$$

فاوجد $\sin 2\theta$

(5 درجات)

الحل :

$$\frac{1}{2}$$

$$\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$$

$$\cos^2 \theta = 1 - \sin^2 \theta$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

$$\cos^2 \theta = 1 - \left(\frac{-1}{\sqrt{2}}\right)^2 = \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

$$\cos \theta = \frac{-1}{\sqrt{2}} \quad \text{أو} \quad \cos \theta = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$\therefore \pi < \theta < \frac{3\pi}{2} \Rightarrow \cos \theta < 0$$

$$\frac{1}{2}$$

$$\therefore \cos \theta = \frac{-1}{\sqrt{2}}$$

$$\frac{1}{2}$$

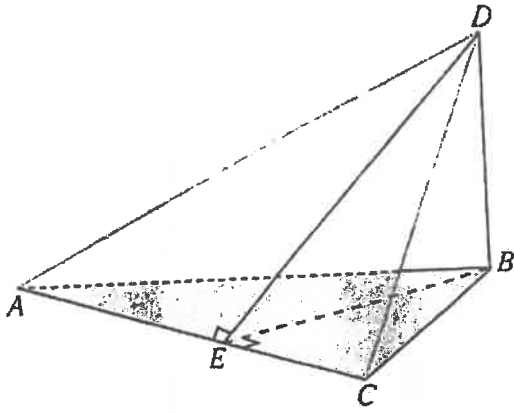
$$\sin 2\theta = 2 \sin \theta \cos \theta$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

$$\sin 2\theta = 2 \times \frac{-1}{\sqrt{2}} \times \frac{-1}{\sqrt{2}} = 1$$



تابع السؤال الرابع:



(b) في الشكل المقابل D نقطة خارج مستوي المثلث ABC

$$BD = 5 \text{ cm} , AB = 10 \text{ cm} , m(\widehat{BAC}) = 45^\circ$$

$$\overline{BD} \perp (ABC) , \overline{BE} \perp \overline{AC} , \overline{DE} \perp \overline{AC}$$

أوجد : (1) BE

(2) قياس الزاوية الزوجية بين المستويين BAC , DAC

(10 درجات)

الحل:

1
1/2
1
1/2
1
1

$$1) \quad \because \overline{BE} \perp \overline{AC} \Rightarrow m(\widehat{BEA}) = 90^\circ$$

$$\because m(\widehat{BAC}) = 45^\circ \quad \therefore m(\widehat{ABE}) = 45^\circ$$

\therefore المثلث ABE قائم في E ، متطابق الضلعين

$$2(BE)^2 = 100 \rightarrow BE = 5\sqrt{2} \text{ cm}$$

$$\therefore BE = AE = 5\sqrt{2} \text{ cm}$$

1
1
1/2
1
1/2

2) \overline{AC} هو خط تقاطع المستويين BAC , DAC

$\overline{BE} \perp \overline{AC}$ في المستوي BAC

$\overline{DE} \perp \overline{AC}$ في المستوي DAC

1

\widehat{BED} هي الزاوية المستوية للزاوية الزوجية بين المستويين BAC , DAC

1

$$\because \overline{BD} \perp (ABC) , \overline{BE} \subset (ABC)$$

1
1/2
1
1/2

$$\therefore \overline{BD} \perp \overline{BE}$$

$\therefore \Delta BED$ قائم في B ، $DB = 5 \text{ cm}$

1

$$\therefore \tan(\widehat{BED}) = \frac{BD}{BE} = \frac{5}{5\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

1

$$\therefore m(\widehat{BED}) = 35^\circ 16'$$

\therefore قياس الزاوية الزوجية بين المستويين BAC , DAC يساوي $35^\circ 16'$



القسم الثاني: البنود الموضوعية

أولاً: في البنود من (1) إلى (3) عبارات ظلل في ورقة الاجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة (b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) الاحداثيات القطبية للنقطة $M\left(\frac{-\sqrt{2}}{2}, \frac{-\sqrt{2}}{2}\right)$ هي $M\left(1, \frac{5\pi}{4}\right)$

(2) $\cos 112^\circ$ يساوي $\cos 94^\circ \cos 18^\circ + \sin 94^\circ \sin 18^\circ$

(3) إذا كان مستقيم عمودياً على أحد مستويين متوازيين فإنه يكون عمودياً على المستوي الآخر

ثانياً : في البنود من (4) إلى (10) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(4) الجذران التربيعيان للعدد المركب: $z = 33 - 56i$ هما :

(a) $\begin{cases} z_1 = -7 - 4i \\ z_2 = 7 + 4i \end{cases}$

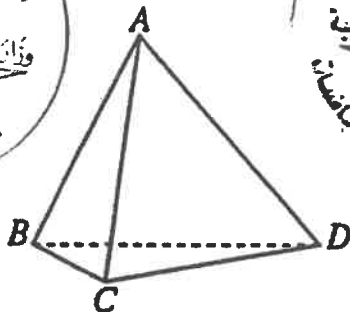
(b) $\begin{cases} z_1 = -7 - 4i \\ z_2 = -7 + 4i \end{cases}$

(c) $\begin{cases} z_1 = 7 + 4i \\ z_2 = 7 - 4i \end{cases}$

(d) $\begin{cases} z_1 = 7 - 4i \\ z_2 = -7 + 4i \end{cases}$

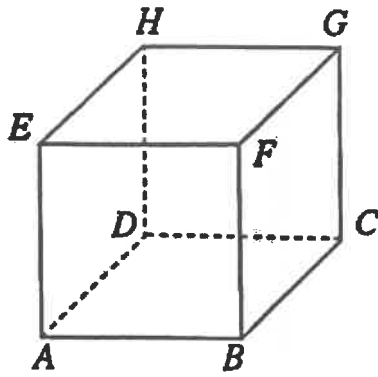
(5) إذا كان: $a = 2\text{ cm}, b = 3\text{ cm}, m(\hat{C}) = 40^\circ$ فإن مساحة المثلث ABC تساوي حوالي:

- (a) 4.6 cm^2 (b) 3.86 cm^2 (c) 1.93 cm^2 (d) 2.3 cm^2



(6) النقاط B, C, D تعين :

- (a) عدد لا منه من مستويات المختلفة
(b) مستويًا واحدًا
(c) لا يمكن أن تعين مستويًا
(d) مستويين مختلفين



(7) في المكعب $ABCDEFGH$ ، \overrightarrow{BD} ، \overrightarrow{EG} هما :

- (a) متوازيان
- (b) متقاطعان
- (c) متخالفان
- (d) يحويهما مستو واحد

(8) إذا كان $\pi_1 // \pi_2$ ، $\pi \cap \pi_1 = \vec{l}$ ، $\pi \cap \pi_2 = \vec{m}$ ، فإن :

- (a) $\pi // \pi_1$
- (b) $\pi // \pi_2$
- (c) $\vec{l} \perp \vec{m}$
- (d) $\vec{l} // \vec{m}$

(9) في مفكوك $(3x + 2y)^8$ الحد الذي يحوي $x^3 y^5$ هو :

- (a) T_3
- (b) T_5
- (c) T_6
- (d) T_8

(10) إذا كان ${}_n P_3 = 60$ فإن n تساوي :

- (a) 5
- (b) 6
- (c) 4
- (d) 3



" انتهت الأسئلة "



ورقة اجابة البنود الموضوعية

السؤال	الإجابة			
(1)	a	b		
(2)	a	b		
(3)	a	b		
(4)	a	b	c	d
(5)	a	b	c	d
(6)	a	b	c	d
(7)	a	b	c	d
(8)	a	b	c	d
(9)	a	b	c	d
(10)	a	b	c	d

لكل بند درجة واحدة فقط

10



القسم الأول - أسئلة المقال
تراعى الحلول الأخرى في جميع أسئلة المقال

السؤال الأول : (15 درجة)

(10 درجات)

(a)

(1) اكتب العدد المركب $\frac{-5 + i}{2 - 3i}$ في الصورة الجبرية

الحل:

1 $\frac{-5 + i}{2 - 3i} = \frac{-5 + i}{2 - 3i} \times \frac{2 + 3i}{2 + 3i}$

2 $= \frac{-10 - 15i + 2i + 3i^2}{2^2 + 3^2}$

1 $= \frac{-13 - 13i}{4 + 9} = -1 - i$



(2) ضع العدد : $z = -1 - i$ في الصورة المثلثية

1 $\therefore x = -1 , y = -1$

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$ $\therefore r = |z| = \sqrt{(-1)^2 + (-1)^2} = \sqrt{2}$

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2}$ $\therefore \tan \alpha = \left| \frac{-1}{-1} \right| = 1 \Rightarrow \alpha = \frac{\pi}{4}$ بفرض α زاوية الاسناد :

$\frac{1}{2}$ $\therefore x < 0 , y < 0$

θ تقع في الربع الثالث

1 $\theta = \pi + \frac{\pi}{4} = \frac{5\pi}{4}$

1 $z = \sqrt{2} \left(\cos \frac{5\pi}{4} + i \sin \frac{5\pi}{4} \right)$

الصورة المثلثية هي :



تابع السؤال الأول :

(b) أوجد السعة و الدورة للدالة التالية ثم ارسم بيانها :

$$y = 2\sin\left(\frac{1}{2}x\right), -4\pi \leq x \leq 4\pi$$

(5 درجات)

الحل :

هي دالة دورية $y = 2\sin\left(\frac{1}{2}x\right)$

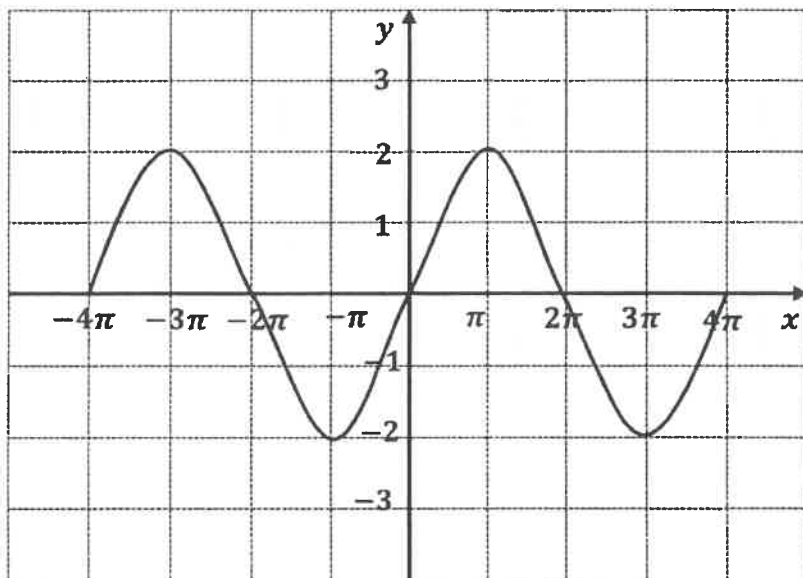
السعة : $|a| = |2| = 2$

الدورة : $\frac{2\pi}{|b|} = \frac{2\pi}{\left|\frac{1}{2}\right|} = 4\pi$

ربع الدورة : π



x	0	π	2π	3π	4π
$\frac{1}{2}x$	0	$\frac{\pi}{2}$	π	$\frac{3\pi}{2}$	2π
$\sin\left(\frac{1}{2}x\right)$	0	1	0	-1	0
$y = 2\sin\left(\frac{1}{2}x\right)$	0	2	0	-2	0



السؤال الثاني : (15 درجة)

(a) حل المثلث ABC حيث : $a = 12$, $b = 21$, $m(\hat{c}) = 95^\circ$ (7 درجات)

الحل :

$\frac{1}{2}$

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2 a b \cos (\hat{c})$$

1

$$= 12^2 + 21^2 - 2 \times 12 \times 21 \times \cos (95^\circ)$$

$\frac{1}{2}$

$$= 144 + 441 - 504 \cos (95^\circ) \approx 628.926$$

$\frac{1}{2}$

$$c \approx 25.08 \text{ cm}$$

$\frac{1}{2}$

$$\cos \alpha = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2 b c}$$

1

$$= \frac{(21)^2 + (25.08)^2 - (12)^2}{2 \times 21 \times 25.08}$$

$\frac{1}{2}$

$$\cos \alpha \approx 0.879$$

$\frac{1}{2}$

$$\alpha \approx 28.47^\circ$$

$\frac{1}{2}$

$$\beta = 180^\circ - \gamma - \alpha$$

1

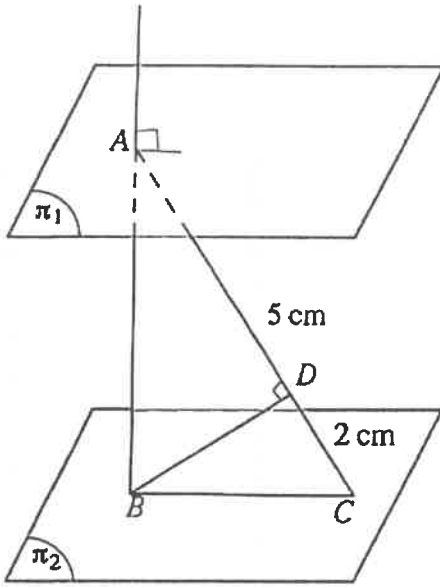
$$\approx 180^\circ - 95^\circ - 28.47^\circ$$

$\frac{1}{2}$

$$\approx 56.53^\circ$$



تابع السؤال الثاني :



(b) في الشكل المقابل : $\pi_1 // \pi_2$, $\overline{AB} \perp \pi_1$, $A \in \pi_1$

رسم $\overline{BD} \perp \overline{AC}$ في المستوي ABC ، $\overline{BC} \subset \pi_2$

إذا كان $AD = 5 \text{ cm}$, $DC = 2 \text{ cm}$

أوجد : BD

(8 درجات)

الحل :

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

1

1

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

1

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

1

$$\because \pi_1 // \pi_2 , \overline{AB} \perp \pi_1$$

$$\therefore \overline{AB} \perp \pi_2$$

$\therefore \overline{AB}$ عمودي على كل مستقيم في π_2

$$\because \overline{BC} \subset \pi_2$$

$$\therefore \overline{AB} \perp \overline{BC}$$

في المثلث ABC القائم الزاوية في B

$$\therefore \overline{BD} \perp \overline{AC}$$

$$\therefore (BD)^2 = AD \times DC$$

$$= 5 \times 2 = 10$$

$$BD = \sqrt{10} \text{ cm}$$



السؤال الثالث : (15 درجة)

(a) حل المعادلة : $2 \sin\theta + 1 = 0$ (8 درجات)

الحل :

$$2 \sin\theta + 1 = 0$$

$$2 \sin\theta = -1$$

$$\sin\theta = -\frac{1}{2}$$

نفرض أن α هي زاوية الاسناد للزاوية

$$\therefore \sin\alpha = |\sin\theta| = \left| -\frac{1}{2} \right| = \frac{1}{2}$$

$$\therefore \alpha = \frac{\pi}{6}$$

$$\therefore \sin\theta < 0$$

$\therefore \theta$ تقع في الربع الثالث أو في الربع الرابع

عندما θ تقع في الربع الثالث:

$$\theta = (\pi + \alpha) + 2k\pi, k \in \mathbb{Z}$$

$$= \left(\pi + \frac{\pi}{6} \right) + 2k\pi = \frac{7\pi}{6} + 2k\pi$$

عندما θ تقع في الربع الرابع:

$$\theta = (2\pi - \alpha) + 2k\pi, k \in \mathbb{Z}$$

$$= \left(2\pi - \frac{\pi}{6} \right) + 2k\pi = \frac{11\pi}{6} + 2k\pi$$

\therefore حل المعادلة : $\frac{7\pi}{6} + 2k\pi$ أو $\frac{11\pi}{6} + 2k\pi$ حيث $k \in \mathbb{Z}$



تابع السؤال الثالث :

(b) أوجد قيمة n حيث : $\frac{nC_7}{(n-1)C_6} = \frac{8}{7}$ (7 درجات)

الحل :

$$\frac{nC_7}{(n-1)C_6} = \frac{8}{7}$$

$$\frac{\frac{n!}{(n-7)! \times 7!}}{\frac{(n-1)!}{(n-1-6)! \times 6!}} = \frac{8}{7}$$

$$\frac{n \times (n-1)!}{(n-7)! \times 7 \times 6!} \times \frac{(n-7)! \times 6!}{(n-1)!} = \frac{8}{7}$$

$$\frac{n}{7} = \frac{8}{7}$$

$$n = 8$$



السؤال الرابع: (15 درجة)

(a) إذا كان $180^\circ < \theta < 270^\circ$, $\sin \theta = \frac{-24}{25}$ (5 درجات)

أوجد $\sin \frac{\theta}{2}$

الحل:

نوجد أولاً $\cos \theta$

$$\cos^2 \theta + \sin^2 \theta = 1$$

$$\cos^2 \theta + \left(\frac{-24}{25}\right)^2 = 1$$

$$\cos^2 \theta = 1 - \left(\frac{-24}{25}\right)^2$$

$$\cos^2 \theta = \frac{49}{625}$$

$$\cos \theta = \pm \frac{7}{25}$$

θ تقع في الربع الثالث

$$\therefore \cos \theta = \frac{-7}{25}$$

$$\therefore 180^\circ < \theta < 270^\circ$$

$$\therefore 90^\circ < \frac{\theta}{2} < 135^\circ$$

$\therefore \frac{\theta}{2}$ تقع في الربع الثاني

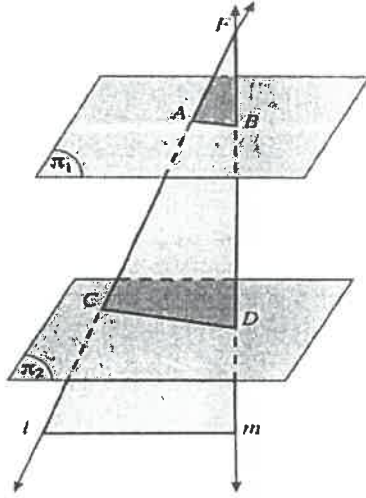
$$\sin \left(\frac{\theta}{2}\right) = \pm \sqrt{\frac{1 - \cos \theta}{2}}$$

$$\therefore \sin \left(\frac{\theta}{2}\right) = \sqrt{\frac{1 - \left(\frac{-7}{25}\right)}{2}} = \frac{4}{5}$$

لأن $\frac{\theta}{2}$ تقع في الربع الثاني



تابع السؤال الرابع:



(b) في الشكل المقابل π_1, π_2 مستويين متوازيين ،

\vec{l}, \vec{m} مستقيمان متقاطعان في F و يقطعان كلا من

π_1 في A, B ، π_2 في C, D ، إذا كان $FB = 5cm$

$CD = 9cm, AC = 6cm, BD = 4cm$

فاوجد محيط المثلث FAB

(10 درجات)

الحل:

\vec{l}, \vec{m} مستقيمان متقاطعان في F ::

\vec{l}, \vec{m} يعينان مستوي واحد π ::

π_1, π_2 متوازيان ::

$\pi \cap \pi_1 = \vec{AB}, \pi \cap \pi_2 = \vec{CD}$

(نظرية)

$\therefore \vec{AB} // \vec{CD}$

في المستوى π ، $\vec{AB} // \vec{CD}$ ،

المثلثان FAB, FCD متشابهان

$$\frac{FB}{FD} = \frac{FA}{FC} = \frac{AB}{CD}$$

$$\frac{5}{5+4} = \frac{FA}{FA+6} = \frac{AB}{9}$$

$$\frac{5}{9} = \frac{FA}{FA+6}$$

$$9FA = 5(FA+6)$$

$$4FA = 30 \Rightarrow FA = 7.5 \text{ cm}$$

$$\frac{5}{9} = \frac{AB}{9}$$

$$9AB = 45 \Rightarrow AB = 5 \text{ cm}$$

محيط المثلث FAB يساوي

$$FA + FB + AB = 7.5 + 5 + 5 = 17.5 \text{ cm}$$



$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

1

1

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

1

1

1

1

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

1

1

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

1

1

القسم الثاني: البنود الموضوعية

أولاً: في البنود من (1) إلى (3) عبارات ظلل في ورقة الإجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة (b) إذا كانت العبارة خاطئة

(1) الاحداثيات الديكارتية للنقطة $B(\sqrt{2}, 135^\circ)$ هي $B(-1, 1)$

(2) $\cos \frac{\pi}{12}$ يساوي $\frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4}$

(3) المستقيمان العموديان على مستو متوازيان

ثانياً: في البنود من (4) إلى (10) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة.

