

منصة سما  
قوانين الصف العاشر – رياضيات

# مؤسسة سما التعليمية المعلم الذكي

أ:وليد  
50522331  
قلب الأم رياضيات

10

2024

مذكرات قلب الأم



www.samakw.com

iteacher\_q8

60084568 / 50855008

حولي مجمع بيروت الدور الأول

نقدم لكم كل ما يعينكم ويسهل لكم دراستكم ونختصر عليكم البحث عن ما هو هام  
لتفوقك في اختبارك سما – طريقك للتميز

قلب الأم رياضيات سما مذكرات قلب الأم قلب الأم رياضيات سما مذكرات قلب الأم



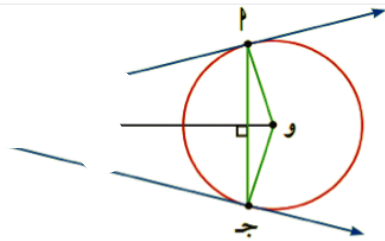
## الوحدة الأولى: هندسة الدائرة :

كل ثلاث نقاط ليست على استقامة واحدة تمر بها دائرة واحدة.

المماس عمودي على نصف قطر التماس.

القطعتان المماستان لدائرة والمرسومتان من نقطة خارجها متطابقتان.

$\Delta$  ب ج متطابق الضلعين من النظرية السابقة.



١  $\widehat{B}$  و  $\widehat{C}$  منصف الزاوية  $\widehat{A}P$  ج

٢  $\widehat{B}$  و  $\widehat{C}$  منصف الزاوية  $\widehat{A}P$  ج

٣  $\overline{OB} \perp \overline{AC}$

**الدائرة المحاطة بمثلث (الداخلية)**

هي دائرة مماسة لأضلاع المثلث الثلاثة من الداخل.

مركز هذه الدائرة هو نقطة تلاقي منصفات الزوايا الداخلية للمثلث

**الدائرة المحيطة لمثلث (الخارجية)**

هي دائرة تمر برؤوس المثلث الثلاثة.

مركز هذه الدائرة هو نقطة تلاقي المحاور الثلاثة لأضلاع المثلث (نقطة تلاقي المنصفات العمودية لأضلاع المثلث).

في دائرة أو في دوائر متطابقة:

١ للزوايا المركزية المتطابقة أوتار متطابقة.

٢ الأوتار المتطابقة تقابل أقواسًا متطابقة.

٣ للأقواس المتطابقة زوايا مركزية متطابقة.

١ الأوتار المتطابقة في دائرة على أبعاد متساوية من مركز الدائرة.

٢ الأوتار التي على أبعاد متساوية من مركز دائرة تكون متطابقة.

١ القطر العمودي على وتر في دائرة ينصفه وينصف كلاً من قوسيه.

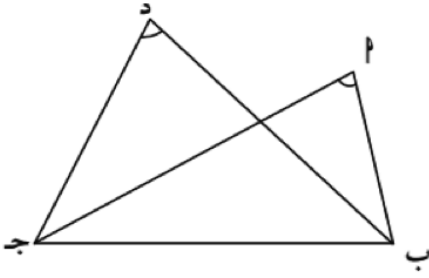
٢ القطر الذي ينصف وترًا (ليس قطرًا) في دائرة يكون عمودياً على هذا الوتر.

٣ العمود المنصف لوتر في دائرة يمر بمركز الدائرة.

خط المركزين لدائرتين متقاطعتين يكون عمودياً على الوتر المشترك بينهما وينصفه.

قياس الزاوية المركزية يساوي قياس القوس المحصور بين ضلعيها على الدائرة.  
في الدائرة قياس الزاوية المحيطية يساوي نصف قياس القوس المحصور بين ضلعيها.

قياس الزاوية المحيطية يساوي نصف قياس الزاوية المركزية المشتركة معها في القوس نفسه.



١ كل زاويتين محيطيتين في دائرة تحصران القوس نفسه متطابقتان.

٢ كل زاوية محيطية في دائرة تحصر نصف دائرة تكون زاوية قائمة.

٣ كل شكل رباعي دائري (محاط بدائرة)، تكون زواياه المتقابلة متكاملة.

٤ في الشكل إذا تطابقت الزاويتان  $\hat{A}$ ،  $\hat{D}$  المرسومات على القاعدة ب ج وفي

جهة واحدة منها. كان الشكل أ ب ج د رباعياً دائرياً.