(4) مجموعة حل المعادلة: $z^2 - 4z + 20 = 0$ هي:

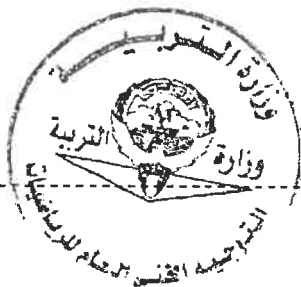
- (a) $\{2 - 4i, -2 - 4i\}$ (b) $\{-2 + 4i, -2 - 4i\}$
(c) $\{2 - 4i, -2 + 4i\}$ (d) $\{2 - 4i, 2 + 4i\}$

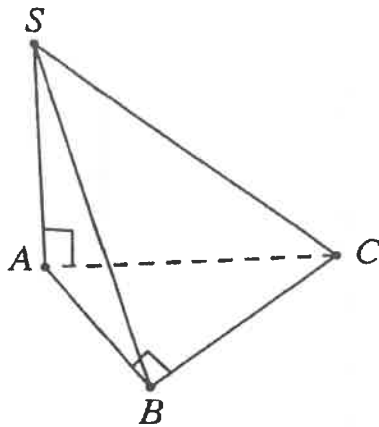
(5) مساحة المثلث الذي أطوال أضلاعه $5\text{ cm}, 6\text{ cm}, 7\text{ cm}$ هي:

- (a) $6\sqrt{6}\text{ cm}^2$ (b) $12\sqrt{6}\text{ cm}^2$
(c) $6\sqrt{3}\text{ cm}^2$ (d) $12\sqrt{3}\text{ cm}^2$

(6) الحالة التي لا تعين مستويًا وحيداً فيما يلي هي:

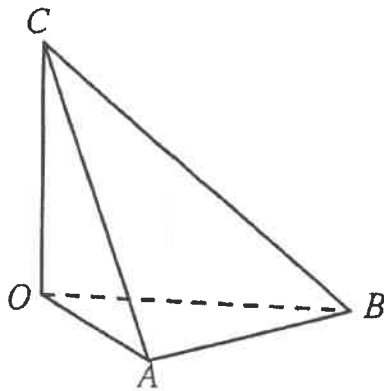
- (a) أي ثلاث نقاط مختلفة
(b) أي مستقيم و نقطة خارجة عنه
(c) أي مستقيمان متوازيان مختلفان
(d) أي مستقيمان متقاطعان في نقطة





(7) في الشكل المقابل إذا كان $\overline{SA} \perp (ABC)$ فإن $m(\widehat{B}) = 90^\circ$

- (a) المثلث SAB قائم في \widehat{B}
 (b) $\overline{CB} \perp (SAB)$
 (c) المثلث SAB متطابق الضلعين
 (d) المثلث SCB قائم في \widehat{C}



(8) في الشكل المقابل إذا كان OAB مثلث فيه $m(\widehat{AOB}) = 60^\circ$, $OB = 2x$, $OA = x$
 \overline{OC} متعامد مع المستوي OAB فإن قياس الزاوية الزوجية $(AOC, \overline{OC}, BOC)$ هو :

- (a) 30° (b) 45°
 (c) 60° (d) 90°

(a) $-21a^5b^2$

(c) $21a^5b^2$



(b) $-7a^6b$

(d) $7a^6b$



(10) الحد الثالث من مفكوك $(a - b)^7$ هو :

(10) الحدان m, n مستقلان ، $P(m) = \frac{1}{3}$ ، $P(n) = \frac{9}{10}$ إذاً $P(m \cap n)$ تساوي

(a) $\frac{25}{30}$

(b) $\frac{3}{10}$

(c) $\frac{1}{3}$

(d) $\frac{11}{30}$

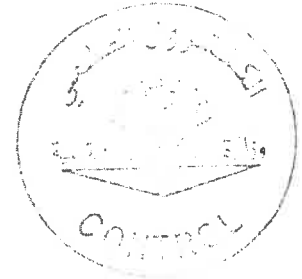
" انتهت الأسئلة "

ورقة إجابة البنود الموضوعية

السؤال	الإجابة			
(1)	a	b		
(2)	a	b		
(3)	a	b		
(4)	a	b	c	d
(5)	a	b	c	d
(6)	a	b	c	d
(7)	a	b	c	d
(8)	a	b	c	d
(9)	a	b	c	d
(10)	a	b	c	d

لكل بند درجة واحدة فقط

10



نموذج إجابة امتحان الفترة الدراسية الثانية للصف الحادي عشر علمي للعام الدراسي : 2022/2021 م

القسم الأول - أسئلة المقال
(تراعى الحلول الأخرى في جميع أسئلة المقال)

السؤال الأول : (15 درجة)

(a) أوجد حل المعادلة : $z^2 - 2z + 4 = 0$ في C (7 درجات)

الحل:

1 $a = 1$, $b = -2$, $c = 4$

$\frac{1}{2}$ $\Delta = b^2 - 4ac$

$= (-2)^2 - 4(1)(4)$

$\frac{1}{2}$ $= 4 - 16$

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$ $= -12 = 12i^2$

1 $z = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a}$

1 $= \frac{2 \pm 2\sqrt{3}i}{2}$

1 $= 1 \mp \sqrt{3}i$

1 $\therefore 1 + \sqrt{3}i , 1 - \sqrt{3}i$ حلان للمعادلة



(1)



تابع السؤال الأول :

(8 درجات) $\sin \theta = \frac{-1}{\sqrt{2}}$, $\pi < \theta < \frac{3\pi}{2}$: إذا كان (b)

فاوجد $\sin 2\theta$

الحل :

1 $\cos^2 \theta + \sin^2 \theta = 1$

1 $\cos^2 \theta = 1 - \sin^2 \theta$

1 $= 1 - \left(\frac{-1}{\sqrt{2}}\right)^2 = \frac{1}{2}$

1 $\therefore \pi < \theta < \frac{3\pi}{2} \rightarrow \cos \theta < 0$

1 $\therefore \cos \theta = \frac{-1}{\sqrt{2}}$

1 $\sin 2\theta = 2 \sin \theta \cos \theta$

1 $= 2 \left(\frac{-1}{\sqrt{2}}\right) \left(\frac{-1}{\sqrt{2}}\right)$

1 $= 1$



السؤال الثاني : (15 درجة)

(a) حول من الإحداثيات الديكارتية إلى الإحداثيات القطبية (r, θ) : (7 درجات)

$$L(1, -\sqrt{3}), 0 \leq \theta < 2\pi$$

الحل :

1 + 1

$$r = \sqrt{(1)^2 + (-\sqrt{3})^2} = \sqrt{4} = 2$$

نفرض أن α زاوية الاسناد

1 + 1

$$\therefore \tan \alpha = \left| \frac{y}{x} \right| = \left| \frac{-\sqrt{3}}{1} \right| = \sqrt{3}$$

$\frac{1}{2}$

$$\alpha = \tan^{-1} \sqrt{3}$$

$\frac{1}{2}$

$$\alpha = \frac{\pi}{3}$$

$$\therefore x > 0, y < 0$$

$\frac{1}{2}$

L تنتمي إلى الربع الرابع

1

$$\therefore \theta = 2\pi - \alpha = 2\pi - \frac{\pi}{3} = \frac{5\pi}{3}$$

$\frac{1}{2}$

$L(2, \frac{5\pi}{3})$ هي الإحداثيات القطبية هي



تابع السؤال الثاني:

(b) حل المعادلة: $\cos x = -\frac{1}{2}$ حيث $0 \leq x < 2\pi$ (8 درجات)

الحل:

نفرض أن α هي زاوية الإسناد للزاوية x

$$\frac{1}{2} \quad \cos \alpha = |\cos x| = \left| -\frac{1}{2} \right| = \frac{1}{2}$$

1

$$\therefore \alpha = \frac{\pi}{3}$$

1

$$\therefore \cos x < 0$$

$$\frac{1}{2} \quad \frac{1}{2}$$

x تقع في الربع الثاني أو الربع الثالث

عندما x تقع في الربع الثاني:

1

$$x = \pi - \frac{\pi}{3} = \frac{2\pi}{3} \in [0, 2\pi)$$

عندما x تقع في الربع الثالث:

1

$$x = \pi + \frac{\pi}{3} = \frac{4\pi}{3} \in [0, 2\pi)$$

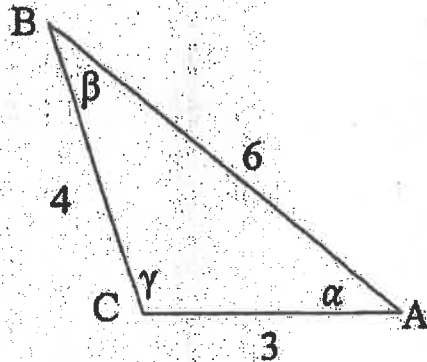
1+1

ومنه يكون حل المعادلة هو $x = \frac{2\pi}{3}$ أو $x = \frac{4\pi}{3}$



السؤال الثالث : (15 درجة)

(a) حل المثلث ABC حيث : $a = 4 \text{ cm}$, $b = 3 \text{ cm}$, $c = 6 \text{ cm}$ (6 درجات)



الحل:

$\frac{1}{2}$

$$\cos \alpha = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc}$$

$\frac{1}{2}$

$$= \frac{9 + 36 - 16}{(2)(3)(6)}$$

$\frac{1}{2}$

$$= \frac{29}{36}$$

$\frac{1}{2}$

$$\alpha = \cos^{-1}\left(\frac{29}{36}\right) \approx 36.3^\circ$$

$\frac{1}{2}$

$$\cos \beta = \frac{a^2 + c^2 - b^2}{2ac}$$

$\frac{1}{2}$

$$= \frac{16 + 36 - 9}{(2)(4)(6)}$$

$\frac{1}{2}$

$$= \frac{43}{48}$$

$\frac{1}{2}$

$$\beta = \cos^{-1}\left(\frac{43}{48}\right) \approx 26.4^\circ$$

$\frac{1}{2}$

$$\gamma = 180 - (\alpha + \beta)$$

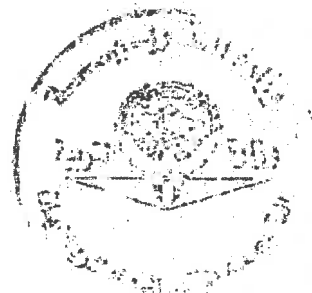
1

$$\approx 180 - (36.3^\circ + 26.4^\circ)$$

$\frac{1}{2}$

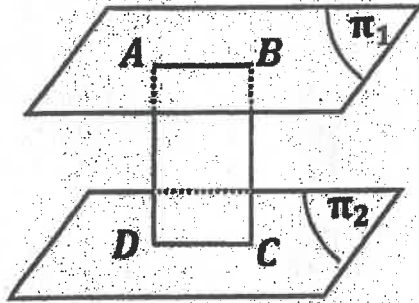
$$= 117.3^\circ$$

(5)



تابع السؤال الثالث :

(9 درجات)



(b) في الشكل المقابل : $\pi_1 // \pi_2$

• A, B نقطتان في π_1

• C, D نقطتان في π_2 حيث A, B, C, D في مستوى واحد

• $\overline{AD} \perp \pi_2$, $\overline{BC} \perp \pi_2$

اثبت ان $ABCD$ مستطيل

الحل :

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

1

(نظرية)

$$\therefore \overline{AD} \perp \pi_2 , \overline{BC} \perp \pi_2$$

$$\therefore \overline{AD} // \overline{BC} \dots\dots(1)$$

$\pi_1 // \pi_2$ و A, B, C, D في مستوى واحد هو $(ABCD)$:

$$\pi_1 \cap (ABCD) = \overline{AB} , \pi_2 \cap (ABCD) = \overline{DC}$$

$$\therefore \overline{AB} // \overline{DC} \dots\dots(2)$$

من (1) و (2)

\therefore الشكل $ABCD$ متوازي اضلاع

$$\overline{DC} \subset \pi_2 , \overline{AD} \perp \pi_2 \text{ لكن}$$

$$\therefore \overline{AD} \perp \overline{DC} \text{ (نظرية)}$$

\therefore الشكل $ABCD$ متوازي اضلاع احدي زواياه قائمة

\therefore الشكل $ABCD$ مستطيل

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

1

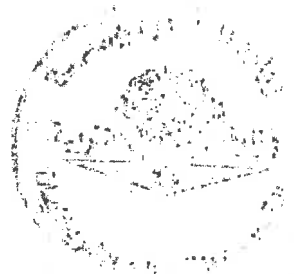
1

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

1

$$\frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{2}$$

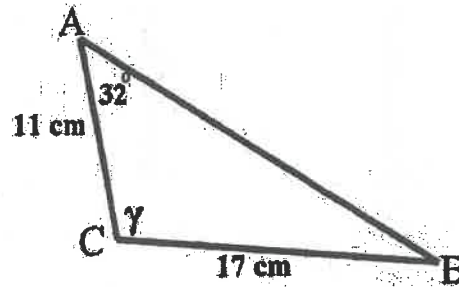


السؤال الرابع: (15 درجة)

(a) في المثلث ABC :

إذا كان $\alpha = 32^\circ$ ، $b = 11 \text{ cm}$ ، $a = 17 \text{ cm}$ ، أوجد γ (6 درجات)

الحل :



$$\frac{1}{2}$$

$$\frac{\sin \alpha}{a} = \frac{\sin \beta}{b} = \frac{\sin \gamma}{c}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$\frac{\sin 32^\circ}{17} = \frac{\sin \beta}{11} = \frac{\sin \gamma}{c}$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

$$\sin \beta = \frac{11 \sin 32^\circ}{17} \approx 0.34 > 0$$

$$\frac{1}{2}$$

$$\therefore \beta \approx 20.1^\circ$$

توجد زاويتان β تحققان $\sin \beta \approx 0.34$ و $0^\circ < \beta < 180^\circ$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

$$\beta_1 + \alpha \approx 20.1^\circ + 32^\circ = 52.1^\circ < 180^\circ$$

$$\beta_2 \approx 180^\circ - 20.1^\circ \quad \text{أو}$$

$$= 159.9^\circ$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

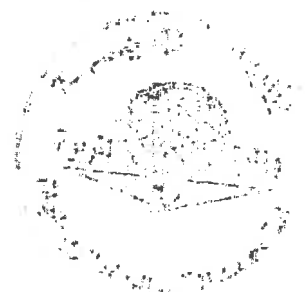
$$\beta_2 + \alpha \approx 159.9^\circ + 32^\circ = 191.9^\circ > 180^\circ \quad \text{مرفوضه}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$\therefore \gamma \approx 180^\circ - (32^\circ + 20.1^\circ)$$

$$\frac{1}{2}$$

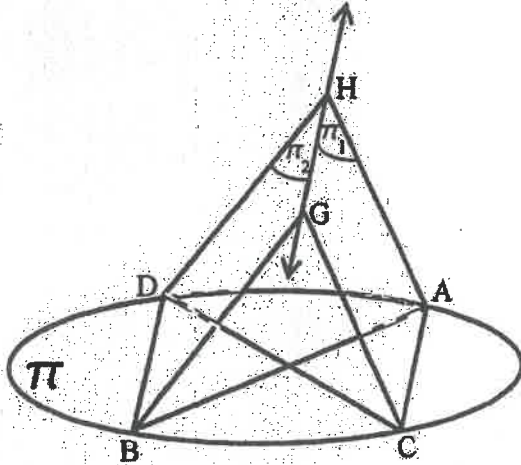
$$\approx 127.9^\circ$$



تابع السؤال الرابع:

(9 درجات)

(b) في الشكل المقابل: قطران \overline{AB} , \overline{CD} في مستوى الدائرة π
 أثبت أن مستوى الدائرة π يوازي \overleftrightarrow{GH} ، $\pi_1 \cap \pi_2 = \overleftrightarrow{GH}$



الحل :

- 1
- 1
- 1
- 1
- 1
- 1
- 1
- 1
- 1
- 1

$\therefore \overline{AB}, \overline{CD}$ قطران في مستوى الدائرة π

\therefore ينصف كل منهما الآخر و متطابقان

\therefore الشكل ACBD مستطيل

$$\therefore \overline{AC} \parallel \overline{DB} \dots\dots (1)$$

$$\overline{AC} \subset \pi_1 , \overline{DB} \subset \pi_2$$

$$\pi_2 \cap \pi_1 = \overleftrightarrow{GH} \dots\dots (2)$$

$$\therefore \overleftrightarrow{GH} \parallel \overleftrightarrow{AC} \parallel \overleftrightarrow{DB} \text{ من (1) ، (2)}$$

$$\therefore \overleftrightarrow{GH} \parallel \overleftrightarrow{AC} , \overleftrightarrow{AC} \subset \pi$$

$$\therefore \overleftrightarrow{GH} \parallel \pi$$

أي أن مستوى الدائرة π يوازي \overleftrightarrow{GH}



ثانيا: البنود الموضوعية

- أولاً: في البنود من (1) إلى (3) عبارات ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة
(b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) الصورة الجبرية للعدد $\sqrt{-4} + 3$ هي $3 + 2i$

(2) $\cos x = 2 \cos^2 \frac{x}{2} - 1$

(3) إذا كان $\vec{m} // \pi$ ، $\vec{l} // \pi$ فإن $\vec{l} // \vec{m}$.

ثانياً : في البنود من (4) إلى (10) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(4) أبسط صورة للتعبير: $(3 + \sqrt{-4})(4 + \sqrt{-9})$ هي:

(a) $18 + 17i$

(b) $18 + 3\sqrt{-9} + 4\sqrt{-4}$

(c) $6 + 17i$

(d) 18

(5) $\forall n \in \mathbb{Z}^+$ فإن قيمة $(i^{2n+2} + i^{2n+8})$ تساوي:

(a) i^{-2n}

(b) -1

(c) 0

(d) 1

(6) $\sin(x + \frac{\pi}{6})$ تساوي:

(a) $\frac{1}{2} \sin x + \frac{\sqrt{3}}{2} \cos x$

(b) $\frac{1}{2}(\sin x + \cos x)$

(c) $\frac{\sqrt{3}}{2} \sin x + \frac{1}{2} \cos x$

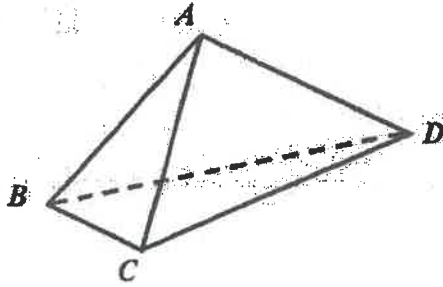
(d) $\frac{\sqrt{3}}{2} \sin x - \frac{1}{2} \cos x$





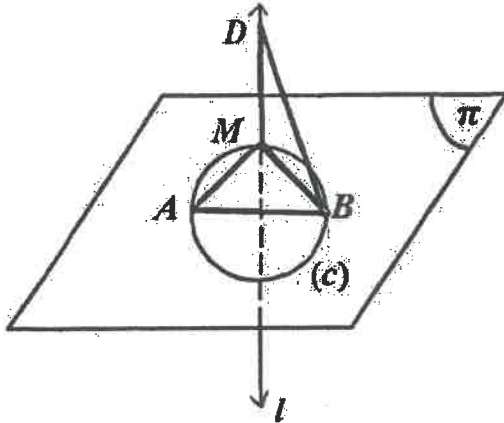
(7) إذا كان $\sin x + \cos x = 0$ فإن x تقع في الربع:

- (a) الأول
(b) الأول أو الثالث
(c) الثالث
(d) الثاني أو الرابع



(8) في الشكل المقابل: النقاط B, C, D تعين:

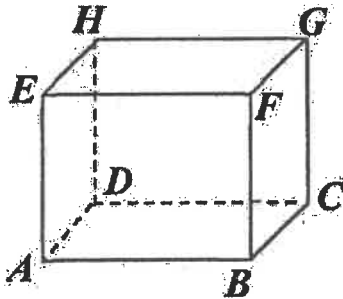
- (a) مستويًا واحدًا
(b) مستويين مختلفين
(c) عدد لا منته من المستويات المختلفة
(d) لا يمكن أن تعين مستويًا



(9) في الشكل المقابل:

إذا كان $\vec{l} \perp (AMB)$ ، \overline{AB} قطر في الدائرة (C) فإن:

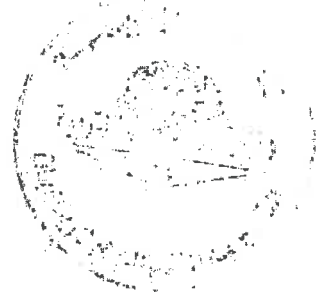
- (a) $\overline{AB} \perp \overline{BD}$
(b) $\vec{l} \perp (BMD)$
(c) $\overline{AM} \perp (BMD)$
(d) $\overline{AB} \perp \overline{BM}$



(10) في المكعب $ABCDEFGH$ ، \overline{BD} ، \overline{EG} هما:

- (a) متوازيان
(b) متقطعان
(c) متخالفان
(d) يحويهما مستوي واحد

" انتهت الأسئلة "



ورقة إجابة البنود الموضوعية

السؤال	الإجابة			
(1)	a	b		
(2)	a	b		
(3)	a	b		
(4)	a	b	c	d
(5)	a	b	c	d
(6)	a	b	c	d
(7)	a	b	c	d
(8)	a	b	c	d
(9)	a	b	c	d
(10)	a	b	c	d

لكل بند درجة واحدة فقط

10



القسم الأول - أسئلة المقال

تراعى الحلول الأخرى في جميع أسئلة المقال

السؤال الأول : (14 درجة)

(9 درجات)

(a) اكتب العدد $\frac{\sqrt{3} - i}{\sqrt{3} + i}$ في الصورة الجبرية

ثم حوله للصورة المثلثية مستخدماً السعة الأساسية

الحل :

$$\frac{\sqrt{3} - i}{\sqrt{3} + i} = \frac{\sqrt{3} - i}{\sqrt{3} + i} \times \frac{\sqrt{3} - i}{\sqrt{3} - i}$$

$$= \frac{2 - 2\sqrt{3}i}{3 + 1}$$

$$= \frac{2 - 2\sqrt{3}i}{4}$$

$$= \frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i$$

$$x = \frac{1}{2}, y = \frac{-\sqrt{3}}{2}$$

$$r = \sqrt{\left(\frac{1}{2}\right)^2 + \left(\frac{-\sqrt{3}}{2}\right)^2} = \sqrt{1} = 1$$

$$\tan \alpha = \left| \frac{y}{x} \right| = \left| \frac{-\frac{\sqrt{3}}{2}}{\frac{1}{2}} \right| = \sqrt{3}$$

$$\therefore \alpha = \frac{\pi}{3}$$

نفرض أن α زاوية الاسناد

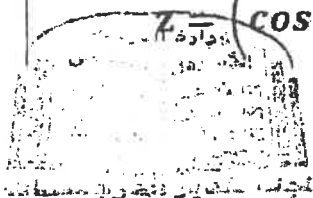
$$x > 0, y < 0$$

 θ تقع في الربع الرابع

$$\theta = 2\pi - \frac{\pi}{3} = \frac{5\pi}{3}$$

$$z = \left(\cos \frac{5\pi}{3} + i \sin \frac{5\pi}{3} \right)$$

الصورة المثلثية هي :



مجلس التعليم العالي

تابع السؤال الأول :

(b) أوجد السعة و الدورة للدالة : $y = -3\cos(2x)$, $-\pi \leq x \leq \pi$

ثم ارسم بياتها

(5 درجات)

الحل :

1

$|a| = |-3| = 3$: السعة

1

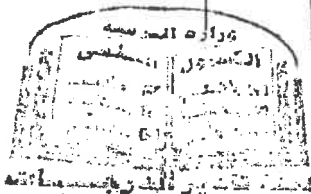
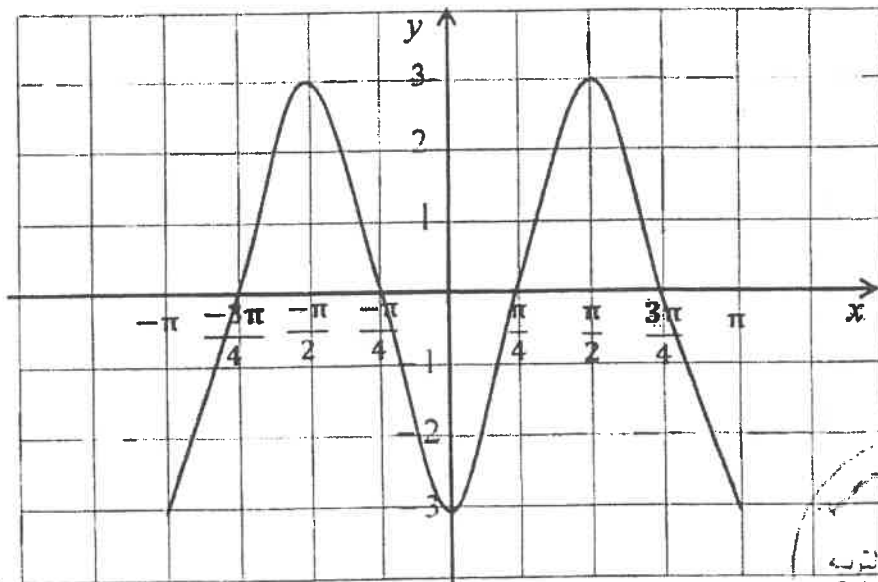
$\frac{2\pi}{|b|} = \frac{2\pi}{|2|} = \pi$: الدورة

$\frac{\pi}{4} =$ ربع الدورة

x	0	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{3\pi}{4}$	π
$2x$	0	$\frac{\pi}{2}$	π	$\frac{3\pi}{2}$	2π
$\cos(2x)$	1	0	-1	0	1
$y = -3\cos(2x)$	-3	0	3	0	-3

الرسم
كل دورة

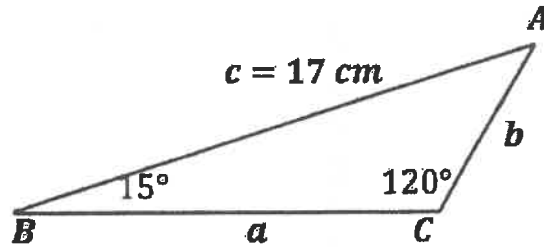
$1\frac{1}{2}$



السؤال الثاني : (14 درجة)

(a) حل المثلث ABC

(6 درجات)



الحل: لحل المثلث نوجد α, b, a

$$\alpha = 180^\circ - (15^\circ + 120^\circ) = 45^\circ$$

$$\frac{\sin \alpha}{a} = \frac{\sin \beta}{b} = \frac{\sin \gamma}{c}$$

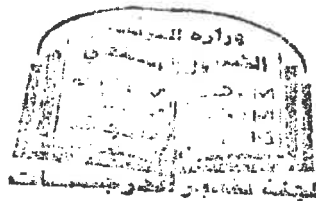
$$\frac{\sin 45^\circ}{a} = \frac{\sin 15^\circ}{b} = \frac{\sin 120^\circ}{17}$$

$$b = \frac{17 \times \sin 15^\circ}{\sin 120^\circ}$$

$$b \approx 5.08 \text{ cm}$$

$$a = \frac{17 \times \sin 45^\circ}{\sin 120^\circ}$$

$$a \approx 13.88 \text{ cm}$$



تابع السؤال الثاني :

(b) حل المعادلة : $2\sin^2 x - 3\sin x - 2 = 0$ (8 درجات)

الحل :

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

$$(2\sin x + 1)(\sin x - 2) = 0$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

$$(2\sin x + 1) = 0 \text{ أو } (\sin x - 2) = 0$$

$$\sin x = \frac{-1}{2} \text{ أو } \sin x = 2$$

$$\sin x = 2 \quad \text{عندما}$$

$$y = \sin x \quad \text{مداها } [-1, 1]$$

$$\frac{1}{2}$$

$$2 \notin [-1, 1]$$

$$\frac{1}{2}$$

$$\therefore \sin x = 2 \text{ ليس لها حل}$$

$$\sin x = \frac{-1}{2} \quad \text{نأخذ}$$

بفرض أن α هي زاوية الاسناد للزاوية x

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

$$\therefore \sin \alpha = |\sin x| = \left| \frac{-1}{2} \right| = \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$\therefore \alpha = \frac{\pi}{6}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$\therefore \sin x < 0 \quad x \text{ تقع في الربع الثالث أو الرابع}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$x = (\pi + \alpha) + 2k\pi, \quad k \in Z \quad \text{عندما } x \text{ تقع في الربع الثالث}$$

$$x = \left(\pi + \frac{\pi}{6} \right) + 2k\pi$$

$$\frac{1}{2}$$

$$x = \frac{7\pi}{6} + 2k\pi$$

$$\frac{1}{2}$$

$$x = (2\pi - \alpha) + 2k\pi, \quad k \in Z \quad \text{عندما } x \text{ تقع في الربع الرابع}$$

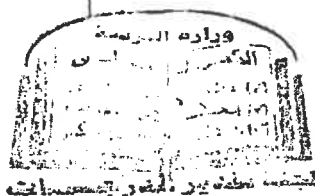
$$x = \left(2\pi - \frac{\pi}{6} \right) + 2k\pi$$

$$\frac{1}{2}$$

$$x = \left(\frac{11\pi}{6} \right) + 2k\pi$$

$$1$$

$$k \in Z \quad x = \frac{7\pi}{6} + 2k\pi, \quad x = \frac{11\pi}{6} + 2k\pi \quad \text{حل المعادلة:}$$



السؤال الثالث: (14 درجة)

(6 درجات)

(a) أثبت صحة المتطابقة : $2\csc^2x = \frac{1}{1-\cos x} + \frac{1}{1+\cos x}$

الحل :

L.H.S : $\frac{1}{1-\cos x} + \frac{1}{1+\cos x}$

1 + 1

$$= \frac{1 + \cos x + 1 - \cos x}{(1 - \cos x)(1 + \cos x)}$$

1

$$= \frac{2}{(1 + \cos x)(1 + \cos x)}$$

1

$$= \frac{2}{1 - \cos^2 x}$$

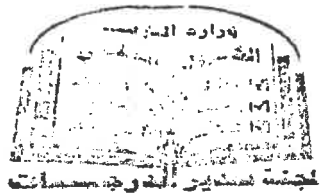
1

$$= \frac{2}{\sin^2 x}$$

1

$$= 2\csc^2 x$$

$$= R.H.S$$



(8 درجات)

تابع السؤال الثالث:

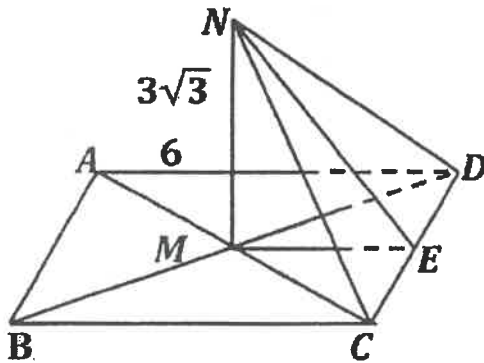
(b) مستطيل $ABCD$ تقاطع قطراه في M ، وفيه $AD = 6cm$

أقيم \overline{NM} عمودا على $(ABCD)$ حيث N خارج مستواه

بحيث $MN = 3\sqrt{3} cm$ ، E منتصف \overline{CD}

أوجد قياس الزاوية الزوجية بين المستويين $ABCD , NCD$

الحل :



$$\therefore \overline{MN} \perp (ABCD) , \overline{CD} \subset (ABCD)$$

$$\therefore \overline{MN} \perp \overline{CD} \quad (1)$$

في المثلث CDM المتطابق الضلعين

$\therefore E$ منتصف \overline{CD} معطى

$$\therefore \overline{ME} \perp \overline{CD} \quad (2)$$

$$\therefore \overline{CD} \perp (MNE) , \overline{NE} \subset (MNE)$$

$$\therefore \overline{NE} \perp \overline{CD}$$

\overline{CD} هي الحافة المشتركة بين المستويين $ABCD , NCD$

$\therefore \widehat{MEN}$ هي الزاوية المستوية للزاوية الزوجية \overline{CD}

في المثلث BCD E منتصف \overline{CD} معطى

M منتصف \overline{BD} (من خواص المستطيل)

$$\therefore ME = \frac{1}{2} BC , AD = BC = 6cm$$

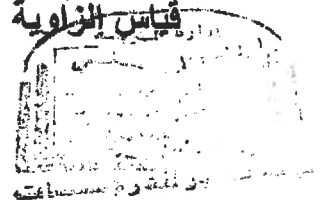
$$\therefore ME = \frac{1}{2} \times 6 = 3 cm$$

في المثلث MEN القائم الزاوية في M (من خواص المستقيم العمودي مع مستو)

$$\tan(\widehat{MEN}) = \frac{MN}{ME} = \frac{3\sqrt{3}}{3} = \sqrt{3}$$

$$\therefore m(\widehat{MEN}) = 60^\circ$$

قياس الزاوية الزوجية بين المستويين $ABCD , NCD$ هو 60°



$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

1

1

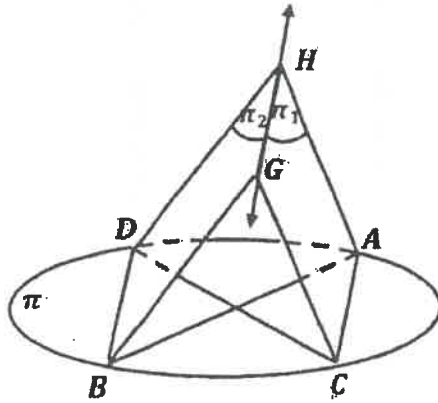
(7 درجات)

السؤال الرابع : (14 درجة)

(a) في الشكل المقابل: \overline{AB} , \overline{CD} قطران في مستوى الدائرة π ،

$$\pi_1 \cap \pi_2 = \overline{GH}$$

أثبت أن مستوى الدائرة π يوازي \overline{GH}



الحل :

$\therefore \overline{AB}$, \overline{CD} قطران في مستوى الدائرة π

\therefore ينصف كل منهما الآخر و متطابقان

\therefore الشكل $ACBD$ مستطيل

$$\therefore \overline{AC} // \overline{DB} \quad (1)$$

$$\therefore \overline{AC} \subset \pi_1 , \overline{BD} \subset \pi_2 , \pi_1 \cap \pi_2 = \overline{GH} \quad (2)$$

من (1) و (2)

$$\therefore \overline{GH} // \overline{AC} // \overline{DB}$$

$$\overline{GH} // \overline{AC} , \overline{AC} \subset \pi$$

$$\therefore \overline{GH} // \pi$$

أي أن مستوى الدائرة π يوازي \overline{GH}



(7 درجات)

تابع السؤال الرابع :

(b) حل المعادلة : ${}_nC_4 = {}_nC_{n-2}$

الحل:

1

$$\frac{n!}{(n-4)! \times 4!} = \frac{n!}{2! \times (n-2)!}$$

1+1

$$\frac{1}{(n-4)! \times 4 \times 3 \times 2!} = \frac{1}{2! \times (n-2)(n-3)(n-4)!}$$

1

$$\frac{1}{4 \times 3} = \frac{1}{(n-2)(n-3)}$$

$\frac{1}{2}$

$$4 \times 3 = (n-2)(n-3)$$

$\frac{1}{2}$

$$12 = n^2 - 5n + 6$$

$\frac{1}{2}$

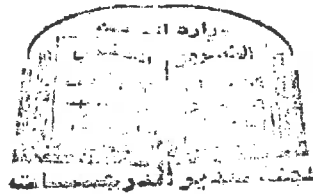
$$n^2 - 5n - 6 = 0$$

$\frac{1}{2}$

$$(n-6)(n+1) = 0$$

1

مرفوضة $n = -1$, $n = 6$



القسم الثاني : البنود الموضوعية

أولاً: في البنود من (1) إلى (4) عبارات ظلل في ورقة الإجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة (b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) الاحداثيات الديكارتية للنقطة $B(\sqrt{2}, 135^\circ)$ هي $B(-1, 1)$

(2) معادلة الدالة المثلثية $y = a \sin(b\theta)$ حيث السعة 5 و الدورة 3π

يمكن أن تكون $y = 5 \sin\left(\frac{2}{3}\theta\right)$

(3) إذا توازى مستقيمان و مر بهما مستويان متقاطعان فإن تقاطعهما هو مستقيم يوازي كلا من هذين المستقيمين .

$$\frac{1 - \cos 2x}{2} = 2 \cos^2 \frac{x}{2} \quad (4)$$

ثانياً : في البنود من (5) إلى (14) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(5) الجذران التربيعيان للعدد المركب $z = 33 - 56i$ هما :

(a) $\begin{cases} z_1 = -7 - 4i \\ z_2 = 7 + 4i \end{cases}$

(b) $\begin{cases} z_1 = -7 - 4i \\ z_2 = -7 + 4i \end{cases}$

(c) $\begin{cases} z_1 = 7 + 4i \\ z_2 = 7 - 4i \end{cases}$

(d) $\begin{cases} z_1 = 7 - 4i \\ z_2 = -7 + 4i \end{cases}$

(6) في المثلث ABC : $AC = 40 \text{ cm}$, $AB = 30 \text{ cm}$, $m(\widehat{A}) = 120^\circ$ فإن طول \overline{BC} يساوي تقريبا :

(a) 68 cm

(b) 36 cm

(c) 60.8 cm

(d) 21 cm

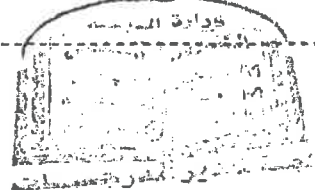
(7) مساحة المثلث الذي أطوال أضلاعه 7 cm , 8 cm , 9 cm هي :

(a) $6\sqrt{5} \text{ cm}^2$

(b) $12\sqrt{5} \text{ cm}^2$

(c) $16\sqrt{3} \text{ cm}^2$

(d) $18\sqrt{3} \text{ cm}^2$



(8) $\sin\left(x + \frac{\pi}{6}\right)$ تساوي:

(a) $\frac{1}{2}\sin x + \frac{\sqrt{3}}{2}\cos x$

(b) $\frac{1}{2}(\sin x + \cos x)$

(c) $\frac{\sqrt{3}}{2}\sin x + \frac{1}{2}\cos x$

(d) $\frac{\sqrt{3}}{2}\sin x - \frac{1}{2}\cos x$

(9) $\frac{\sin 2x}{1 + \cos 2x}$ تساوي :

(a) $\csc x$

(b) $\csc 2x \cos x$

(c) $\tan 2x$

(d) $\tan x$

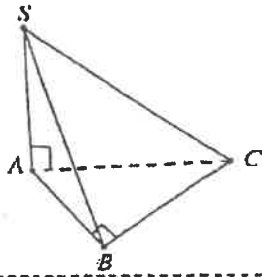
(10) إذا كان $\pi_1 // \pi_2$ ، $\vec{l} \subset \pi_1$ ، $\vec{m} \subset \pi_2$ ، فإن معلوم 2023

(a) $\vec{l} // \vec{m}$

(b) $\vec{l} \perp \vec{m}$

(c) $\vec{l} \cap \vec{m} = \emptyset$

(d) \vec{l}, \vec{m} متخالفان



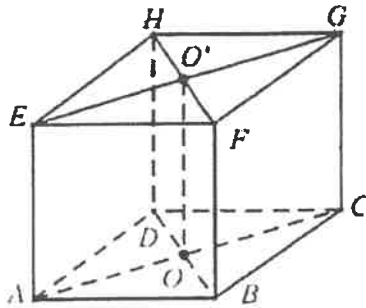
(11) في الشكل المقابل إذا كان $\overrightarrow{SA} \perp (ABC)$ ، $m(\hat{B}) = 90^\circ$ فإن:

(a) $\overline{CB} \perp (SAB)$

(b) المثلث SCB قائم في \hat{C}

(c) المثلث SAB متطابق الضلعين

(d) المثلث SAB قائم في \hat{B}



(12) في الشكل المقابل ABCDEFGH مكعب ،

O مركز المربع $ABCD$ ، O' مركز المربع $EFGH$

فإن $(DHFB)$ ، $(EACG)$ هما معلوم 2023

(a) متطابقان

(b) متعامدان

(c) متوازيان

(d) ليس أي مما سبق

(13) في مفكوك $(2a - 3b)^6$ الحد الذي معاملته 2.160 هو :

(a) الحد الخامس

(b) الحد الرابع

(c) الحد الثالث

(d) الحد الثاني

(14) إذا كان الحدثان m, l مستقلان ، $P(m) = \frac{1}{3}$ ، $P(l) = \frac{9}{10}$ فإن $P(m \cap l)$ تساوي:

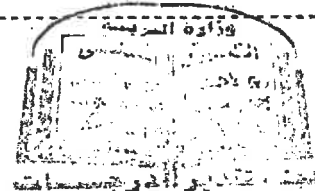
(a) $\frac{1}{3}$

(b) $\frac{25}{30}$

(c) $\frac{11}{30}$

(d) $\frac{3}{10}$

" انتهت الأسئلة "

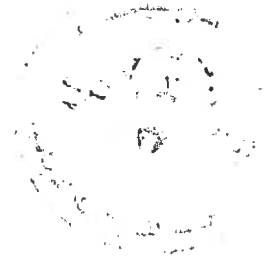
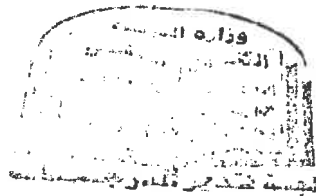


ورقة إجابة البنود الموضوعية

السؤال	الإجابة			
(1)	<input checked="" type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(2)	<input checked="" type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(3)	<input checked="" type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(4)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(5)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/> d
(6)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(7)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(8)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(9)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/> d
(10)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(11)	<input checked="" type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(12)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(13)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(14)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/> d

14

لكل بند درجة واحدة فقط



القسم الأول - أسئلة المقال
تراعى الحلول الأخرى في جميع اسئلة المقال

السؤال الأول : (14 درجة)

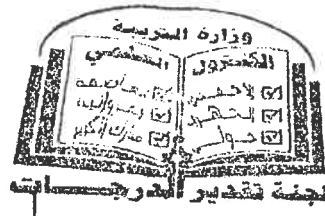
(9 درجات) (a) إذا كان : $z_1 = 3 + 4i$, $z_2 = 5 - 2i$
فأوجد كلا مما يلي في الصورة الجبرية:

1) $\overline{3z_1 - 2z_2}$

1 الحل :
1 $\overline{3z_1 - 2z_2} = \overline{3(3 + 4i) - 2(5 - 2i)}$
1 $= \overline{9 + 12i - 10 + 4i}$
1 $= \overline{-1 + 16i}$
1 $= -1 - 16i$

2) $\frac{z_2}{z_1}$

1 الحل :
1 $\frac{z_2}{z_1} = \frac{5 - 2i}{3 + 4i} \times \frac{3 - 4i}{3 - 4i}$
1 + 1 $= \frac{15 - 20i - 6i - 8}{3^2 + 4^2}$
1 $= \frac{7 - 26i}{25}$
1 $= \frac{7}{25} - \frac{26}{25}i$



تابع السؤال الأول :

(b) أوجد السعة و الدورة للدالة : $y = 3\sin\left(\frac{1}{2}x\right)$, $-4\pi \leq x \leq 4\pi$

ثم ارسم بيانها

(5 درجات)

الحل :

1

السعة : $|a| = |3| = 3$

1

الدورة : $\frac{2\pi}{|b|} = \frac{2\pi}{\left|\frac{1}{2}\right|} = 4\pi$

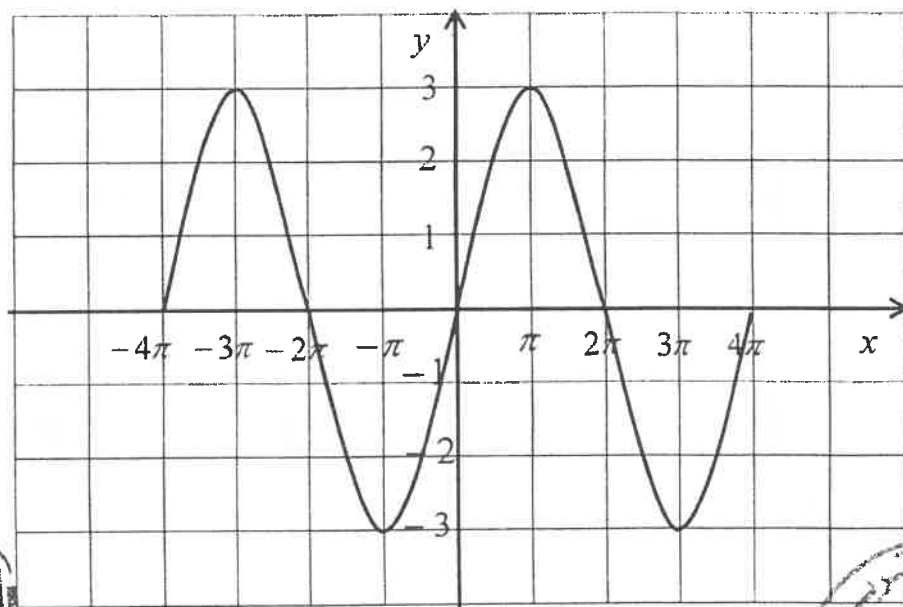
ربع الدورة = π

x	0	π	2π	3π	4π
$\frac{1}{2}x$	0	$\frac{\pi}{2}$	π	$\frac{3\pi}{2}$	2π
$\sin\left(\frac{1}{2}x\right)$	0	1	0	-1	0
$y = 3\sin\left(\frac{1}{2}x\right)$	0	3	0	-3	0

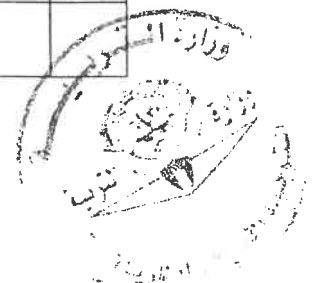
رسم كل

دورة

$\frac{1}{2}$



2



السؤال الثاني : (14 درجة)

(6 درجات) (a) أوجد مساحة سطح مثلث أطوال أضلاعه :

$$a = 9 \text{ cm} , b = 7 \text{ cm} , c = 6 \text{ cm}$$

الحل:

1

$$s = \frac{1}{2}(a + b + c)$$

1

$$s = \frac{1}{2}(9 + 7 + 6) = \frac{1}{2}(22) = 11$$

1

$$A = \sqrt{s(s - a)(s - b)(s - c)}$$

1

$$A = \sqrt{11(11 - 9)(11 - 7)(11 - 6)}$$

1

$$A = \sqrt{11 \times 2 \times 4 \times 5}$$

1

$$A = 2\sqrt{110} \text{ cm}^2$$



تابع السؤال الثاني :

(b) حل المعادلة : $5\sin \theta - 3 = \sin \theta$ حيث $0 \leq \theta < 2\pi$ (8 درجات)

الحل :

$$5\sin \theta - \sin \theta = 3$$

$$4\sin \theta = 3$$

$$\sin \theta = \frac{3}{4}$$

بفرض أن α هي زاوية الاسناد للزاوية θ

$$\sin \alpha = |\sin \theta| = \left| \frac{3}{4} \right| = \frac{3}{4}$$

$$\therefore \alpha \approx 0.848 \text{ radians}$$

$$\sin \theta > 0 \quad \therefore$$

$\therefore \theta$ تقع في الربع الأول أو الربع الثاني

عندما θ تقع في الربع الأول $\therefore \theta = \alpha$

$$\therefore \theta \approx 0.848 \quad 0.848 \in [0, 2\pi)$$

عندما θ تقع في الربع الثاني $\therefore \theta = \pi - \alpha$

$$\therefore \theta \approx \pi - 0.848$$

$$\therefore \theta \approx 2.2935 \quad 2.2935 \in [0, 2\pi)$$

حل المعادلة : $\theta \approx 0.848$ أو $\theta \approx 2.2935$



السؤال الثالث: (14 درجة)

(6 درجات)

(a) إذا كان $\frac{3\pi}{2} < \theta < 2\pi$, $\sin\theta = \frac{-12}{13}$,

أوجد : $\sin 2\theta$

الحل :

$\frac{1}{2}$

$$\sin^2\theta + \cos^2\theta = 1$$

$\frac{1}{2}$

$$\left(\frac{-12}{13}\right)^2 + \cos^2\theta = 1$$

$\frac{1}{2}$

$$\cos^2\theta = 1 - \frac{144}{169} = \frac{25}{169}$$

1

$$\therefore \cos\theta = \frac{5}{13} \text{ أو } \cos\theta = -\frac{5}{13}$$

$\frac{1}{2}$

$$\therefore \frac{3\pi}{2} < \theta < 2\pi \Rightarrow \cos\theta > 0$$

$\frac{1}{2}$

$$\therefore \cos\theta = \frac{5}{13}$$

1

$$\sin 2\theta = 2 \sin\theta \cos\theta$$

1

$$= 2 \left(\frac{-12}{13}\right) \left(\frac{5}{13}\right)$$

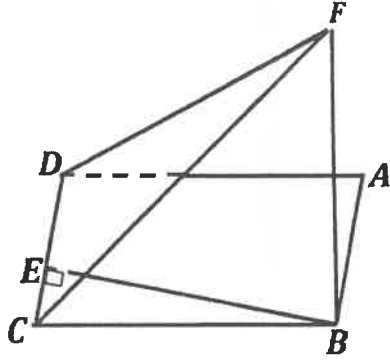
$\frac{1}{2}$

$$= -\frac{120}{169}$$



تابع السؤال الثالث:

(b) في الشكل المقابل $ABCD$ شكل رباعي ، \overline{FB} عمودي على المستوى $ABCD$ ، فإذا كان $\overline{BE} \perp \overline{CD}$ ، $FB = BE$ أوجد قياس الزاوية الزوجية بين المستويين (FCD) ، $(ABCD)$