(١) قياس الزاوية المماسية يساوي قياس الزاوية المحيطية المشتركة معها في القوس نفسه.

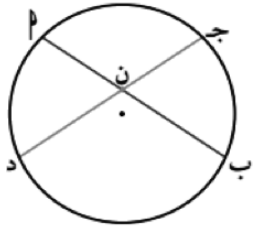
(٢) قياس الزاوية المماسية يساوي نصف قياس القوس المحصور بين المماس والوتر.

(١) قياس الزاوية المماسية يساوي قياس الزاوية المحيطية المشتركة معها في القوس نفسه.

(٢) قياس الزاوية المماسية يساوي نصف قياس القوس المحصور بين المماس والوتر.

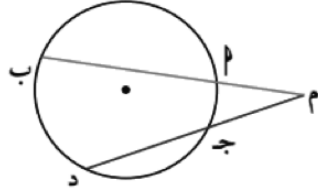


- المماس لدائرة هو مستقيم في المستوي يتقاطع مع الدائرة في نقطة واحدة.
- الزوايا المركزية زوايا رأسها مركز الدائرة.
- الزوايا المحيطية زوايا رأسها إحدى نقاط دائرة وضلعها يقطعان الدائرة.
- قياس الزاوية المركزية يساوي قياس القوس المحصور بين ضلعيها.
- قياس الزاوية المحيطية يساوي نصف قياس القوس المحصور بين ضلعيها.
- كل زاويتين محيطيتين تحصران القوس نفسه متطابقتان.
- كل زاوية محيطية تحصر نصف دائرة هي زاوية قائمة.
- كل شكل رباعي دائري (محاط بدائرة) تكون زواياه المتقابلة متكاملة، أي كل زاويتين متقابلتين فيه متكاملتان.
- الزاوية المكونة من مماس ووتر تسمى زاوية مماسية، وقياسها يساوي نصف قياس القوس المحصور بين المماس والوتر.
- في دائرة أو في دوائر متطابقة:
  - للزوايا المركزية المتطابقة أوتار متطابقة.
  - الأوتار المتطابقة تقابل أقواسًا متطابقة.
  - للأقواس المتطابقة في دائرة زوايا مركزية متطابقة.
  - الأوتار المتطابقة في دائرة هي على أبعاد متساوية من مركز الدائرة.
  - في الدائرة: القطر العمودي على وتر ينصفه وينصف كلاً من قوسيه.
  - القطر الذي ينصف وترًا (ليس قطرًا) هو عمودي على الوتر.
  - العمود المنصف لوتر يمر بمركز الدائرة.



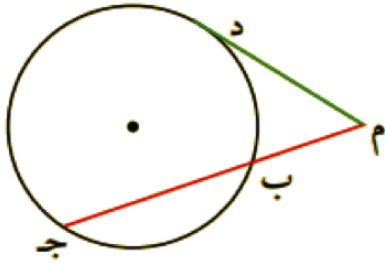
إذا تقاطع وتران داخل دائرة، فإن ناتج ضرب طولي جزئي أحد الوترين يساوي ناتج ضرب طولي جزئي الوتر الآخر.

$$AN \times NB = CN \times ND$$



إذا رسم قاطعان من نقطة خارج دائرة، فإن ناتج ضرب طول أحد القاطعين في طول جزئه الخارجي يساوي ناتج ضرب طول القاطع الآخر في طول جزئه الخارجي.

$$PA \times PB = PC^2$$



إذا رسم من نقطة خارج دائرة قاطع ومماس، فإن ناتج ضرب طول القاطع في طول جزئه الخارجي يساوي مربع طول القطعة المماسية.

$$PA \times PB = PC^2$$

## الوحدة الثانية : المصفوفات

- تكون المصفوفتان متساويتين إذا كانت لهما الرتبة (الأبعاد) نفسها، وكانت عناصرهما المتناظرة متساوية.