سؤال

الحل:

$$\because \overline{FB} \perp (ABCD) , \quad \overline{CD} \subset (ABCD)$$

$$\therefore \overline{FB} \perp \overline{CD} \quad (1)$$

$$\overline{BE} \perp \overline{CD} , \overline{BE} \subset (ABCD) \quad (2)$$

$$\therefore \overline{CD} \perp (FBE)$$

$$\therefore \overline{CD} \perp \overline{FE} , \overline{FE} \subset (FCD) \quad (3)$$

\overline{CD} هو خط تقاطع المستويين (FCD) ، $(ABCD)$

من (2) و (3)

الزاوية المستوية للزاوية الزوجية بين المستويين (FCD) ، $(ABCD)$ هي \widehat{FEB}

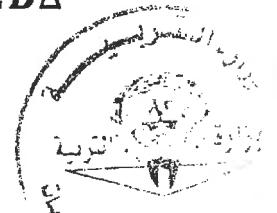
$$FCD \text{ في المستوى } \overline{CD} \perp \overline{FE}$$

$$ABCD \text{ في المستوى } \overline{CD} \perp \overline{BE}$$

$$\overline{FB} \perp \overline{BE} , \quad \overline{FB} = \overline{BE} \quad \text{فيه } FEBA\Delta$$

$$\therefore m(\widehat{FEB}) = \frac{\pi}{4}$$

قياس الزاوية الزوجية بين المستويين (FCD) ، $(ABCD)$ يساوي $\frac{\pi}{4}$



(7 درجات)

السؤال الرابع : (14 درجة)

(a) (1) أكمل ما يلي :

إذا وازي مستقيما خارج مستوى مستقيما في المستوى

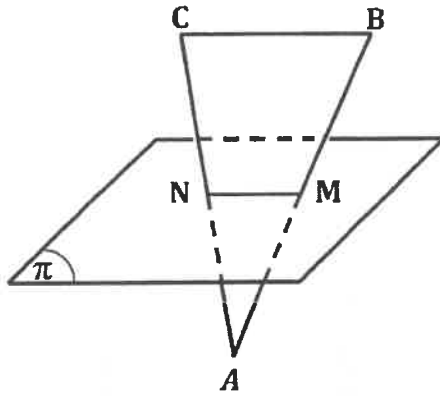
فإنه يوازي المستوى

2

(2) في الشكل المقابل : المثلث ABC فيه M منتصف AB ، N منتصف AC

N, M تنتميان الى المستوى π

أثبت أن : $\vec{BC} // \pi$



الحل :

المثلث ABC فيه

M منتصف AB ، N منتصف AC \therefore

$\therefore \vec{CB} // \vec{NM}$

$\vec{CB} // \vec{NM}$

\vec{CB} خارج المستوى π

N, M تنتميان الى المستوى π

$\therefore \vec{NM} \subset \pi$

$\therefore \vec{BC} // \pi$

1

1

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

1

1



(7 درجات)

تابع السؤال الرابع :

(b) يحتوي كيس على 4 كرات زرقاء اللون و كرتين حمراء اللون . أخذت كرتان معا من دون النظر داخل الكيس . أوجد احتمال كل حدث مما يلي :

(1 الكرتان زرقاوان

(2 كرة زرقاء و كرة حمراء

الحل:

1

$$1) \quad n(S) = {}_6C_2 = \frac{6!}{(6-2)! \times 2!} = 15$$

الحدث A : الكرتان زرقاوان

1

$$n(A) = {}_4C_2 = \frac{4!}{(4-2)! \times 2!} = 6$$

1

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{6}{15} = \frac{2}{5}$$

الحدث B : كرة زرقاء و كرة حمراء

1

$$n(B) = {}_4C_1 \times {}_2C_1$$

1 + 1

$$= \frac{4!}{(4-1)! \times 1!} \times \frac{2!}{(2-1)! \times 1!} = 4 \times 2 = 8$$

1

$$P(B) = \frac{n(B)}{n(S)} = \frac{8}{15}$$



القسم الثاني : البنود الموضوعية

أولاً: في البنود من (1) إلى (4) عبارات ظلل في ورقة الاجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة (b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) إذا كان z_1, z_2 جذران تربيعيان للعدد z فإن $z_1 + z_2 = 0$

(2) سعة الدالة $y = 3 \tan\left(\frac{3}{4}x\right)$ هي 3 .

(3) $\sin 4x = 2 \sin 2x \cos 2x$

(4) إذا كان $\vec{m} \subset \pi$, $\vec{l} \perp \vec{m}$ فإن $\vec{l} \subset \pi$

ثانياً : في البنود من (5) إلى (14) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

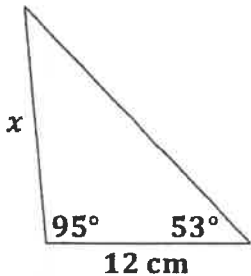
(5) الصورة المثلثية للعدد المركب $z = 2 - 2\sqrt{3}i$ حيث $\theta \in [0, 2\pi)$ هي :

(a) $z = 4 \left(\cos \frac{2\pi}{3} + i \sin \frac{2\pi}{3} \right)$

(b) $z = 4 \left(\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3} \right)$

(c) $z = 4 \left(\cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6} \right)$

(d) $z = 4 \left(\cos \frac{5\pi}{3} + i \sin \frac{5\pi}{3} \right)$



(6) في المثلث المقابل x تساوي تقريباً :

(a) 8.6 cm

(b) 15 cm

(c) 18.1 cm

(d) 19.2 cm

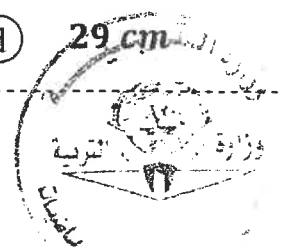
(7) في المثلث ABC : $BC = 20 \text{ cm}$, $AC = 10 \text{ cm}$, $m(\widehat{C}) = 60^\circ$ فإن طول \overline{AB} يساوي :

(a) $10\sqrt{7} \text{ cm}$

(b) $10\sqrt{3} \text{ cm}$

(c) 12.4 cm

(d) 29 cm

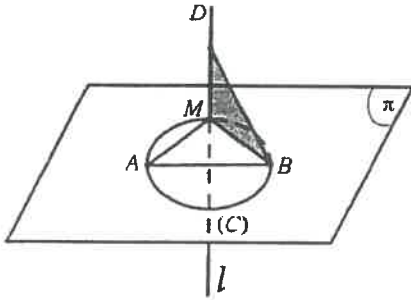


(8) المقدار : $\frac{\sin x}{\csc x} + \frac{\cos x}{\sec x} + 1$ متطابق مع المقدار:

- (a) 1 (b) -1 (c) 2 (d) -2

(9) $\sin \frac{\pi}{3} \cos \frac{\pi}{7} - \sin \frac{\pi}{7} \cos \frac{\pi}{3}$ تساوي :

- (a) $\sin \frac{4\pi}{21}$ (b) $\sin \frac{10\pi}{21}$ (c) $\cos \frac{4\pi}{21}$ (d) $\cos \frac{10\pi}{21}$



(10) في الشكل المقابل : إذا كان $\vec{l} \perp (AMB)$ ،
 \overline{AB} قطر في الدائرة (C) فإن :

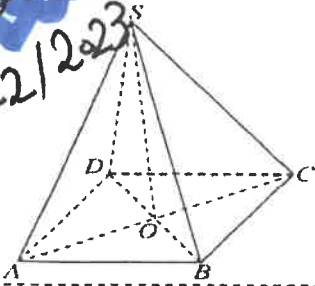
- (a) $\overline{AB} \perp \overline{BD}$ (b) $\vec{l} \perp (BMD)$
 (c) $\overline{AB} \perp \overline{BM}$ (d) $\overline{AM} \perp (BMD)$

(11) إذا كان $\vec{l} \subset \pi_2$, $\vec{l} \perp \pi_1$ فإن :

- (a) $\pi_1 // \pi_2$ (b) $\pi_1 \cap \pi_2 = \vec{l}$ (c) $\pi_1 \perp \pi_2$ (d) $\pi_1 = \pi_2$

(12) في الشكل المقابل إذا كان ABCD مربع مركزه O ، $\overline{SO} \perp ABCD$ فإن :

- (a) $(SAC) \perp (SBD)$ (b) $(SAB) \perp (SBC)$
 (c) $(SAB) // (SCD)$ (d) $(SAD) \perp (ABCD)$



(13) قيمة المقدار ${}_{10}C_6 \times {}_6P_4$ هي :

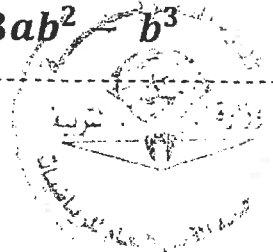
- (a) 7560 (b) 75600 (c) 2100 (d) 210

(14) مفكوك $(a - b)^3$ هو :

- (a) $a^3 + a^2b + ab^2 + b^3$ (b) $a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$
 (c) $a^3 - a^2b + ab^2 - b^3$ (d) $a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$



" انتهت الأسئلة "

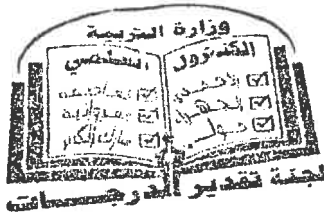


ورقة اجابة البنود الموضوعية

السؤال	الإجابة			
(1)	<input checked="" type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(2)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(3)	<input checked="" type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(4)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(5)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/> d
(6)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(7)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(8)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(9)	<input checked="" type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(10)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/> d
(11)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(12)	<input checked="" type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(13)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(14)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/> d

14

لكل بند درجة واحدة فقط



دولة الكويت

(الأسئلة في 11 صفحة)
الزمن : ساعتان و 45 دقيقة
العام الدراسي 2017/2018

وزارة التربية
التوجيه الفني العام للرياضيات
المجال الدراسي الرياضيات

نموذج إجابة امتحان الفترة الدراسية الثانية - للصف الحادي عشر علمي

(أجب عن جميع الأسئلة التالية موضحا خطوات الحل)

(تراجعى الحلول الأخرى في جميع الأسئلة)

السؤال الأول: (14 درجة)

9 درجات



(a) أوجد الجذرين التربيعيين للعدد المركب $Z = -3 - 4i$

الحل:

ليكن $w = m + ni$ جذرا تربيعيا للعدد z ، فيكون $w^2 = z$

$$(m + ni)^2 = -3 - 4i$$

بالتعويض

$$m^2 - n^2 + 2mni = -3 - 4i$$

خاصية ضرب كثيرات الحدود

$$\begin{cases} m^2 - n^2 = -3 & \text{--- -- --} \rightarrow (1) \end{cases}$$

خاصية المساواة لعددتين مركبتين

$$\begin{cases} 2mn = -4 & \text{--- -- --} \rightarrow (2) \end{cases}$$

$$|w|^2 = |z|$$

نضيف المعادلة:

$$(\sqrt{m^2 + n^2})^2 = (\sqrt{(-3)^2 + (-4)^2})$$

$$m^2 + n^2 = 5 \quad \text{--- -- --} \rightarrow (3)$$

بجمع المعادلتين (1) ، (3) نحصل على:

$$\begin{cases} m^2 - n^2 = -3 \\ m^2 + n^2 = 5 \end{cases}$$

$$2m^2 = 2 \Rightarrow m^2 = 1 \Rightarrow m = \pm 1$$

بالتعويض في (1) نحصل على: $\therefore n^2 = 4 \Rightarrow n = \pm 2$

$$\begin{cases} m = 1 , m = -1 \\ n = 2 , n = -2 \end{cases}$$

من المعادلة $2mn = -4$ نستنتج أن m, n لهما إشارتان مختلفتان

$$\therefore m = 1 , n = -2 \text{ أو } m = -1 , n = 2$$

الجذران التربيعيان للعدد المركب $Z = -3 - 4i$

$$\text{هما: } w_1 = 1 - 2i , w_2 = -1 + 2i$$

تابع السؤال الأول:

(5 درجات)

(b) أوجد مساحة سطح مثلث أطوال أضلاعه: $7\text{cm}, 5\text{cm}, 8\text{cm}$

الحل:

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

$$s = \frac{1}{2}(a + b + c) = \frac{1}{2}(8 + 5 + 7) = 10$$

$$\frac{1}{2}$$

$$\text{Area} = \sqrt{s(s - a)(s - b)(s - c)}$$

$$2$$

$$= \sqrt{10(10 - 8)(10 - 5)(10 - 7)}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$= \sqrt{10(2)(5)(3)}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$= 10\sqrt{3} \text{ cm}^2$$



$$\text{Area} \approx 17.32 \text{ cm}^2$$

السؤال الثاني: (14 درجة)

(6 درجات)

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

(a) حل ΔABC حيث $b = 9 \text{ cm}$, $c = 6 \text{ cm}$, $\alpha = 60^\circ$

الحل:

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos \alpha$$

$$a^2 = 9^2 + 6^2 - 2(9)(6) \cos 60^\circ$$

$$a^2 = 81 + 36 - 108 \times \frac{1}{2}$$

$$a^2 = 63$$

$$a = 3\sqrt{7} \text{ cm}$$

$$\cos \beta = \frac{a^2 + c^2 - b^2}{2ac}$$

$$\cos \beta = \frac{(3\sqrt{7})^2 + (6)^2 - (9)^2}{2(3\sqrt{7})(6)} = \frac{\sqrt{7}}{14}$$

$$\beta \approx 79.1^\circ$$

$$\gamma = 180 - (\alpha + \beta)$$

$$\gamma \approx 180 - (60^\circ + 79.1^\circ)$$

$$\gamma = 40.9^\circ$$



تابع السؤال الثاني:

(b) إذا كان: $\sin \theta = \frac{-3}{5}$, $\pi < \theta < \frac{3\pi}{2}$ ، فأوجد: (8 درجات)

$$\sin\left(\frac{\theta}{2}\right) \quad (1)$$

$$\tan(2\theta) \quad (2)$$

الحل:

$$\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$$

$$\cos^2 \theta = 1 - \sin^2 \theta$$

$$\cos^2 \theta = 1 - \left(\frac{-3}{5}\right)^2$$

$$\cos^2 \theta = 1 - \frac{9}{25} = \frac{25-9}{25} = \frac{16}{25}$$

$$\cos \theta = \pm \sqrt{\frac{16}{25}} = \pm \frac{4}{5}$$

$$\pi < \theta < \frac{3\pi}{2} \quad \therefore \cos \theta < 0$$

$$\cos \theta = \frac{-4}{5}$$

$$(1) \sin\left(\frac{\theta}{2}\right) = \pm \sqrt{\frac{1 - \cos \theta}{2}}$$

$\frac{\theta}{2}$ تقع في الربع الثاني

$$\sin\left(\frac{\theta}{2}\right) = \sqrt{\frac{1 - \left(\frac{-4}{5}\right)}{2}} = \sqrt{\frac{9}{10}} = \frac{3\sqrt{10}}{10}$$

$$(2) \tan(\theta) = \frac{\sin \theta}{\cos \theta} = \frac{\left(\frac{-3}{5}\right)}{\left(\frac{-4}{5}\right)} = \frac{3}{4}$$

$$\tan(2\theta) = \frac{2 \tan \theta}{1 - \tan^2 \theta}$$

$$\tan(2\theta) = \frac{2 \times \frac{3}{4}}{1 - \left(\frac{3}{4}\right)^2} = \frac{\frac{3}{2}}{\frac{7}{16}} = \frac{24}{7}$$

(4)



السؤال الثالث: (14 درجة)

(4 درجات)

(a) أثبت صحة المتطابقة:

$$\tan x + \cot x = \sec x \cdot \csc x$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

$$\tan x + \cot x = \frac{\sin x}{\cos x} + \frac{\cos x}{\sin x}$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

$$= \frac{\sin^2 x}{\cos x \sin x} + \frac{\cos^2 x}{\cos x \sin x}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$= \frac{\sin^2 x + \cos^2 x}{\cos x \sin x}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$= \frac{1}{\cos x \sin x}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$= \frac{1}{\cos x} \cdot \frac{1}{\sin x}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$= \sec x \cdot \csc x$$



تابع السؤال الثالث:

(10 درجات)

(ب) في الشكل المقابل D نقطة خارج مستوى المثلث ABC ،

$$DB = 5 \text{ cm} , AB = 10 \text{ cm} , m(\widehat{BAC}) = 45^\circ$$

$$\overline{DB} \perp (ABC) , \overline{BE} \perp \overline{AC} , \overline{DE} \perp \overline{AC}$$

أوجد:

$$BE \quad (1)$$

(2) قياس الزاوية الزوجية بين المستويين BAC , DAC

الحل:

$$(1) \text{ في المثلث } ABC \quad \because \overline{BE} \perp \overline{AC}$$

$$\therefore \sin(45^\circ) = \frac{BE}{AB}$$

$$BE = 10 \cdot \sin(45^\circ)$$

$$BE = 5\sqrt{2} \text{ cm}$$

(2) \overline{AC} هي خط تقاطع المستويين $(BAC), (DAC)$ (هي حافة الزاوية الزوجية)

$$\overline{BE} \subset (BAC) , \overline{BE} \perp \overline{AC}$$

$$\overline{DE} \subset (DAC) , \overline{DE} \perp \overline{AC}$$

$\therefore \widehat{BED}$ هي الزاوية المستوية للزاوية الزوجية بين المستويين $(BAC), (DAC)$

لإيجاد قياس الزاوية الزوجية

$$\because \overline{DB} \perp (ABC)$$

$$\therefore \overline{DB} \perp \overline{BE}$$

المثلث DBE قائم في B

$$\tan(\widehat{BED}) = \frac{DB}{BE} = \frac{5}{5\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$\therefore m(\widehat{BED}) = \tan^{-1}\left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right) \approx 35.2644^\circ$$

\therefore قياس الزاوية الزوجية بين المستويين $(BAC), (DAC)$ حوالي $35^\circ 15' 52''$

(6)

$\frac{1}{2}$

1

1

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

1

$\frac{1}{2}$

1

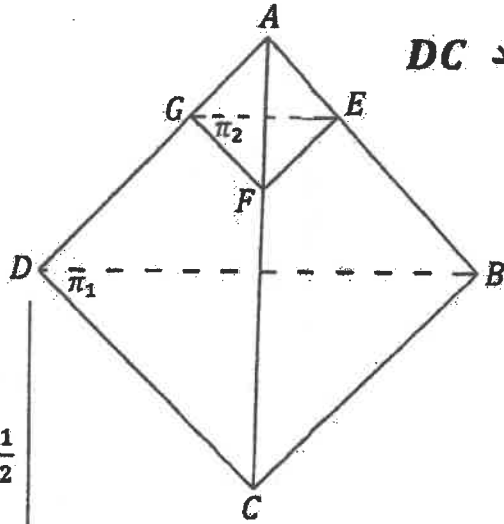
$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

السؤال الرابع: (14 درجة)

(a) في الشكل المقابل ، هرم ثلاثي ، المستويان π_1, π_2 متوازيان (7 درجات)



إذا كان $\frac{AE}{EB} = \frac{1}{3}$ ، $FG = 6 \text{ cm}$ ، فأوجد DC

الحل:

$$\because (ABC) \cap \pi_1 = \overline{BC}$$

$$\because (ABC) \cap \pi_2 = \overline{EF} , \pi_1 // \pi_2$$

$$\therefore \overline{EF} // \overline{BC} \Rightarrow \overline{EF} // \overline{BC}$$

ΔBAC

$$\frac{AE}{AB} = \frac{AF}{AC} = \frac{FE}{CB} = \frac{1}{4}$$

$$\because (ACD) \cap \pi_1 = \overline{DC}$$

$$\because (ACD) \cap \pi_2 = \overline{GF} , \pi_1 // \pi_2$$

$$\therefore \overline{GF} // \overline{DC} \Rightarrow \overline{GF} // \overline{DC}$$

$\therefore \Delta DAC$

$$\frac{AG}{AD} = \frac{AF}{AC} = \frac{GF}{DC} = \frac{1}{4}$$

$$\frac{GF}{DC} = \frac{1}{4}$$

$$\frac{6}{DC} = \frac{1}{4}$$

$$\therefore CD = 4 \times 6 = 24 \text{ cm}$$



تابع السؤال الرابع:

(4 درجات)

(b) (1) استخدم نظرية ذات الحدين لإيجاد مفكوك $(x - 2y)^3$

الحل:

$$4 \times \frac{1}{2} \quad (x - 2y)^3 = {}_3C_0(x)^3 + {}_3C_1(x)^2(-2y) + {}_3C_2(x)(-2y)^2 + {}_3C_3(-2y)^3$$

$$1 \quad (x - 2y)^3 = x^3 + 3x^2(-2y) + 3x(-2y)^2 + (-2y)^3$$

$$1 \quad (x - 2y)^3 = x^3 - 6x^2y + 12xy^2 - 8y^3$$



(2) حل المعادلة: $P_4 = 5 \times nP_3$, $n \geq 4$ (4 درجات)

الحل:

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \quad \frac{n!}{(n-4)!} = 5 \times \frac{n!}{(n-3)!}$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \quad \frac{1}{(n-4)!} = \frac{5}{(n-3)(n-4)!}$$

$$\frac{1}{2} \quad n - 3 = 5$$

$$\frac{1}{2} \quad n = 8$$

القسم الثاني : البنود الموضوعية (14 درجة)

أولاً: في البنود من (1-2) عبارات لكل بند في ورقة الإجابة ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة وظلل (b) إذا كانت العبارة خاطئة

(1) الصورة المبسطة للتعبير $(2 - i) - (12 + 5i)$ هي $(10 - 6i)$

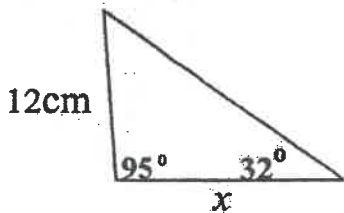
(2) إذا توازي مستقيمان ومر بهما مستويان متقاطعان فإن تقاطعهما هو مستقيم يوازي كلا من هذين المستقيمين.

ثانياً: في البنود من (3-10) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح - ظلل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة



(3) قيمة i^{40} تساوي

- (a) $-i$ (b) 1 (c) i (d) -1



(4) في المثلث المقابل ، x تساوي حوالي:

- (a) 8.6 cm (b) 15 cm
(c) 18.1 cm (d) 19.2 cm

(5) في الدالة المثلثية $y = -2 \sin(3x)$ السعة هي:

- (a) -3 (b) 3 (c) -2 (d) 2

(6) إذا كان $\sin x + \cos x = 0$ فإن الربع الذي تقع فيه x هو

- (a) الأول أو الثالث
(b) الثاني أو الرابع
(c) الثالث
(d) الأول

(7) $\sin \frac{\pi}{3} \cos \frac{\pi}{7} - \sin \frac{\pi}{7} \cos \frac{\pi}{3}$ يساوي

- (a) $\cos \frac{4\pi}{21}$ (b) $\sin \frac{4\pi}{21}$ (c) $\cos \frac{10\pi}{21}$ (d) $\sin \frac{10\pi}{21}$

(8) المنشور القائم خماسي القاعدة يعين:

- (a) خمسة مستويات مختلفة
(b) ستة مستويات مختلفة
(c) سبعة مستويات مختلفة
(d) ثمانية مستويات مختلفة

الحل
مساوي
2023

(9) إذا كان $\vec{l} \subset \pi_2$, $\vec{l} \perp \pi_1$ فإن:

(a) $\pi_1 = \pi_2$

(b) $\pi_1 \cap \pi_2 = \vec{l}$

(c) $\pi_1 // \pi_2$

(d) $\pi_1 \perp \pi_2$

الحل
مساوي
2023



(10) الحدثان m, n متنافيان ، $P(n) = \frac{3}{5}$, $P(m) = \frac{1}{3}$ فإن $P(n \cup m)$ تساوي

(a) $\frac{14}{15}$

(b) $\frac{3}{15}$

(c) $\frac{1}{5}$

(d) 0

انتهت الأسئلة

إجابة الموضوعي

1	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
2	<input checked="" type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
3	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
4	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
5	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/> d
6	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
7	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
8	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
9	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/> d
10	<input checked="" type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d



- البنود [1 - 2] لكل بند درجة واحدة فقط

- البنود [3 - 10] لكل بند درجة ونصف

14

القسم الأول - أسئلة المقال

أجب عن الاسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها

السؤال الأول : (14 درجة)

(5 درجات) (a) (1) أوجد مجموعة حل المعادلة : $4z^2 + 16z + 25 = 0$ في C

$\frac{1}{2}$

$$\Delta = b^2 - 4ac$$

الحل : نصيب المميز Δ :

$\frac{1}{2}$

$$\Delta = (16)^2 - 4(4)(25)$$

$$= -144$$

$$= (-1) \times (12)^2$$

$$= i^2 \times (12)^2$$



$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

$$z_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-16 - 12i}{2 \times 4} = -2 - \frac{3}{2}i$$

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

$$z_2 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-16 + 12i}{2 \times 4} = -2 + \frac{3}{2}i$$

$\frac{1}{2}$

$$\left\{ -2 - \frac{3}{2}i, -2 + \frac{3}{2}i \right\} = \text{مجموعة الحل}$$

(2) أوجد الزوج المرتب (r, θ) للنقطة $D(3\sqrt{3}, 3)$ حيث $0 \leq \theta < 2\pi$

(4 درجات)

الحل :

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

$$r = \sqrt{(3\sqrt{3})^2 + (3)^2} = \sqrt{36} = 6$$

نفرض أن α زاوية الاسناد

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

$$\therefore \tan \alpha = \left| \frac{y}{x} \right| = \left| \frac{3}{3\sqrt{3}} \right| = \frac{1}{\sqrt{3}}$$

$\frac{1}{2}$

$$\alpha = \tan^{-1} \left(\frac{1}{\sqrt{3}} \right) = \frac{\pi}{6} \text{ وبالتالي}$$

$\frac{1}{2}$

$$\therefore x > 0, y > 0 \rightarrow D \text{ تنتمي إلى الربع الأول}$$

$\frac{1}{2}$

$$\therefore \theta = \frac{\pi}{6}$$

$\frac{1}{2}$

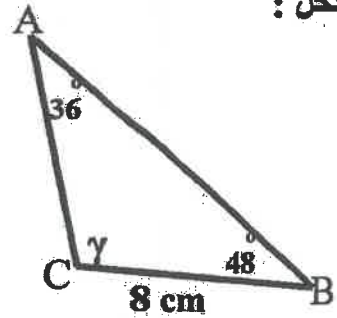
وبالتالي : الاحداثيات القطبية هي $D(6, \frac{\pi}{6})$

تراجعى الحلول الأخرى في جميع أسئلة المقال

تابع السؤال الأول :

(5 درجات) (b) حل المثلث ABC حيث $\alpha = 36^\circ$ ، $\beta = 48^\circ$ ، $a = 8 \text{ cm}$

الحل :



$$\gamma = 180^\circ - (36^\circ + 48^\circ) = 96^\circ$$

$$\frac{\sin \alpha}{a} = \frac{\sin \beta}{b} = \frac{\sin \gamma}{c}$$

$$\frac{\sin 36^\circ}{8} = \frac{\sin 48^\circ}{b} = \frac{\sin 96^\circ}{c}$$

$$\frac{\sin 36^\circ}{8} = \frac{\sin 48^\circ}{b}$$

$$b = \frac{8 \sin 48^\circ}{\sin 36^\circ}$$

$$b \approx 10.11 \text{ cm}$$

$$\frac{\sin 36^\circ}{8} = \frac{\sin 96^\circ}{c}$$

$$c = \frac{8 \sin 96^\circ}{\sin 36^\circ}$$

$$c \approx 13.54 \text{ cm}$$



السؤال الثاني : (14 درجة)

(6 درجات)

(a) أوجد السعة و الدورة ثم ارسم بيان الدالة :

$$y = \frac{1}{2} \cos(-x) \quad : \quad x \in [-2\pi, 2\pi]$$

الحل :

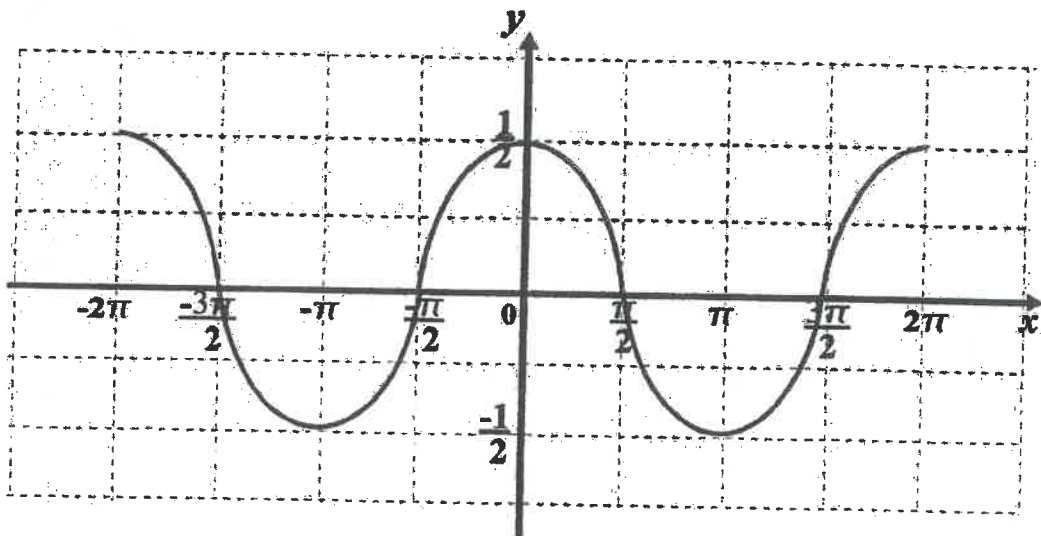
السعة : $|a| = \left| \frac{1}{2} \right| = \frac{1}{2}$

الدورة : $\frac{2\pi}{|b|} = \frac{2\pi}{|-1|} = 2\pi$

∴ ربع الدورة : $\frac{2\pi}{4} = \frac{\pi}{2}$



x	0	$\frac{\pi}{2}$	π	$\frac{3\pi}{2}$	2π
$-x$	0	$-\frac{\pi}{2}$	$-\pi$	$-\frac{3\pi}{2}$	-2π
$\cos(-x)$	1	0	-1	0	1
$\frac{1}{2} \cos(-x)$	$\frac{1}{2}$	0	$-\frac{1}{2}$	0	$\frac{1}{2}$



الرسم
3

تابع السؤال الثاني :

(8 درجات)

(b) إذا كان $\sin \alpha = \frac{4}{5}$, $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$

أوجد كلاً مما يلي : $\cos \beta = \frac{-12}{13}$, $\pi < \beta < \frac{3\pi}{2}$

(1) $\sin(\alpha + \beta)$

(2) $\tan 2\beta$

الحل :

$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$

$\frac{1}{2}$

$\cos^2 \alpha = 1 - \left(\frac{4}{5}\right)^2$

$\frac{1}{2}$

$\cos^2 \alpha = \frac{9}{25} \rightarrow \cos \alpha = \pm \frac{3}{5}$

$\frac{1}{2}$

$\therefore 0 < \alpha < \frac{\pi}{2} \rightarrow \therefore \cos \alpha = \frac{3}{5}$

$\sin^2 \beta + \cos^2 \beta = 1$

$\frac{1}{2}$

$\sin^2 \beta = 1 - \left(\frac{-12}{13}\right)^2$

$\frac{1}{2}$

$\sin^2 \beta = \frac{25}{169} \rightarrow \sin \beta = \pm \frac{5}{13}$

$\frac{1}{2}$

$\therefore \pi < \beta < \frac{3\pi}{2} \therefore \sin \beta = \frac{-5}{13}$

$\frac{1}{2}$

$\tan \beta = \frac{\sin \beta}{\cos \beta}$

$\frac{1}{2}$

$= \frac{\frac{-5}{13}}{\frac{-12}{13}} = \frac{5}{12}$

$\frac{1}{2}$

(1) $\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cos \beta + \cos \alpha \sin \beta$

$1 + \frac{1}{2}$

$= \left(\frac{4}{5}\right)\left(\frac{-12}{13}\right) + \left(\frac{3}{5}\right)\left(\frac{-5}{13}\right) = \frac{-63}{65}$

$1 + \frac{1}{2}$

(2) $\tan 2\beta = \frac{2 \tan \beta}{1 - \tan^2 \beta} = \frac{2 \times \frac{5}{12}}{1 - \left(\frac{5}{12}\right)^2}$

$\frac{1}{2}$

$= \frac{120}{119}$

السؤال الثالث : (14 درجة)

(a) اثبت صحة المتطابقة :

(4 درجات)

$$\frac{\cos x}{1 - \sin x} = \frac{1 + \sin x}{\cos x}$$

الحل :

1

$$\frac{\cos x}{1 - \sin x} = \frac{\cos x}{1 - \sin x} \times \frac{1 + \sin x}{1 + \sin x}$$

1

$$= \frac{\cos x (1 + \sin x)}{1 - \sin^2 x}$$

1



$$= \frac{\cos x (1 + \sin x)}{\cos^2 x}$$

1

$$= \frac{1 + \sin x}{\cos x}$$

تابع السؤال الثالث :

(10 درجات)

(b) في الشكل المقابل: D نقطة خارج مستوى المثلث ABC ، $m(\hat{BAC}) = \frac{\pi}{6}$ ،

$\overline{BE} \perp \overline{AC}$ ، $\overline{DE} \perp \overline{AC}$ ، $\overline{DB} \perp (ABC)$ ، $BD = 5 \text{ cm}$ ، $AB = 10 \text{ cm}$ ،

أوجد : (1) BE

(2) قياس الزاوية الزوجية بين المستويين (BAC) ، (DAC)

$\frac{1}{2}$

1

$\frac{1}{2}$

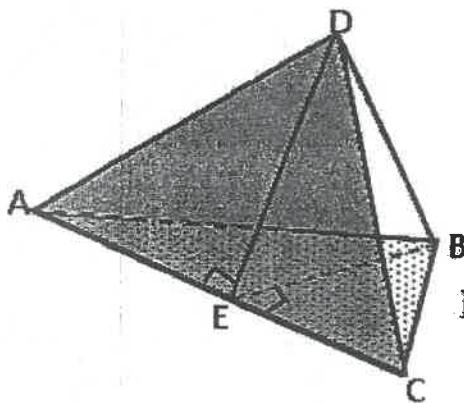
1

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

1



الحل : (1) $\overline{BE} \perp \overline{AC}$:: (1)

$$\therefore m(\hat{BEA}) = \frac{\pi}{2}$$

\therefore AEB مثلث ثلاثيني مستقيم

$$BE = \frac{1}{2}AB = 5 \text{ cm}$$

(2) \overleftrightarrow{AC} هو خط تقاطع المستويين BAC ، DAC

$\overline{BE} \perp \overline{AC}$ في المستوى BAC ،

$\overline{DE} \perp \overline{AC}$ في المستوى DAC

\therefore الزاوية المستوية للزاوية الزوجية بين المستويين BAC ، DAC هي \hat{BED}

(معطى) $\overline{DB} \perp (ABC)$ ، $\overline{BE} \subset (ABC)$

$\therefore \overline{DB} \perp \overline{BE}$ (المستقيم العمودي على مستو)

\therefore المثلث DBE قائم في B و متطابق الضلعين

$$\therefore m(\hat{BED}) = \frac{\pi}{4}$$

\therefore قياس الزاوية الزوجية بين المستويين BAC ، DAC يساوي $\frac{\pi}{4}$



$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

1

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

1

$\frac{1}{2}$

السؤال الرابع :

(a) (1) أكمل :

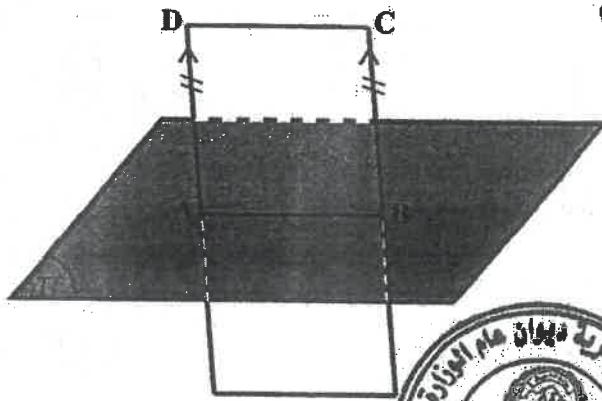
(7 درجات)

1

إذا وازى مستقيم خارج مستوي مستقيما في المستوي ، فإنه يوازي المستوي

(2) في الشكل المقابل : $\overleftrightarrow{AB} \subset \pi$ ، $\overleftrightarrow{AD} \parallel \overleftrightarrow{BC}$ ، $AD=BC$:

اثبت أن : $\overleftrightarrow{CD} \parallel \pi$



الحل :



$\frac{1}{2}$

$$\therefore \overleftrightarrow{AD} \parallel \overleftrightarrow{BC}$$

1

$\therefore \overleftrightarrow{AD}$ ، \overleftrightarrow{BC} يعينان مستويًا واحدًا وليكن (ABCD) فيه

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

$$\overleftrightarrow{AD} \parallel \overleftrightarrow{BC} \text{ , } AD = BC$$

1

\therefore ABCD متوازي أضلاع

$$\text{ومنه } \overline{DC} \parallel \overline{AB}$$

1

$$\therefore \overleftrightarrow{DC} \parallel \overleftrightarrow{AB}$$

$\frac{1}{2}$

$$\therefore \overleftrightarrow{AB} \subset \pi \text{ (معطى)}$$

1

$$\therefore \overleftrightarrow{CD} \parallel \pi \text{ (نظرية)}$$

تابع السؤال الرابع :

(b) خلال شهر التسوق يقدم أحد المحلات العرض التالي : عند شراء كل صنف تحصل (7 درجات)
على بطاقة. تفوز %30 من البطاقات بجوائز ويتم اختيار هذه البطاقات الربحة
بشكل عشوائي ، مع راشد 4 بطاقات ، فما احتمال أن يفوز راشد بجائزتين ؟
الحل :

نفرض الحدث A : فوز راشد بجائزة

1

$$P(A) = m = 0.30$$

نفرض الحدث B : عدم فوز راشد بجائزة

1

$$P(B) = 1 - m = 0.70$$

نفرض الحدث E : فوز راشد بجائزتين

1

فيكون $k = 2$, $n = 4$

1

$$P(E) = {}_n C_k (m)^k (1 - m)^{n - k}$$

2

$$= {}_4 C_2 (0.3)^2 (0.7)^2$$

1



القسم الثاني : البنود الموضوعية (14 درجة)

- أولاً: في البنود من (1) إلى (2) عبارات ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة
 (b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) مرافق العدد المركب : $z = 3 + 4i$ هو $\bar{z} = 3 - 4i$

(2) إذا كان : $\vec{l} \parallel \pi$, $\vec{m} \parallel \pi$, فإن $\vec{l} \parallel \vec{m}$

ثانياً: في البنود من (3) إلى (10) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(3) الصورة المثلثية للعدد المركب : $z = \frac{-4}{1-i}$ هي z تساوي:

- (a) $4 \left(\cos \frac{5\pi}{4} + i \sin \frac{5\pi}{4} \right)$ (b) $2\sqrt{2} \left(\cos \frac{5\pi}{4} + i \sin \frac{5\pi}{4} \right)$
 (c) $2\sqrt{2} \left(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4} \right)$ (d) $2\sqrt{2} \left(\cos \frac{7\pi}{4} + i \sin \frac{7\pi}{4} \right)$

(4) مساحة المثلث الذي أطوال أضلاع 7 cm , 8 cm , 9 cm هي :

- (a) $16\sqrt{3} \text{ cm}^2$ (b) $18\sqrt{3} \text{ cm}^2$ (c) 24 cm^2 (d) $12\sqrt{5} \text{ cm}^2$

(5) في مثلث ABC : $m(\hat{C}) = 60^\circ$, $AC = 10 \text{ cm}$, $BC = 20 \text{ cm}$ فإن طول \overline{AB} يساوي :

- (a) $10\sqrt{3} \text{ cm}$ (b) $10\sqrt{7} \text{ cm}$ (c) 12.4 cm (d) 29 cm

(6) $\cos \left(h + \frac{\pi}{2} \right)$ يساوي :

- (a) $-\sin h$ (b) $\sin h$ (c) $\cos h$ (d) $-\cos h$

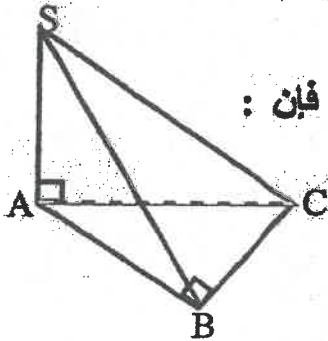
(7) مجموعة حل المعادلة : $\tan(x) = -\sqrt{3}$ حيث $0 \leq \theta < 2\pi$ هي x تساوي:

(a) $\left\{ \frac{2\pi}{3}, \frac{\pi}{3} \right\}$

(b) $\left\{ \frac{2\pi}{3} \right\}$

(c) $\left\{ \frac{4\pi}{3}, \frac{\pi}{3} \right\}$

(d) $\left\{ \frac{2\pi}{3}, \frac{5\pi}{3} \right\}$



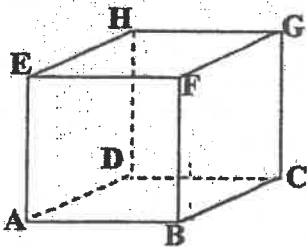
(8) في الشكل المقابل: إذا كان $\vec{SA} \perp (ABC)$ ، $m(\hat{ABC}) = 90^\circ$ فإن:

(a) المثلث SAB قائم في \hat{B}

(b) $\vec{CB} \perp (SAB)$

(c) المثلث SAB متطابق الضلعين

(d) المثلث SCB قائم في \hat{C}



(9) في المكعب ABCDEFGH ، \vec{BD} ، \vec{EG} هما:

(a) متوازيان

(b) متقاطعان

(c) متخالفان

(d) يحويهما مستو واحد



(10) معامل الحد الثالث في مفكوك $(3c - 4b)^5$ هو:

(a) 5170

(b) 3312

(c) 4320

(d) 2316

" انتهت الأسئلة "

ورقة إجابة البنود الموضوعية

السؤال	الإجابة			
(1)	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
(2)	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
(3)	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
(4)	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
(5)	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
(6)	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
(7)	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
(8)	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
(9)	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
(10)	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>

- البنود [1-2] كل بند درجة واحدة فقط

- البنود [3-10] كل بند درجة ونصف

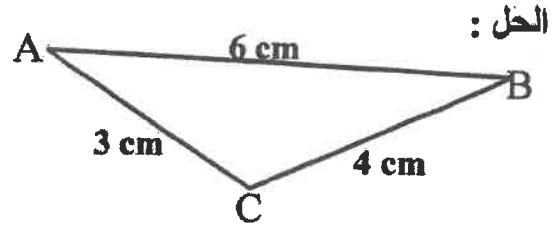
14



القسم الأول - أسئلة المقال

أجب عن الاسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها

السؤال الأول : (14 درجة)

(5 درجات) (a) حل المثلث ABC حيث $a = 4 \text{ cm}$ ، $b = 3 \text{ cm}$ ، $c = 6 \text{ cm}$ 

$$\cos \alpha = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc}$$

$$= \frac{9 + 36 - 16}{2(3)(6)}$$

$$= \frac{29}{36}$$

$$\alpha \approx 36.3^\circ$$

$$\cos \beta = \frac{a^2 + c^2 - b^2}{2ac}$$

$$= \frac{16 + 36 - 9}{2(4)(6)}$$

$$= \frac{43}{48}$$

$$\beta \approx 26.4^\circ$$

$$\gamma = 180^\circ - 26.4^\circ - 36.3^\circ$$

$$\approx 117.3^\circ$$



تراجعى الحلول الأخرى في جميع أسئلة المقال

تابع السؤال الأول :

(9 درجات)

(b) إذا كان : $z_2 = 1 - i$ ، $z_1 = -2 + 2i$

(1) ضع z_1 في الصورة المثلثية

(2) حل المعادلة : $2z + \overline{z_1} = 3i (z_2)^2$

الحل :

(1) $z_1 = -2 + 2i$

$x = -2$ ، $y = 2$

1 $r = |z_1| = \sqrt{(-2)^2 + (2)^2} = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}$

نفرض أن α زاوية الإسناد

1 $\tan \alpha = \left| \frac{y}{x} \right| = |-1| = 1$

$\frac{1}{2}$ $\therefore \alpha = \frac{\pi}{4}$

$x < 0$ ، $y > 0$

$\frac{1}{2}$

$\therefore \theta$ تقع في الربع الثاني

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

$\theta = \pi - \alpha = \pi - \frac{\pi}{4} = \frac{3\pi}{4}$

1

الصورة المثلثية هي : $z_1 = 2\sqrt{2} \left(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4} \right)$

(2) $2z + \overline{z_1} = 3i (z_2)^2$

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

$2z + (-2 + 2i) = 3i (1 - i)^2$

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

$2z + -2 - 2i = 3i (1 - 2i - 1)$

$2z + -2 - 2i = 3i (-2i)$

$\frac{1}{2}$

$2z + -2 - 2i = -6i^2$

$\frac{1}{2}$

$2z + -2 - 2i = 6$

$\frac{1}{2}$

$2z = 6 + 2 + 2i = 8 + 2i$

$\frac{1}{2}$

$z = 4 + i$



السؤال الثاني : (14 درجة)

(6 درجات)

(a) أوجد مساحة المثلث ABC حيث

مستخدماً قاعدة هيرون $a = 23 \text{ cm} , b = 19 \text{ cm} , c = 12 \text{ cm}$

الحل :

$\frac{1}{2}$

$$s = \frac{1}{2} (a + b + c)$$

1

$$= \frac{1}{2} (23 + 19 + 12)$$

$$= \frac{1}{2} (54)$$

$\frac{1}{2}$

$$= 27$$

1

$$\text{Area} = \sqrt{s (s - a) (s - b) (s - c)}$$

1

$$= \sqrt{27 (27 - 23) (27 - 19) (27 - 12)}$$

1

$$= \sqrt{(27) (4) (8) (15)}$$

$$= \sqrt{12960}$$

1

$$= 36\sqrt{10} \text{ cm}^2$$

$$\text{Area} \approx 113.84 \text{ cm}^2$$



∴ مساحة المثلث ABC = 113.84 cm^2 تقريباً

تابع السؤال الثاني :

(b) إذا كان $\sin \alpha = \frac{3}{5}$ ، $\cos \beta = \frac{24}{25}$ حيث α ، β زاويتين حادتين (8 درجات)
أوجد كلاً مما يلي :

(1) $\cos(\alpha - \beta)$

(2) $\sin\left(\frac{\pi}{2} - \beta\right)$

$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$

الحل :

$\frac{1}{2}$ $\cos^2 \alpha = 1 - \left(\frac{3}{5}\right)^2$

$\frac{1}{2}$ $\cos^2 \alpha = \frac{16}{25} \longrightarrow \cos \alpha = \pm \frac{4}{5}$