محدد المصفوفة المربعة  $\begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix}$  هو  $AD - BC$

$$\text{نكتب } |A| = \begin{vmatrix} A & B \\ C & D \end{vmatrix} = AD - BC$$

تسمى المصفوفة التي محددها يساوي الصفر بالمصفوفة المنفردة

بفرض أن:  $\begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix} = 0$  إذا كان  $AD - BC \neq 0$ ، فإن لها نظير ضربى  $A^{-1}$  حيث:

$$\begin{bmatrix} D & -B \\ -C & A \end{bmatrix} \frac{1}{|A|} = A^{-1}$$

- مصفوفة النظير (المعكوس) الضربى للمصفوفة المربعة  $A$ ، تكتب  $A^{-1}$  ويكون:

$$A^{-1} \times A = I \text{ و } A \times A^{-1} = I \text{، وتسمى النظير الضربى للمصفوفة } A.$$

لحل نظام معادلتين خطيتين:

$$١س + ب ص = ل$$

$$ج س + د ص = م$$

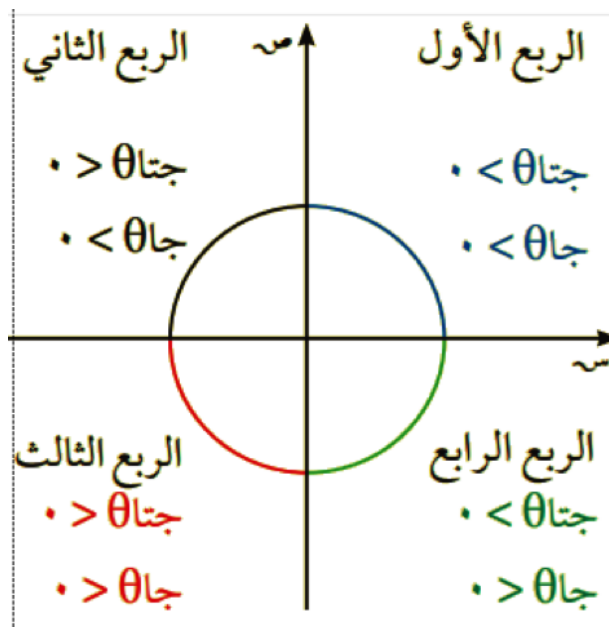
$$\frac{\Delta}{\Delta} = ص , \frac{\Delta}{\Delta} = س$$

$$\Delta = \begin{vmatrix} ل & ب \\ م & د \end{vmatrix}$$

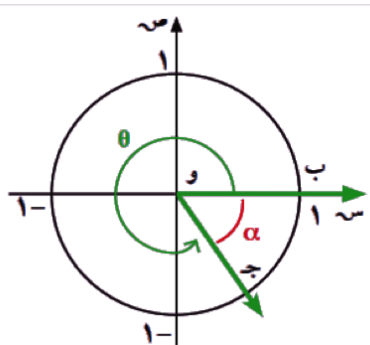
$$\Delta = \begin{vmatrix} ١ & ب \\ ج & د \end{vmatrix}$$

$$\Delta = \begin{vmatrix} ب & ١ \\ د & ج \end{vmatrix}$$

الوحدة الثالثة : حساب المثلثات



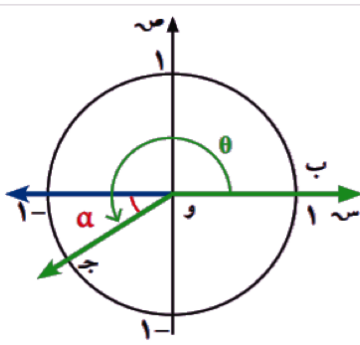
زاوية الإسناد :