$\frac{1}{2}$ $\therefore \cos \alpha = \frac{4}{5}$

α زاوية حادة



$\sin^2 \beta + \cos^2 \beta = 1$

$\frac{1}{2}$ $\sin^2 \beta = 1 - \left(\frac{24}{25}\right)^2$

$\frac{1}{2}$ $\sin^2 \beta = \frac{49}{625} \quad \sin \beta = \pm \frac{7}{25}$

$\frac{1}{2}$ $\therefore \sin \beta = \frac{7}{25}$

β زاوية حادة

1 (1) $\cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta$

1 $= \left(\frac{4}{5}\right)\left(\frac{24}{25}\right) + \left(\frac{3}{5}\right)\left(\frac{7}{25}\right)$

1 $= \frac{117}{125}$

1 (2) $\sin\left(\frac{\pi}{2} - \beta\right) = \cos \beta$

1 $= \frac{24}{25}$

السؤال الثالث : (14 درجة)

(4 درجات)

$$\sin x = \frac{-\sqrt{3}}{2} \quad \text{(a) حل المعادلة :}$$

الحل :

نفرض أن α هي زاوية الإسناد للزاوية x

$$\sin \alpha = | \sin x |$$

$$= \left| \frac{-\sqrt{3}}{2} \right| = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\alpha = \frac{\pi}{3}$$

$$\sin x < 0$$

$\therefore x$ تقع في الربع الثالث أو في الربع الرابع

عندما x تقع في الربع الثالث :

$$x = \left(\pi + \frac{\pi}{3} \right) + 2k\pi, \quad k \in \mathbb{Z}$$

$$= \frac{4\pi}{3} + 2k\pi$$

عندما x تقع في الربع الرابع :

$$x = \left(2\pi - \frac{\pi}{3} \right) + 2k\pi, \quad k \in \mathbb{Z}$$

$$= \frac{5\pi}{3} + 2k\pi$$



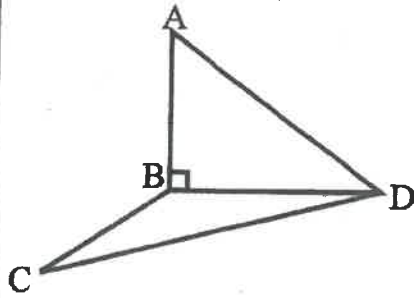
تابع السؤال الثالث :

(b) A, B, C, D أربع نقاط ليست مستوية معاً، إذا كان $\vec{AB} \perp (BCD)$ (10 درجات)

وكان $(AD)^2 = (AB)^2 + (BC)^2 + (CD)^2$

اثبت أن : (1) $\overline{BC} \perp \overline{DC}$ (2) $(ABD) \perp (CBD)$

الحل :



محلولة
2023



1 $\vec{AB} \perp (BCD)$

1 $\vec{BD} \subset (BCD)$

1 $\therefore \vec{AB} \perp \vec{BD}$

$\therefore \triangle ABD$ مثلث قائم الزاوية في \hat{B} ومنه :

1 $(AD)^2 = (AB)^2 + (BD)^2$ (1)

1 $(AD)^2 = (AB)^2 + (BC)^2 + (CD)^2$ (2)

من (1) ، (2) نجد أن :

2 $(BD)^2 = (BC)^2 + (CD)^2$

$\therefore \triangle BDC$ مثلث قائم الزاوية في \hat{C} (عكس نظرية فيثاغورث) ومنه :

1 $\therefore \overline{BC} \perp \overline{DC}$

-- $\vec{AB} \perp (BCD)$ (معطى)

1 $\vec{AB} \subset (ABD)$

1 $\therefore (ABD) \perp (CBD)$ (نظرية)

السؤال الرابع : (14 درجة)

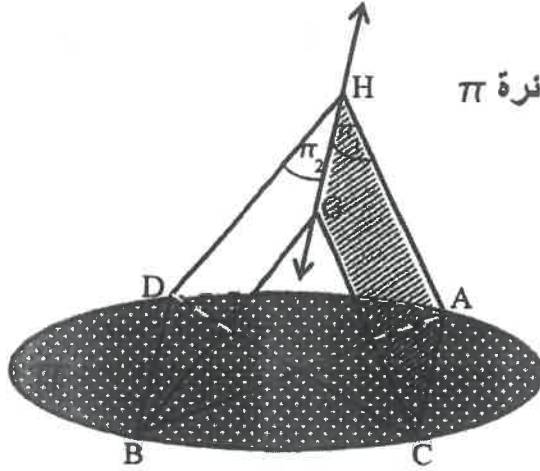
(7 درجات)

(a) في الشكل المقابل : \overline{AB} , \overline{CD} قطران في مستوى الدائرة π

\overleftrightarrow{GH} يوازي π مستوى الدائرة π ، أثبت أن $\pi_2 \cap \pi_1 = \overleftrightarrow{GH}$

الحل :

- 1/2
1/2
1/2
1
1/2
1
1
1
1
1



\overline{AB} , \overline{CD} قطران في مستوى الدائرة π

∴ ينصف كل منهما الآخر و متطابقان

∴ الشكل ABCD مستطيل

$$\therefore \overline{AC} \parallel \overline{DB} \dots\dots\dots (1)$$

$$\overline{AC} \subset \pi_1 , \overline{DB} \subset \pi_2$$

$$\pi_2 \cap \pi_1 = \overleftrightarrow{GH} \dots\dots\dots (2)$$

$$\overleftrightarrow{GH} \parallel \overleftrightarrow{AC} \parallel \overleftrightarrow{DB} \text{ من (1) ، (2)}$$

$$\therefore \overleftrightarrow{GH} \parallel \overleftrightarrow{AC} , \overleftrightarrow{AC} \subset \pi$$

$$\therefore \overleftrightarrow{GH} \parallel \pi$$

أي أن مستوى الدائرة π يوازي \overleftrightarrow{GH}



(7 درجات)

(b) أوجد الحد الذي يحتوي على $x^3 y^4$ في مفكوك $(2x + 3y)^7$

الحل:

- 1
1/2
1/2
2
1
1
1

الحد الذي رتبته $r + 1$ هو : $T_{r+1} = {}_n C_r \cdot x^{n-r} \cdot y^r$

في مفكوك كثيرة الحدود $(2x + 3y)^7$ ، $n = 7$

∴ أس y يساوي 4 ∴ $r = 4$

$$T_5 = {}_7 C_4 \cdot (2x)^3 \cdot (3y)^4$$

$$= (35) 2^3 x^3 \cdot 3^4 y^4$$

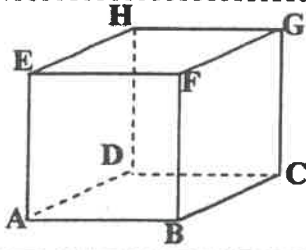
$$= (35) (8) (81) x^3 y^4$$

$$= 22680 x^3 y^4$$

ثانياً: البنود الموضوعية (14 درجة)

- أولاً: في البنود من (1) إلى (2) عبارات ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة
 (b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) الصورة الجبرية للعدد $3 + \sqrt{-4}$ هي $3 - 2i$



(2) في الشكل المقابل: إذا كان ABCDEFGH مكعب فإن
 \overleftrightarrow{AB} ، \overleftrightarrow{HG} يعينان مستويين

ثانياً: في البنود من (3) إلى (10) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(3) مجموعة حل $z^2 - 4z + 20 = 0$: $z \in C$ هي :

- (a) $\{ 2 - 4i , -2 - 4i \}$ (b) $\{ -2 + 4i , -2 - 4i \}$
 (c) $\{ 2 - 4i , -2 + 4i \}$ (d) $\{ 2 - 4i , 2 + 4i \}$

(4) معادلة الدالة المثلثية $y = a \cos (bx)$ للدورة 6 يمكن أن تكون :

- (a) $y = -\frac{1}{4} \cos (\frac{x}{3})$ (b) $y = -4 \cos (\frac{3}{\pi} x)$
 (c) $y = -4 \cos (\frac{\pi}{3} x)$ (d) $y = 4 \cos (\frac{x}{3})$

(5) مثلث قياسات زواياه 50° , 60° , 70° فإذا كان طول أصغر ضلع فيه هو 9 cm فإن أطول ضلع يساوي تقريباً :

- (a) 11 cm (b) 11.5 cm (c) 12 cm (d) 12.5 cm

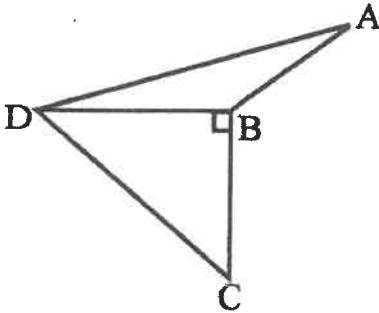
(6) المقدار $\tan^2 x - \sin^2 x$ متطابق مع المقدار :

- (a) $\cot^2 x$ (b) $\tan^2 x$ (c) $\cot^2 x \cos^2 x$ (d) $\tan^2 x \sin^2 x$

(7) $\sin(2\theta) =$

- (a) $\cos \theta \sin \theta$ (b) $\sin^2 \theta$ (c) $\cos^2 \theta$ (d) $2 \cos \theta \sin \theta$

(8) في الشكل المقابل ، المثلث DBC قائم الزاوية في B فإذا كان $\overrightarrow{AB} \perp \overrightarrow{BC}$ فإن الزاوية المستوية للزاوية الزوجية \overrightarrow{BD} هي :



- (a) \widehat{DBC} (b) \widehat{ABC}
(c) \widehat{ABD} (d) \widehat{ADC}

(9) إذا كان $\pi_2 // \pi_1$ ، $\pi_2 \neq \pi_1$ ، $\vec{l} \subset \pi_1$ ، $\vec{m} \subset \pi_2$ فإن :

- (a) $\vec{l} // \vec{m}$ (b) $\vec{l} \perp \vec{m}$ (c) متخالفان \vec{l} ، \vec{m} (d) $\vec{l} \cap \vec{m} = \emptyset$

(10) عدد طرائق المختلفة التي يمكن اختيار مجموعة من 7 أعلام هي :

- (a) 210 (b) 35 (c) 840 (d) 24

" انتهت الأسئلة "

ورقة إجابة البنود الموضوعية

السؤال	الإجابة			
(1)	a	<input checked="" type="radio"/>	c	d
(2)	<input checked="" type="radio"/>	b	c	d
(3)	a	b	c	<input checked="" type="radio"/>
(4)	a	b	<input checked="" type="radio"/>	d
(5)	<input checked="" type="radio"/>	b	c	d
(6)	a	b	c	<input checked="" type="radio"/>
(7)	a	b	c	<input checked="" type="radio"/>
(8)	a	<input checked="" type="radio"/>	c	d
(9)	a	b	c	<input checked="" type="radio"/>
(10)	a	<input checked="" type="radio"/>	c	d

14

البنود [1 - 2] لكل بند درجة واحدة فقط
-البنود [3 - 10] لكل بند درجة ونصف



القسم الأول - أسئلة المقال

أجب عن الاسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها

السؤال الأول : (14 درجة)

(5 درجات) حل المثلث ABC حيث $a = 11\text{cm}$, $b = 5\text{cm}$, $\gamma = 20^\circ$

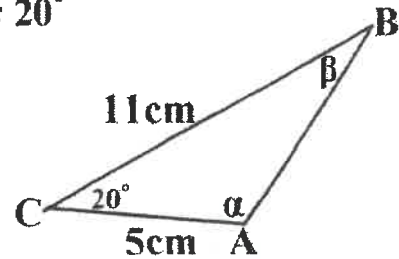
الحل :

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos \gamma$$

$$= 121 + 25 - (2)(11)(5) \cos 20^\circ$$

$$= 42.6$$

$$c \approx 6.5 \text{ cm}$$



$$\cos \alpha = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc}$$

$$= \frac{25 + 42.6 - 121}{2(5)(6.5)}$$

$$\alpha \approx 145.2^\circ$$

$$\beta = 180^\circ - (145.2^\circ + 20^\circ)$$

$$\beta \approx 14.8^\circ$$

تراجعى الحلول الأخرى في جميع أسئلة المقال

(9 درجات)

تابع السؤال الأول :

(b) إذا كان $z_1 = -2 - 2i$, $z_2 = 3 - 5i$

(1) اوجد : z_2^{-1}

(2) اكتب العدد z_1 في الصورة المثلثية

الحل :

(1)
$$z_2^{-1} = \frac{1}{3 - 5i} \times \frac{3 + 5i}{3 + 5i}$$

$$= \frac{3 + 5i}{9 + 25}$$

$$= \frac{3}{34} + \frac{5}{34}i$$



$z_1 = -2 - 2i$
 $x_1 = -2$, $y_1 = -2$

$r_1 = | z_1 | = \sqrt{(-2)^2 + (-2)^2} = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}$

نفرض أن α زاوية الإسناد

$\tan \alpha = \left| \frac{y_1}{x_1} \right| = \left| \frac{-2}{-2} \right| = 1$

$\therefore \alpha = \frac{\pi}{4}$

$\therefore x_1 < 0$, $y_1 < 0 \longrightarrow \therefore \theta$ تقع في الربع الثالث .

$\therefore \theta = \pi + \alpha = \pi + \frac{\pi}{4} = \frac{5\pi}{4}$

$z_1 = 2\sqrt{2} \left(\cos \frac{5\pi}{4} + i \sin \frac{5\pi}{4} \right)$ الصورة المثلثية هي :

السؤال الثاني : (14 درجة)

(6 درجات)

(a) اوجد السعة والدورة للدالة: $y = -5 \cos\left(\frac{2x}{3}\right)$ ثم ارسم بيانها

الحل :

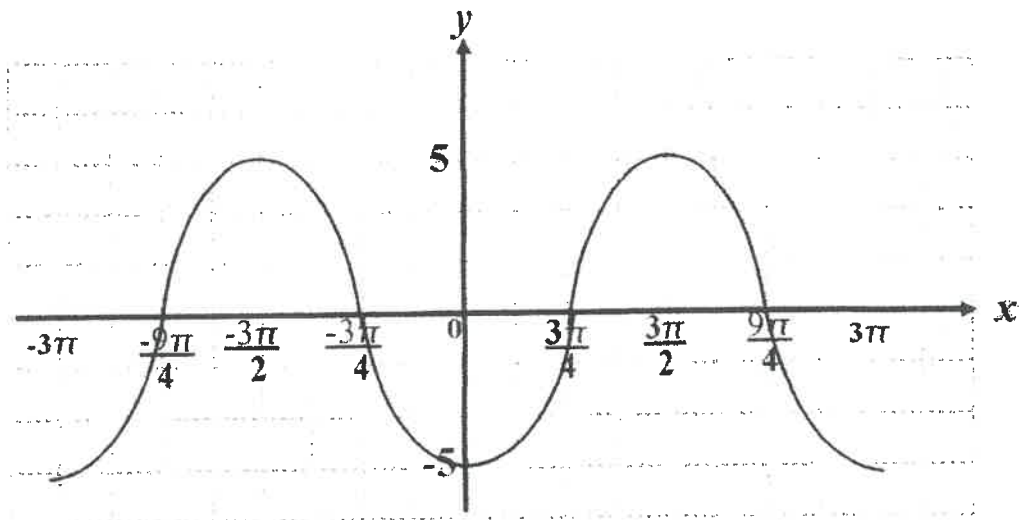
$$|a| = |-5| = 5 = \text{السعة}$$

$$\frac{2\pi}{|b|} = \frac{2\pi}{\left|\frac{2}{3}\right|} = \frac{3}{2} \times 2\pi = 3\pi : \text{الدورة}$$

$$\therefore \text{ربع الدورة} = \frac{3\pi}{4}$$



x	0	$\frac{3\pi}{4}$	$\frac{3\pi}{2}$	$\frac{9\pi}{4}$	3π
$\frac{2x}{3}$	0	$\frac{\pi}{2}$	π	$\frac{3\pi}{2}$	2π
$\cos\left(\frac{2x}{3}\right)$	1	0	-1	0	1
$-5 \cos\left(\frac{2x}{3}\right)$	-5	0	5	0	-5



الرسم
3

تابع السؤال الثاني :

(8 درجات) (b) حل المعادلة : $5 \sin \theta - 2 = \sin \theta$ حيث $0 \leq \theta < 2\pi$

الحل :

$$5 \sin \theta - 2 = \sin \theta$$

$$5 \sin \theta - \sin \theta = 2$$

$$4 \sin \theta = 2$$

$$\sin \theta = \frac{1}{2}$$

نفرض أن α هي زاوية الإسناد للزاوية θ

$$\sin \alpha = |\sin \theta|$$

$$= \left| \frac{1}{2} \right| = \frac{1}{2}$$

$$\therefore \alpha = \frac{\pi}{6}$$

$$\therefore \sin \theta > 0$$

$\therefore \theta$ تقع في الربع الأول أو الثاني

عندما تقع في الربع الأول :

$$\theta = \alpha$$

$$\theta = \frac{\pi}{6}$$

عندما تقع في الربع الثاني :

$$\begin{aligned} \theta &= \pi - \frac{\pi}{6} \\ &= \frac{5\pi}{6} \end{aligned}$$

السؤال الثالث : (14 درجة)

(4 درجات) (a) أثبت صحة المتطابقة : $\frac{1}{1-\cos x} + \frac{1}{1+\cos x} = 2 \csc^2 x$

الحل :

الطرف الأيسر :

$$\frac{1}{1-\cos x} + \frac{1}{1+\cos x}$$

$$= \frac{1+\cos x}{1-\cos^2 x} + \frac{1-\cos x}{1-\cos^2 x}$$



$$= \frac{1+\cos x+1-\cos x}{1-\cos^2 x}$$

$$= \frac{2}{1-\cos^2 x}$$

$$= \frac{2}{\sin^2 x}$$

$$= 2 \csc^2 x$$

$$= \text{الطرف الأيمن}$$

تابع السؤال الثالث :

(10 درجات)

(b) في الشكل المقابل C نقطة خارج مستوى الدائرة التي مركزها M
D منتصف \overline{AB} ، مثلث فيه $CA = CB$ إذا كان

$$DC = DM = 5 \text{ cm} , MC = \sqrt{50} \text{ cm}$$

اثبت ان : $\overline{MC} \perp \overline{AB}$ (1)

(2) مستوى الدائرة $\perp (ACB)$

الحل :

في المثلث ABC متطابق الضلعين

D : منتصف \overline{AB}

$$\therefore \overline{CD} \perp \overline{AB} \dots\dots (1)$$

في مستوى الدائرة

D : منتصف \overline{AB} ، M مركز الدائرة

$$\therefore \overline{MD} \perp \overline{AB} \dots\dots (2)$$

من (1) ، (2) نجد ان :

$$\overline{AB} \perp (CDM)$$

$$\therefore \overline{AB} \perp \overline{MC}$$

$$\therefore \overline{CD} \perp \overline{AB}$$

$$(CM)^2 = (\sqrt{50})^2 = 50$$

$$(CD)^2 + (DM)^2 = 5^2 + 5^2 = 50$$

$$\therefore \overline{CD} \perp \overline{DM} \dots\dots (3)$$

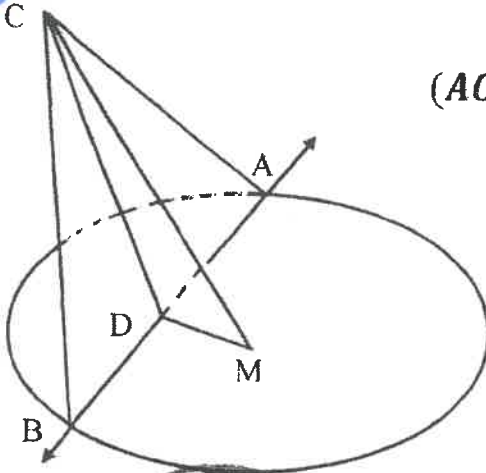
∴ المثلث CDM قائم الزاوية في \hat{D}

من (1) ، (3) نجد ان :

$$\therefore \overline{CD} \subset (ACB) , \overline{CD} \perp \text{مستوى الدائرة}$$

∴ مستوى الدائرة $\perp (ACB)$ (نظرية)

حل
2023



1/2

1/2

1

1/2

1

1/2

1

1/2

1/2

1/2

1/2

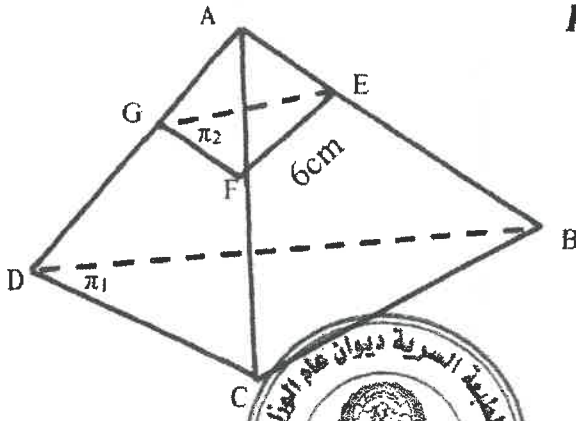
1

1

1

السؤال الرابع : (14 درجة)

(a) في الشكل المقابل $ABCD$ هرم ثلاثي ، المستويان π_1, π_2 متوازيان (7 درجات)



إذا كان $FE = 6cm$ ، $\frac{AE}{EB} = \frac{1}{3}$

أوجد : CB

الحل :

$$\therefore \overleftrightarrow{AB} \cap \overleftrightarrow{AC} = \{A\}$$

\therefore يعينان مستوي وحيد ليكن π

$$\pi \cap \pi_2 = \overleftrightarrow{FE}$$

$$\pi \cap \pi_1 = \overleftrightarrow{CB}$$

$$\therefore \pi_1 // \pi_2$$

$$\therefore \overleftrightarrow{FE} // \overleftrightarrow{CB}$$

$$\therefore \frac{AE}{EB} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{FE}{CB} = \frac{AE}{AB} = \frac{1}{4}$$

$$\therefore \frac{FE}{CB} = \frac{6}{CB}$$

$$\therefore \frac{6}{CB} = \frac{1}{4}$$

$$CB = 24 \text{ Cm}$$

تابع السؤال الرابع :

(7 درجات)

(b) حل المعادلة : ${}_6P_r = 4 \times {}_6P_{r-1}$

الحل :

$${}_6P_r = 4 \times {}_6P_{r-1}$$

1 + 1

$$\frac{6!}{(6-r)!} = 4 \times \frac{6!}{(6-(r-1))!}$$

$\frac{1}{2}$

$$\frac{6!}{(6-r)!} = \frac{4 \times 6!}{(6-r+1)!}$$

$\frac{1}{2}$

$$\frac{6!}{(6-r)!} = \frac{4 \times 6!}{(7-r) \times (6-r)!}$$

1

$$\frac{6!}{(6-r)!} \times \frac{(6-r)!}{6!} = \frac{4 \times 6!}{(7-r) \times (6-r)!} \times \frac{(6-r)!}{6!}$$

1



$$1 = \frac{4}{(7-r)}$$

1

$$7-r=4$$

$\frac{1}{2}$

$$r=7-4$$

$\frac{1}{2}$

$$r=3$$

ثانيا: البنود الموضوعية (14 درجة)

- أولاً: في البنود من (1) إلى (2) عبارات ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة
(b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) مجموعة حل المعادلة : $z^2 - 4z + 5 = 0$ هي $\{ 2 - i , 2 + i \}$.

(2) إذا كان المستقيمان L, M متخالفان وكان $\vec{N} \perp \vec{M}$ فإن $\vec{L} \perp \vec{N}$

ثانياً: في البنود من (3) إلى (10) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .



- (3) مساحة مثلث متطابق الاضلاع طول ضلعه a هي
- (a) $\frac{1}{2}a^2 \text{ units}^2$ (b) $a^2 \text{ units}^2$ (c) $a^2 \frac{\sqrt{3}}{4} \text{ units}^2$ (d) $a^2 \text{ units}^2$

(4) الصورة الجبرية للعدد المركب $z = (1 + 2i)^2$ هي :

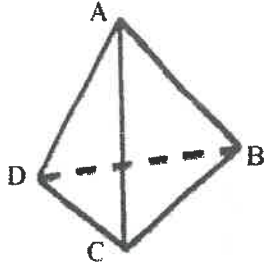
- (a) $z = -3 + 4i$ (b) $z = 5 + 4i$ (c) $z = 5$ (d) $z = -3$

(5) $2 \cos^2 \frac{x}{2}$ تساوي :

- (a) $1 + \cos 2x$ (b) $1 + \cos x$ (c) $\frac{1 - \cos 2x}{2}$ (d) $\frac{1 + \cos x}{2}$

(6) عدد حلول المعادلة $2 \cos 4x = 1$ حيث $x \in [0, \frac{\pi}{8})$ هو :

- (a) 3 (b) 2 (c) 1 (d) 0



(7) في الشكل المقابل : ABCD هرم فإن النقاط A ، B ، C :

- (a) تعين مستويا واحد
- (b) تعين مستويين اثنين
- (c) لا يمكن ان تعين مستويا
- (d) تعين عدد لا منته من المستويات

(8) اذا توازي مستويان مختلفان وقطعهما مستو ثالث فإن خطي التقاطع :



- (a) متعامدان
- (b) متقاطعان
- (c) متخالفان
- (d) متوازيان

(9) اذا كان $BC = 25 \text{ cm}$, $AC = 17 \text{ cm}$, $AB = 12 \text{ cm}$ فإن قياس الزاوية الكبرى في

المثلث ABC يساوي تقريبا :

- (a) 118°
- (b) 110°
- (c) 125°
- (d) 100°

(10) إذا كان الحدثان t , r متنافيان ، $p(t) = \frac{1}{7}$ ، $p(r) = 60\%$ فإن $p(t \cup r)$ تساوي

- (a) 28%
- (b) 42%
- (c) $\frac{16}{35}$
- (d) $\frac{26}{35}$

" انتهت الأسئلة "

ورقة إجابة البنود الموضوعية

السؤال	الإجابة			
(1)	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(2)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(3)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> d
(4)	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(5)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(6)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> d
(7)	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(8)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/>
(9)	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(10)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/>



14

في البنود (2 - 1) لكل بند درجة
في البنود (10 - 3) لكل بند درجة ونصف

القسم الأول - أسئلة المقال

أجب عن الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها

السؤال الأول :

$$(a) \text{ إذا كان : } z_1 = 1 + i, z_2 = 3 - 4i \text{ أوجد } (1) \quad 2z_1 - \bar{z}_2$$

(2) اكتب العدد z_1 في الصورة المثلثية .

الحل

$$(1) \quad 2z_1 - \bar{z}_2 = 2(1 + i) - (3 - 4i) \\ = 2 + 2i - (3 - 4i) \\ = 2 + 2i - 3 + 4i \\ = -1 + 6i$$

$$(2) \quad z_1 = 1 + i \Rightarrow x = 1, y = 1 \\ r = \sqrt{x^2 + y^2} = \sqrt{(1)^2 + (1)^2} = \sqrt{2}$$

نفرض أن α زاوية الأسناد للزاوية θ :

$$\tan \alpha = \left| \frac{y}{x} \right| = \left| \frac{1}{1} \right| = 1$$

$$\alpha = \tan^{-1}(1) = \frac{\pi}{4}$$

$$\because x > 0, y > 0$$

$$\therefore \theta = \alpha = \frac{\pi}{4}$$

الصورة المثلثية هي : $z_1 = r(\cos \theta + i \sin \theta)$

$$z_1 = \sqrt{2} \left(\cos \left(\frac{\pi}{4} \right) + i \sin \left(\frac{\pi}{4} \right) \right)$$

(6 درجات)

نموذج إجابة

 $\frac{1}{2}$

1

 $\frac{1}{2}$

1

 $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$

(4 درجات)

نموذج إجابة

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

1

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

الحل

$$3 \sin \theta + 1 = \sin \theta$$

تابع السؤال الأول :
(b) حل المعادلة :

$$3 \sin \theta - \sin \theta = -1 \Rightarrow 2 \sin \theta = -1$$

$$\sin \theta = -\frac{1}{2}$$

نفرض أن α زاوية الأسناد للزاوية θ :

$$\sin \alpha = |\sin \theta| = \left| -\frac{1}{2} \right| = \frac{1}{2}$$

$$\therefore \alpha = \frac{\pi}{6}$$

$$\therefore \sin \theta < 0$$



$\therefore \theta$ تقع في الربع الثالث أو الرابع

عندما θ تقع في الربع الثالث

$$\theta = \left(\pi + \frac{\pi}{6} \right) + 2k\pi$$

$$\therefore \theta = \frac{7\pi}{6} + 2k\pi$$

عندما θ تقع في الربع الرابع :

$$\theta = \left(2\pi - \frac{\pi}{6} \right) + 2k\pi, \quad k \in \mathbb{Z}$$

$$\therefore \theta = \frac{11\pi}{6} + 2k\pi$$

\therefore حل المعادلة هو :

$$\theta = \frac{7\pi}{6} + 2k\pi \quad \text{أو} \quad \theta = \frac{11\pi}{6} + 2k\pi, \quad k \in \mathbb{Z}$$

السؤال الثاني :

(a) أوجد السعة و الدورة للدالة ثم ارسم بيانها :

$$y = -3 \cos(2x) \quad , \quad x \in [-\pi, \pi]$$

الحل

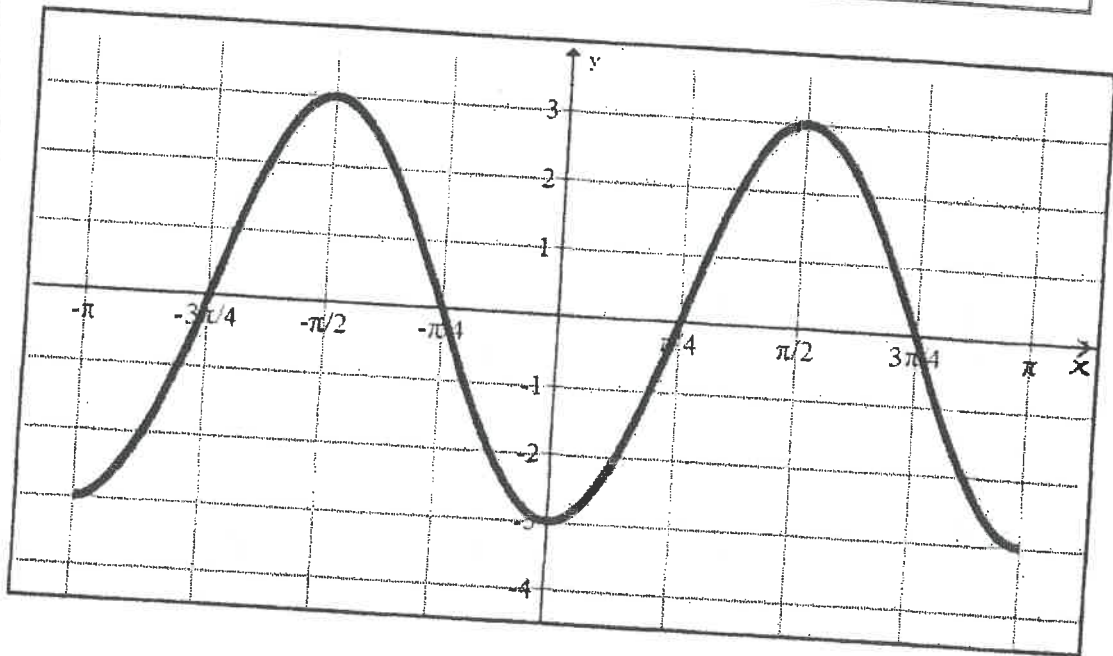
$$3 = |-3| = |a| = \text{السعة}$$

$$\pi = \frac{2\pi}{2} = \frac{2\pi}{|b|} = \text{الدورة}$$

$$\frac{\pi}{4} = \text{ربع الدورة}$$



x	0	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{3\pi}{4}$	π
$2x$	0	$\frac{\pi}{2}$	π	$\frac{3\pi}{2}$	2π
$\cos 2x$	1	0	-1	0	1
$-3 \cos 2x$	-3	0	3	0	-3



نموذج إجابة

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

الرسم

2

3

تراجع الحلول الأخرى

تابع السؤال الثاني :

(6 درجات)

(b) في الشكل المقابل : π_1 , π_2 مستويان متوازيان ،
 $\overrightarrow{AB} \cap \overrightarrow{CD} = \{M\}$ حيث نقطة واقعة بينهما ،

$$\frac{AM}{MB} = \frac{AC}{BD}$$

أثبت أن :

الحل

\overrightarrow{AB} , \overrightarrow{CD} مستقيمان متقاطعان

\therefore يعينان مستويًا واحدًا و ليكن π

$$\pi_1 // \pi_2$$

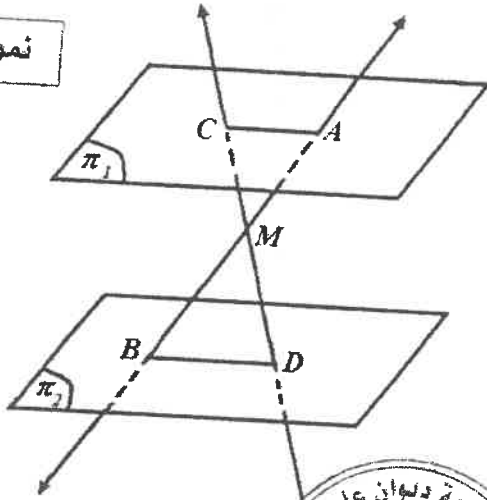
$$\pi \cap \pi_1 = \overrightarrow{CA}$$

$$\pi \cap \pi_2 = \overrightarrow{BD}$$

$$\therefore \overrightarrow{AC} // \overrightarrow{BD}$$

\therefore المثلثان MCA , MDB متشابهان

$$\therefore \frac{AM}{BM} = \frac{AC}{BD}$$



نموذج إجابة

$\frac{1}{2}$

1

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

1

1

1

(4 درجات)

السؤال الثالث :
(a) أثبت صحة المتطابقة :

$$\frac{\cos x}{1 - \sin x} = \frac{1 + \sin x}{\cos x}$$

الحل

نيسط الطرف الأيسر إلى صورة الطرف الأيمن :

$$\frac{\cos x}{1 - \sin x} = \frac{\cos x}{1 - \sin x} \times \frac{1 + \sin x}{1 + \sin x}$$

$$= \frac{\cos x \cdot (1 + \sin x)}{1 - \sin^2 x}$$

$$= \frac{\cos x \cdot (1 + \sin x)}{\cos^2 x}$$

$$= \frac{(1 + \sin x)}{\cos x}$$



∴ الطرف الأيمن = الطرف الأيسر

نموذج إجابة

1

1

1

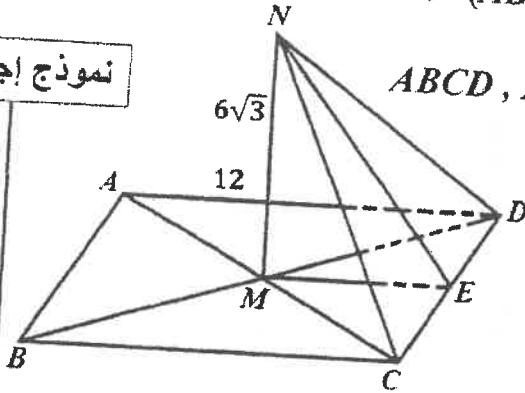
1

تابع السؤال الثالث :

(6 درجات)

(b) في الشكل المرسوم $ABCD$ مستطيل تقاطع قطراه في M ،
وفيه $AD = 12$ أقيم \overline{NM} عموداً على $(ABCD)$ حيث N خارج مستواه
بحيث $MN = 6\sqrt{3}$ ، E منتصف \overline{CD}
أوجد قياس الزاوية الزوجية بين المستويين $ABCD$ ، NCD

نموذج إجابة



الحل

البرهان :

\overline{CD} هي الحافة المشتركة بين المستويين $ABCD$ ، NCD

$$\therefore \overline{MN} \perp (ABCD) , \overline{CD} \subset (ABCD)$$

$$\therefore \overline{MN} \perp \overline{CD}$$

(1)

في المثلث CDM المتطابق الضلعين CDM (زاوية القائمة المستطيل)

$\therefore E$ منتصف \overline{CD}

$$\therefore \overline{ME} \perp \overline{CD}$$

(2)

من (1) ، (2) نجد أن :

$$\overline{CD} \perp (MNE) , \overline{NE} \subset (MNE)$$

$$\therefore \overline{NE} \perp \overline{CD}$$

$\therefore \widehat{MEN}$ هي الزاوية المستوية للزاوية الزوجية \overline{CD}

في المثلث ACD :

\overline{CA} ، \overline{CD} واصله بين منتصفي الضلعين :

$$\therefore EM = \frac{1}{2} AD = 6 \text{ cm}$$

في المثلث MEN القائم الزاوية في M :

$$\therefore \tan(\widehat{MEN}) = \frac{6\sqrt{3}}{6} = \sqrt{3}$$

$$\therefore m(\widehat{MEN}) = 60^\circ$$

قياس الزاوية الزوجية بين المستويين $ABCD$ ، NCD هو 60°

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

السؤال الرابع :

(a) حل المثلث ABC حيث $a = 9 \text{ cm}$, $b = 7 \text{ cm}$, $c = 5 \text{ cm}$ (5 درجات)

نموذج إجابة

الحل

$$\begin{aligned}\cos \alpha &= \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc} \\ &= \frac{49 + 25 - 81}{2(7)(5)} \\ &= \frac{-1}{10}\end{aligned}$$

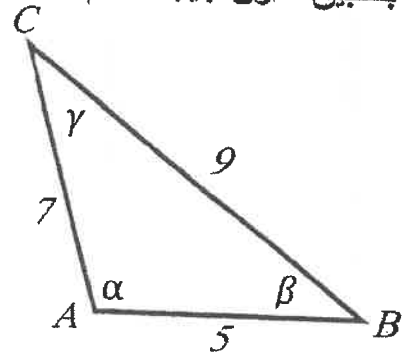
$$\alpha \approx 95.7^\circ$$

$$\begin{aligned}\cos \beta &= \frac{a^2 + c^2 - b^2}{2ac} \\ &= \frac{81 + 25 - 49}{2(9)(5)} \\ &= \frac{19}{30}\end{aligned}$$

$$\beta \approx 50.7^\circ$$

$$\begin{aligned}\gamma &= 180^\circ - (95.7^\circ + 50.7^\circ) \\ &= 33.56^\circ\end{aligned}$$

بتطبيق قانون جيب التمام :



$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

تابع السؤال الرابع :

$$\frac{{}_n C_5}{{}_{(n-1)} C_4} = \frac{6}{5} \quad (b) \text{ أوجد قيمة } n \text{ حيث :}$$

(5 درجات)

نموذج إجابة

الحل

$$\frac{{}_n C_5}{{}_{(n-1)} C_4} = \frac{6}{5}$$

$$\frac{n!}{(n-5)! 5!} \div \frac{(n-1)!}{(n-1-4)! 4!} = \frac{6}{5}$$

$$\frac{n!}{(n-5)! 5!} \times \frac{(n-5)! 4!}{(n-1)!} = \frac{6}{5}$$

$$\frac{n(n-1)!}{(n-5)! 5 \cdot 4!} \times \frac{(n-5)! 4!}{(n-1)!} = \frac{6}{5}$$

$$\frac{n}{5} = \frac{6}{5}$$

$$n = 6$$

$$1 + 1$$

$$\frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{2}$$

نموذج إجابة

ثانيا: البنود الموضوعية

- أولا: في البنود من (1) إلى (3) عبارات ، ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة ،
 (b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) الاحداثيات الديكارتية للنقطة $A(4, \frac{5\pi}{3})$ هي $A(2, -2\sqrt{3})$.

(2) إذا كان المستقيم p مائل على المستوى π فإن \vec{p} ليس عموديا على أي مستقيم محتوي في π .

(3) إذا كانت أطوال أضلاع مثلث تساوي 5 cm فإن قياس الزاوية الأكبر في هذا المثلث يساوي حوالي 133.4°

ثانيا: في البنود من (4) إلى (10) لكل بند (1) علامة اختيار واحدة فقط منها صحيحة ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة.

(4) الجذران التربيعيان للعدد المركب $z = 3 - 4i$ هما :

(a) $\begin{cases} z_1 = 2 + i \\ z_2 = -2 - i \end{cases}$

(b) $\begin{cases} z_1 = 3 - 4i \\ z_2 = -3 + 4i \end{cases}$

(c) $\begin{cases} z_1 = -2 + i \\ z_2 = 2 - i \end{cases}$

(d) $\begin{cases} z_1 = -7 - i \\ z_2 = 7 + i \end{cases}$

(5) المقدار : $\tan^2 x - \sin^2 x$ متطابق مع المقدار :

(a) $\tan^2 x$ (b) $\cot^2 x$ (c) $\tan^2 x \sin^2 x$ (d) $\cot^2 x \cos^2 x$

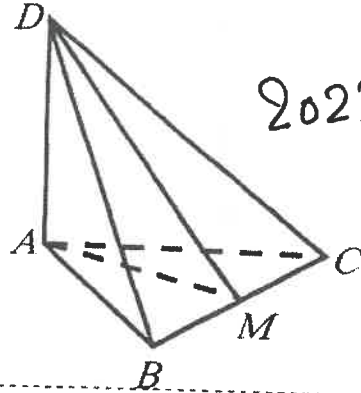
(6) إذا كان $\pi_1 // \pi_2$ ، $\pi_1 \neq \pi_2$ ، $\vec{p} \subset \pi_1$ ، $\vec{m} \subset \pi_2$ فإن :

(a) $\vec{p} // \vec{m}$ (b) $\vec{p} \perp \vec{m}$ (c) \vec{p} ، \vec{m} متخالفتان (d) $\vec{p} \cap \vec{m} = \phi$

نموذج إجابة

(7) في الشكل المقابل : إذا كان \overline{AD} عمودي على (ABC) ، $AB = AC$ ، M منتصف \overline{BC} فإن :

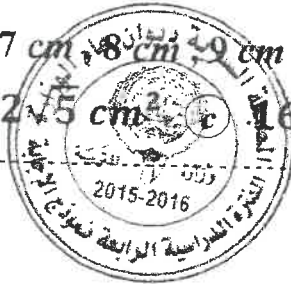
- (a) $(ABC) \perp (DAC)$
 (b) $(DBC) \perp (DAC)$
 (c) $(AMD) \perp (ACD)$
 (d) $(ABD) \perp (BCD)$



معلوم 2023

(8) مساحة المثلث الذي أطوال أضلاعه 7 cm ، 8 cm ، 9 cm هي :

- (a) $6\sqrt{3}\text{ cm}^2$ (b) $12\sqrt{5}\text{ cm}^2$ (c) $16\sqrt{3}\text{ cm}^2$ (d) $18\sqrt{3}\text{ cm}^2$



(9) $\tan\left(h + \frac{\pi}{4}\right)$ تساوي :

- (a) $1 + \tanh$ (b) $\frac{1 - \tanh}{1 + \tanh}$
 (c) $\frac{1 + \tanh}{1 - \tanh}$ (d) $1 - \tanh$

(10) في مفكوك $(2a - 3b)^6$ الحد الذي معاملته 2160 هو الحد :

- (a) الثاني (b) الثالث (c) الرابع (d) الخامس

" انتهت الأسئلة "

نموذج إجابة

ورقة إجابة البنود الموضوعية

السؤال	الإجابة			
(1)	<input checked="" type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(2)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(3)	<input checked="" type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(4)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(5)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(6)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/> d
(7)	<input checked="" type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(8)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(9)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(10)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d



10

لكل بند درجة واحدة فقط

نموذج الاجابة

القسم الأول - أسئلة المقال

أجب عن الاسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها

(5 درجات)

السؤال الأول: (a) أوجد الجذرين التربيعين للعدد المركب $z = 5 + 12i$
 ليكن $w = m + ni$ جذراً تربيعياً للعدد z فيكون $w^2 = z$

$$(m + ni)^2 = 5 + 12i \rightarrow m^2 - n^2 + 2mni = 5 + 12i$$

$$\therefore m^2 - n^2 = 5 \quad (1)$$

$$2mn = 12 \quad (2)$$

$$|w|^2 = |z| \rightarrow (\sqrt{m^2 + n^2})^2 = \sqrt{(5)^2 + (12)^2}$$

$$m^2 + n^2 = 13 \quad (3)$$

بجمع المعادلتين (1) و (3)

$$m^2 - n^2 = 5$$

$$2m^2 = 18 \rightarrow m^2 = 9$$

$$n^2 = 4 \rightarrow n = \pm 2$$

$$m = 3, n = 2$$

$$m = -3, n = -2$$

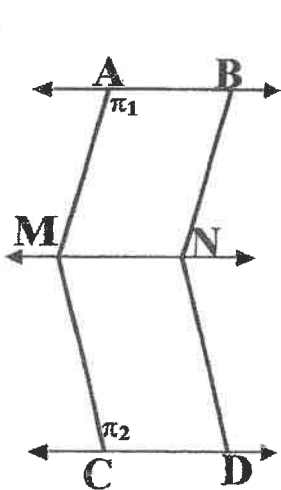
الجزران التربيعيان للعدد المركب $5 + 12i$ هما:

$$w_1 = 3 + 2i, w_2 = -3 - 2i$$



بالعوض في (1)
 من المعادلة (2)

(b) في الشكل المقابل ليكن π_1, π_2 مستويان متقاطعان في MN حيث $\overleftrightarrow{AB} \parallel \pi_2$ (5 درجات)



اثبت $\overleftrightarrow{CD} \subset \pi_2, \overleftrightarrow{AB} \subset \pi_1, \overleftrightarrow{CD} \parallel \pi_1$

$$\therefore \overleftrightarrow{AB} \parallel \pi_2, \overleftrightarrow{AB} \subset \pi_1$$

$$\therefore \pi_1 \cap \pi_2 = \overleftrightarrow{MN}$$

$$\therefore \overleftrightarrow{AB} \parallel \overleftrightarrow{MN} \quad (1) \quad (\text{نظرية})$$

$$\therefore \pi_1 \cap \pi_2 = \overleftrightarrow{MN}, \overleftrightarrow{CD} \parallel \pi_1, \overleftrightarrow{CD} \subset \pi_2$$

$$\therefore \overleftrightarrow{CD} \parallel \overleftrightarrow{MN} \quad (2)$$

$$\therefore \overleftrightarrow{AB} \parallel \overleftrightarrow{CD} \quad (\text{نظرية}) \quad \text{من (1) و (2)}$$

نموذج الاجابة

السؤال الثاني :

(3 درجات)

(a) إذا كان : $z_1 = 5 - 4i$, $z_2 = 3 + i$ فاوجد :

(3) $(z_2)^{-1}$

(2) $(\overline{z_2 + z_1})$

(1) $z_2 \cdot z_1$

$\frac{1}{2}$ (1) $z_2 \cdot z_1 = (3 + i)(5 - 4i)$

$= 15 - 12i + 5i + 4$

$\frac{1}{2}$ $= 19 - 7i$

$\frac{1}{2}$ (2) $z_2 + z_1 = 8 - 3i$

$\frac{1}{2}$ $(\overline{z_2 + z_1}) = 8 + 3i$

$\frac{1}{2}$ (3) $z_2^{-1} = \frac{1}{3+i} \times \frac{3-i}{3-i}$

$\frac{1}{2}$ $= \frac{3-i}{9+1} = \frac{3}{10} - \frac{1}{10}i$



(3 درجات)

(b) حل $\triangle ABC$ حيث $a = 7$ cm , $b = 6$ cm , $\alpha = 26.3^\circ$

$\frac{\sin \alpha}{a} = \frac{\sin B}{b}$

$\frac{1}{2}$ $\frac{\sin 26.3^\circ}{7} = \frac{\sin B}{6}$

$\sin B \approx 0.379$

$\frac{1}{2}$ $\therefore B_1 \approx 22.3^\circ$ أو $B_2 \approx 157.6^\circ$

$\therefore \alpha + B_2 \approx 183.9^\circ > 180^\circ$

$\frac{1}{2}$ $\therefore B_2$ مرفوضه

$\frac{1}{2}$ $\delta = 180^\circ - (22.3^\circ + 26.3^\circ)$

$= 131.4^\circ$

$\frac{1}{2}$ $\therefore \frac{\sin 26.3^\circ}{7} = \frac{\sin 131.4^\circ}{c}$

$\frac{1}{2}$ $c \approx 11.85$ cm

نموذج الاجابة

تابع السؤال الثاني :

(c) أوجد السعة و الدورة للدالة : $y = -3 \cos 4x$ ، حيث $x \in [-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}]$ (4 درجات)
ثم ارسم بيانها

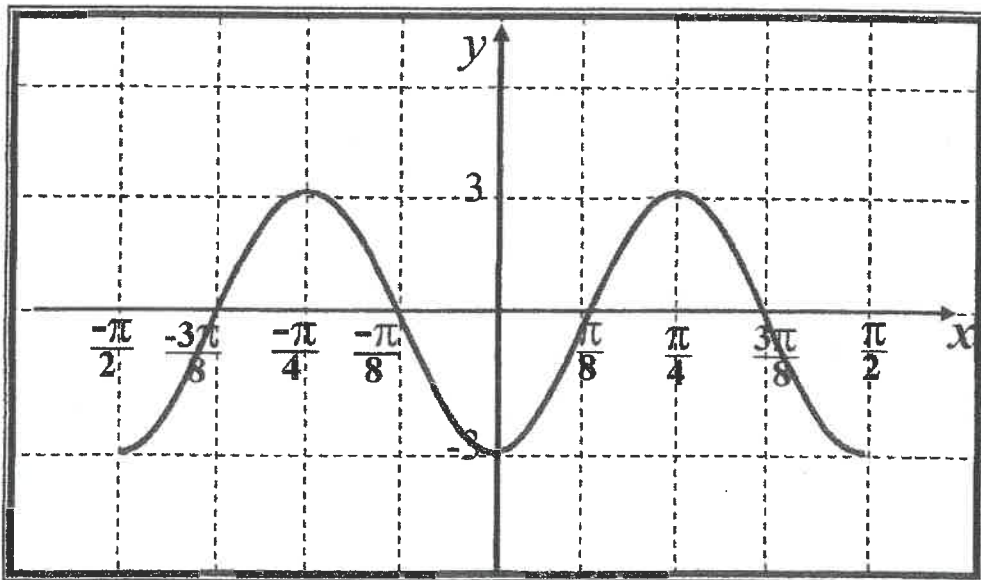
السعة : $|a| = |-3| = 3$

الدورة : $\frac{2\pi}{|b|} = \frac{2\pi}{|4|} = \frac{\pi}{2}$

ربع الدورة = $\frac{\pi}{8}$



x	0	$\frac{\pi}{8}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{3\pi}{8}$	$\frac{\pi}{2}$
4x	0	$\frac{\pi}{2}$	π	$\frac{3\pi}{2}$	2π
cos 4x	1	0	-1	0	1
-3 cos 4x	-3	0	3	0	-3



1
2

نموذج الاجابة

السؤال الثالث :

(7 درجات)

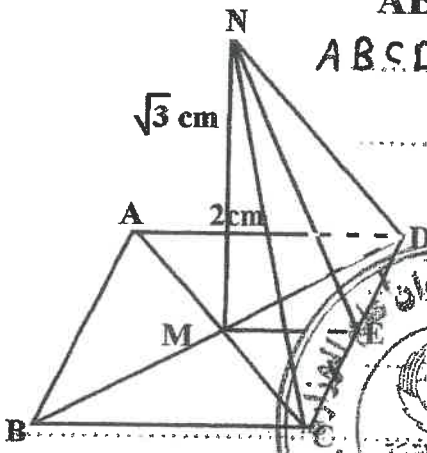
(a) مستطيل تقاطع قطراه في M وفيه $AD = 2\text{cm}$, E منتصف \overline{CD}

أقيم \overline{NM} عموداً على (ABCD) حيث N خارج مستواه بحيث $MN = \sqrt{3}\text{ cm}$

أوجد قياس الزاوية الزوجية بين المستويين ABCD , NCD
 \overline{CD} هي الحافة المشتركة بين المستويين ABCD و NCD

$\overline{MN} \perp (ABCD)$ و $\overline{CD} \subset (ABCD)$

$\therefore \overline{MN} \perp \overline{CD}$ (1)



في مثلث CDM، $\overline{ME} \perp \overline{CD}$ (من خواص منتصف \overline{CD})
 $\therefore \overline{ME} \perp \overline{CD}$ (2)

من (1) و (2) نجد أن: $\overline{ME} \perp \overline{CD}$

$\therefore \widehat{MEN}$ هي الزاوية المطلوبة للزاوية الزوجية \overline{CD}

في مثلث BCD

M منتصف \overline{BD} (من خواص منتصف)

E منتصف \overline{CD}

$$\therefore ME = \frac{1}{2} AD \rightarrow ME = \frac{1}{2} \times 2 = 1\text{ cm}$$

في مثلث MEN، \widehat{MEN} الزاوية في M (من خواص المثلث المثلث)

$$\tan(\widehat{MEN}) = \frac{MN}{ME} = \sqrt{3}$$

$$\therefore m(\widehat{MEN}) = 60^\circ$$

\therefore مياسو الزاوية الزوجية بين المستويين ABCD , NCD هو 60°

(3 درجات)

(b) اثبت صحة المتطابقة: $\tan^2 x - \sin^2 x = \sin^2 x \tan^2 x$

$$\frac{1}{2} \quad \text{الطرف الايسر} = \tan^2 x - \sin^2 x = \frac{\sin^2 x}{\cos^2 x} - \sin^2 x$$

$$= \frac{\sin^2 x - \sin^2 x \cos^2 x}{\cos^2 x} = \frac{\sin^2 x (1 - \cos^2 x)}{\cos^2 x}$$

$$= \frac{\sin^2 x}{\cos^2 x} \cdot \sin^2 x = \tan^2 x \cdot \sin^2 x$$

الطرف الايمن

نموذج الاجابة

السؤال الرابع :

(5 درجات)

فاوجد : $\frac{\pi}{2} < \theta < \pi$

(a) إذا كان $\cos \theta = -\frac{3}{5}$

(2) $\tan 2\theta$

(1) $\sin(\theta - \frac{\pi}{2})$

$$\frac{1}{2} \quad \sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$$

$$\frac{1}{2} \quad \sin^2 \theta + \left(-\frac{3}{5}\right)^2 = 1$$

$$\frac{1}{2} \quad \sin^2 \theta = \frac{16}{25} \rightarrow \sin \theta = \pm \frac{4}{5}$$

$$\frac{1}{2} \quad \therefore \sin \theta = \frac{4}{5}$$

$$\frac{1}{2} \quad \tan \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta} =$$

$$\frac{1}{2} \quad \sin(\theta - \frac{\pi}{2}) = \sin\left(-\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right)\right)$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \quad = -\sin\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right) = -\cos \theta = \frac{3}{5}$$

$$\frac{1}{2} \quad \tan 2\theta = \frac{2 \tan \theta}{1 - \tan^2 \theta} = \frac{2\left(-\frac{4}{3}\right)}{1 - \frac{16}{9}}$$

$$\frac{1}{2} \quad = \frac{24}{7}$$

(5 درجات)

(b) أوجد مجموعة حل المعادلة : ${}_{2n}C_4 = \frac{1}{2} {}_{2n}C_5$

$$1 + 1 \quad \frac{2n!}{(2n-4)!4!} = \frac{1}{2} \times \frac{2n!}{(2n-5)!5!}$$

$$\frac{1}{2} \quad \frac{2n!}{(2n-4)!4!} \times \frac{(2n-5)!5!}{2n!} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \quad \frac{(2n-5)! \times 5 \times 4!}{(2n-4)(2n-5)!4!} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \quad \frac{5}{2n-4} = \frac{1}{2} \rightarrow 2n-4 = 10$$

$$\frac{1}{2} \quad 2n = 14 \rightarrow n = 7$$

ثانياً: البنود الموضوعية

- أولاً: في البنود من (1) إلى (3) عبارات ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة
(b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) في المثلث ABC : $AC = 9\text{cm}$ ، $AB = 7\text{cm}$ ، $BC = 8\text{cm}$ فإن مساحة المثلث ABC تساوي $12\sqrt{5}\text{ cm}^2$

(2) إذا كان $0 < \theta < 90^\circ$ فإن $\cos \theta = \frac{4}{5}$ فإن $\sin 2\theta = \frac{4}{5}$

(3) إذا كان $\pi // \vec{m}$ فإن $\vec{l} \perp \vec{m}$



ثانياً: في البنود من (4) إلى (10) لكل بند أربع اختيارات واحدة فقط صحيحة ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(4) إذا كان $z = i$ فإن $(z)^{250}$ يساوي :

- (a) i (b) $-i$ (c) 1 (d) -1

(5) الدالة التي تمثل تمداً رأسياً بمعامل 4 وانكماشاً أفقياً بمعامل $\frac{1}{3}$ لمنحنى الدالة

$g(x) = \sin(x)$ هي الدالة $f(x)$ تساوي

- (a) $4 \sin\left(\frac{1}{3}x\right)$ (b) $\frac{1}{3} \sin(3x)$
(c) $3 \sin(4x)$ (d) $4 \sin(3x)$

محلل
2023

(6) في المثلث ABC : $m(\hat{A}) = 120^\circ$, $AB = 30 \text{ cm}$, $AC = 40 \text{ cm}$ فإن طول \overline{BC} يساوي تقريباً :

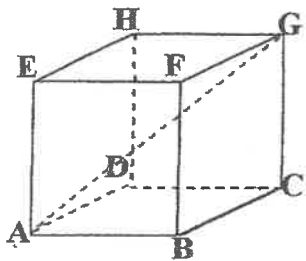
- (a) 60.8 cm (b) 36 cm
(c) 21 cm (d) 68 cm

(7) المقدار $\frac{1}{\tan x} + \tan x$ متطابق مع المقدار :

- (a) $\sec x \cos x$ (b) $\cos x \sin x$ (c) $\sec x \csc x$ (d) $\sec x \sin x$

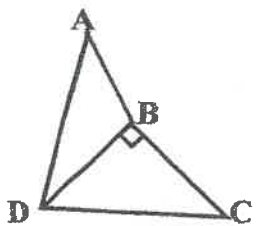


(8) يمثل الشكل المقابل مكعباً إذا كان طول حرفه 3 cm فإن طول قطره \overline{AG} يساوي :



- (a) $\sqrt{3} \text{ cm}$ (b) 9 cm
(c) 18 cm (d) $3\sqrt{3} \text{ cm}$

(9) في الشكل المقابل ، المثلث DBC قائم الزاوية في B ، فإذا كان \overline{AB} عمودي على (DBC) فإن الزاوية المستوية للزاوية الزوجية \overline{BD} هي :



- (a) \hat{DBC} (b) \hat{ABC}
(c) \hat{ABD} (d) \hat{ADC}

(10) معامل الحد الثالث من مفكوك $(a - b)^7$ هو :

- (a) -21 (b) -7 (c) 7 (d) 21

" انتهت الأسئلة "

نموذج الاجابة

ورقة إجابة البنود الموضوعية

السؤال	الإجابة			
(1)	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(2)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(3)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(4)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/>
(5)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/>
(6)	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(7)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> d
(8)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/>
(9)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(10)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/>



10

لكل بند درجة واحدة فقط

نموذج الإجابة

السؤال الثاني :

(5 درجات)

(a) مثلث فيه $a = 3 \text{ cm}$, $b = 8 \text{ cm}$, $c = 7 \text{ cm}$

أوجد : (1) قياس أكبر زاوية

(2) مساحة سطح المثلث ABC مستخدماً قاعدة هيرون

الحل :

$\frac{1}{2}$

1

(1) قياس أكبر زاوية هو β لأنها تقابل أطول ضلع

$$\cos \beta = \frac{a^2 + c^2 - b^2}{2ac}$$

$\frac{1}{2}$

$$= \frac{3^2 + 7^2 - 8^2}{2(3)(7)} = \frac{-1}{7}$$

$\frac{1}{2}$

$$\therefore \beta \approx 98.21^\circ$$

$\frac{1}{2}$

$$s = \frac{1}{2} (a + b + c)$$

$\frac{1}{2}$

$$= \frac{1}{2} (3 + 8 + 7) = 9$$

1

$$\text{Area} = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)} = \sqrt{9(9-3)(9-8)(9-7)}$$

$\frac{1}{2}$

$$= \sqrt{108} = 6\sqrt{3} \text{ cm}^2$$



(2)

نموذج الإجابة

(b) في الشكل المقابل D نقطة خارج مستوى المثلث ABC (5 درجات)

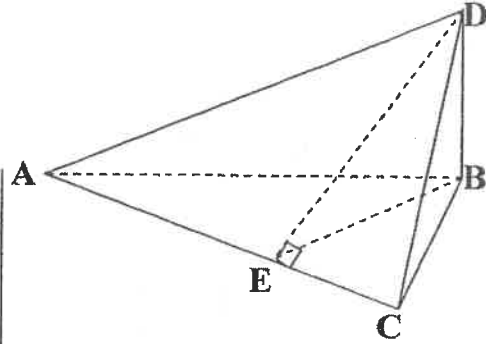
$$\overline{DE} \perp \overline{AC}, \overline{DB} \perp (ABC), DB = 5\text{cm}, AB = 10\text{cm}, m(\widehat{BAC}) = \frac{\pi}{6}$$

BE (1) : أوجد $\overline{BE} \perp \overline{AC}$,

(2) قياس الزاوية الزوجية بين المستويين BAC , DAC

البرهان:

(1) في المستوى ABC:



$$\therefore \overline{BE} \perp \overline{AC} \rightarrow \therefore m(\widehat{BEA}) = \frac{\pi}{2}$$

$$\therefore m(\widehat{BAC}) = \frac{\pi}{6} \rightarrow \Delta AEB \text{ ثلاثيني ستيني}$$

$$\therefore BE = \frac{1}{2} AB = 5 \text{ cm}$$

(2) \overleftrightarrow{AC} هو خط تقاطع المستويين BAC , DAC

$\overline{BE} \perp \overline{AC}$: في المستوى BAC

$\overline{DE} \perp \overline{AC}$: في المستوى DAC

$\therefore \overleftrightarrow{AC}$ حافة الزاوية الزوجية بين المستويين

\therefore الزاوية المستوية للزاوية الزوجية بين المستويين BAC , DAC هي \widehat{BED}

$$\therefore \overline{DB} \perp (ABC), \overline{BE} \subset (ABC) \rightarrow \therefore \overline{DB} \perp \overline{BE}$$

$$m(\widehat{BED}) = \frac{\pi}{4} \leftarrow \Delta DBE \text{ قائم الزاوية في } \widehat{B} \text{ وهو متطابق الضلعين}$$

\therefore قياس الزاوية الزوجية بين المستويين BAC , DAC هي $\frac{\pi}{4}$

نموذج الإجابة

السؤال الثالث :

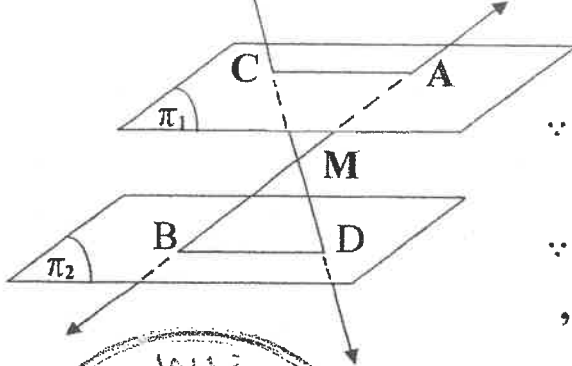
(5 درجات)

(a) في الشكل المقابل π_1, π_2 مستويان متوازيان، M نقطة واقعة بينهما

حيث: $\overleftrightarrow{AB} \cap \overleftrightarrow{CD} = \{M\}$, $A, C \in \pi_1$, $B, D \in \pi_2$

$$\frac{AM}{BM} = \frac{AC}{BD}$$

أثبت أن البرهان:



$$\therefore \overleftrightarrow{AB} \cap \overleftrightarrow{CD} = \{M\}$$

\therefore يعينان مستوى وحيد هو (ADBC)

$$\therefore (ADBC) \cap \pi_1 = \overleftrightarrow{CA}$$

$$, (ADBC) \cap \pi_2 = \overleftrightarrow{BD}$$

$$\therefore \pi_1 \parallel \pi_2$$

$$\therefore \overleftrightarrow{CA} \parallel \overleftrightarrow{BD}$$

في المستوى AD BC:

$$\Delta BMD \sim \Delta AMC \quad (\text{لتطابق زواياهما})$$

وينتج أن:

$$\frac{AM}{BM} = \frac{AC}{BD}$$

1/2
1/2
1/2
1/2
1/2
1
1/2 + 1/2
1/2



(5 درجات)

(b) حل المعادلة: $2 \cos x \sin x - \cos x = 0$, $x \in [0, 2\pi)$

الحل:

$$\cos x (2 \sin x - 1) = 0$$

1/2
1/2 + 1/2
1 + 1/2
1/2
1/2
1/2 + 1/2

$$\therefore \cos x = 0 \quad \text{or} \quad 2 \sin x - 1 = 0$$

$$\therefore x = \frac{\pi}{2}, x = \frac{3\pi}{2} \quad \left| \quad \sin x = \frac{1}{2} \right.$$

$$\sin \alpha = |\sin x| \quad \text{نفرض } \alpha \text{ هي زاوية الإسناد حيث}$$

$$= \left| \frac{1}{2} \right| = \frac{1}{2}$$

$$\therefore \alpha = \frac{\pi}{6}$$

$$\therefore \sin x > 0$$

$\therefore x$ تقع في الربع الأول أو الثاني

$$x = \alpha = \frac{\pi}{6} \quad \text{في الربع الأول:}$$

$$x = \pi - \alpha = \pi - \frac{\pi}{6} = \frac{5\pi}{6} \quad \text{في الربع الثاني:}$$

$$\therefore \text{حل المعادلة هو: } x = \frac{\pi}{2}, x = \frac{3\pi}{2}, x = \frac{\pi}{6}, x = \frac{5\pi}{6}$$

السؤال الرابع: (a) أثبت صحة المتطابقة : $\frac{\sec^2 x - 1}{\sin x} = \tan x \cdot \sec x$: **الحل:**

الطرف الأيسر = $\frac{\sec^2 x - 1}{\sin x} = \frac{\tan^2 x}{\sin x}$

= $\frac{\frac{\sin^2 x}{\cos^2 x}}{\sin x}$

= $\frac{\sin^2 x}{\cos^2 x} \times \frac{1}{\sin x}$

= $\frac{\sin x}{\cos^2 x}$

= $\frac{\sin x}{\cos x} \times \frac{1}{\cos x} = \tan x \cdot \sec x =$ الطرف الأيمن

(3 درجات) ${}_n C_2 = 105$: حل المعادلة : (b) ①


الحل:

$\frac{n!}{(n-2)! \times 2!} = 105$

$\frac{n(n-1)(n-2)!}{(n-2)! \times 2!} = 105$

$n(n-1) = 210$

$n(n-1) = 15 \times 14 \rightarrow n = 15$



② يستخدم حوالي 11% من الطلاب في أحد المدارس اليد اليسرى للكتابة. يوجد في أحد الصفوف 30 طالبا، فما احتمال أن يكون 4 طلاب من هذا الصف يستخدمون اليد اليسرى للكتابة. **الحل:**

(3 درجات) نفرض الحدث A : استخدام اليد اليسرى في الكتابة
الحدث B : عدم استخدام اليد اليسرى في الكتابة
الحدث E : 4 طلاب يستخدمون اليد اليسرى في الكتابة

$P(A) = m = \frac{11}{100} = 0.11$, $P(B) = 1 - m = 0.89$

للحدث E يكون $n = 30$, $k = 4$

فيكون احتمال أن يكون 4 طلاب من هذا الصف يستخدمون اليد اليسرى للكتابة هو

$P(E) = {}_n C_k (m)^k (1-m)^{n-k}$

= ${}_{30} C_4 (0.11)^4 (0.89)^{26}$

= 0.19388

نموذج الإجابة

القسم الثاني - البنود الموضوعية

- أولاً: في البنود من (1-4) عبارات ظلل في ورقة الإجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة (b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) إذا كان: $x i^2 + 3 y i = 5 + 3 i^5$ فإن $(x, y) = (-5, 1)$

(2) الدالة: $y = a \tan bx$ دالة دورية دورتها $\frac{\pi}{|2b|}$

(3) $\cos 6x = 2 \cos^2 3x - 1$

(4) إذا توازي مستقيمان ومر بهما مستويان متقاطعان فإن تقاطعهما هو مستقيم يوازي كلا من هذين المستقيمين

ثانياً: في البنود من (5-10) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(5) الصورة المثلثية للعدد $z = 2 - 2\sqrt{3} i$ حيث $\theta \in [0, \pi)$ هي:

- (a) $z = 4 \left(\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3} \right)$ (b) $z = 4 \left(\cos \frac{5\pi}{3} + i \sin \frac{5\pi}{3} \right)$
 (c) $z = 4 \left(\cos \frac{-\pi}{3} + i \sin \frac{-\pi}{3} \right)$ (d) $z = 4 \left(\cos \frac{5\pi}{3} - i \sin \frac{5\pi}{3} \right)$

(6) يمثل بيان الدالة: $f(x) = 2 \cos(x) - 1$ لمنحنى الدالة $g(x) = \cos x$

- (a) انكماشاً رأسياً بمعامل $\frac{1}{2}$ وإزاحة إلى أعلى بمقدار وحدة واحدة
 (b) تمديداً رأسياً بمعامل 2 وإزاحة إلى أعلى بمقدار وحدة واحدة
 (c) انكماشاً رأسياً بمعامل $\frac{1}{2}$ وإزاحة إلى أسفل بمقدار وحدة واحدة
 (d) تمديداً رأسياً بمعامل 2 وإزاحة إلى أسفل بمقدار وحدة واحدة



محلل 2023

نموذج الإجابة

ورقة إجابة الموضوعي

السؤال	الإجابة			
(1)	a	b	c	d
(2)	a	b	c	d
(3)	a	b	c	d
(4)	a	b	c	d
(5)	a	b	c	d
(6)	a	b	c	d
(7)	a	b	c	d
(8)	a	b	c	d
(9)	a	b	c	d
(10)	a	b	c	d



لكل بند درجة واحدة فقط