عندما  $\theta$  تقع في الربع الرابع

$$\alpha = 360^\circ - \theta$$

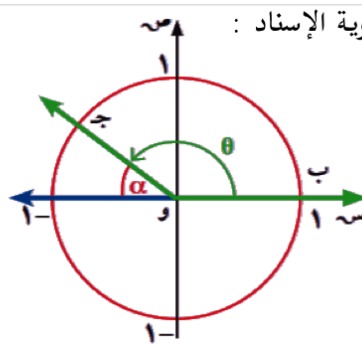
$$\alpha = 2\pi - \theta$$



عندما  $\theta$  تقع في الربع الثالث

$$\alpha = 180^\circ - \theta$$

$$\alpha = \pi - \theta$$



عندما  $\theta$  تقع في الربع الثاني

$$\alpha = 180^\circ - \theta$$

$$\alpha = \pi - \theta$$



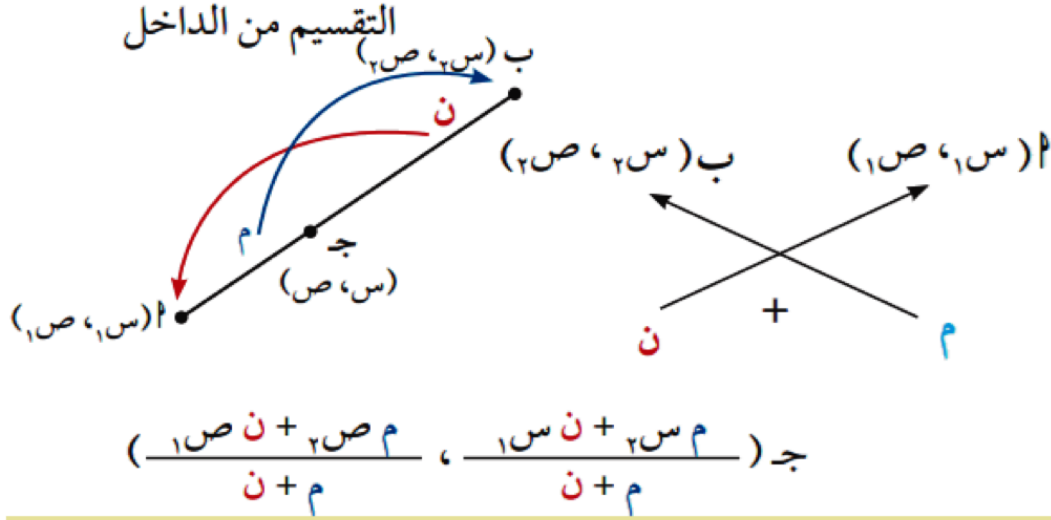
## الوحدة التاسعة الهندسة التحليلية :

قانون:

المسافة بين أي نقطتين  $A(س_1, ص_1)$  و  $B(س_2, ص_2)$  تساوي  $\sqrt{(س_2 - س_1)^2 + (ص_2 - ص_1)^2}$

قانون:

إذا كانت  $A(س_1, ص_1)$  و  $B(س_2, ص_2)$  فإن إحداثيات نقطة المنتصف هي  $M(س, ص)$  حيث  $س = \frac{س_1 + س_2}{2}$ ،  $ص = \frac{ص_1 + ص_2}{2}$ .



$$\text{الميل} = \frac{\text{التغير الرأسى}}{\text{التغير الأفقى}} = \frac{ص_2 - ص_1}{س_2 - س_1}, \text{ حيث } س_2 - س_1 \neq 0$$

إذا كان  $\vec{AB} // \vec{CD}$  فإن ميل  $\vec{AB}$  يساوي ميل  $\vec{CD}$  وبالعكس.

إذا كانا  $\vec{AB} \perp \vec{CD}$ ،  $\vec{CD}$  متعامدين فإن ناتج ضرب ميليهما يساوي -1 وبالعكس.

١ لكتابة معادلة خط مستقيم ليس رأسياً نحن بحاجة إلى معرفة:

- الميل (م).
- نقطة من نقاط المستقيم ولتكن  $A(س_1, ص_1)$ .
- تكون معادلة المستقيم:  $ص - ص_1 = م(س - س_1)$ .

٢ معادلة المستقيم الرأسى هي  $س = م$  (وهذا المستقيم ليس له ميل)



طول العمود النازل من النقطة م (س<sub>١</sub>، ص<sub>١</sub>) على المستقيم (ل) ومعادلته أس + ب ص + ج = ٠ هو:

$$f = \frac{|أس_١ + ب ص_١ + ج|}{\sqrt{أ^٢ + ب^٢}}$$

معادلة الدائرة التي مركزها م (د، هـ) وطول نصف قطرها ن: (س - د)<sup>٢</sup> + (ص - هـ)<sup>٢</sup> = ن<sup>٢</sup>.

- الصورة العامة لمعادلة الدائرة: س<sup>٢</sup> + ص<sup>٢</sup> + ل س + ك ص + ب = ٠ حيث ل، ك، ب ثوابت

وحيث إن مركز الدائرة  $(-\frac{ل}{٢}, -\frac{ك}{٢})$ ، ن<sup>٢</sup> =  $\frac{١}{٢} \sqrt{ل^٢ + ك^٢ - ٤ب}$  حيث ل<sup>٢</sup> + ك<sup>٢</sup> - ٤ب > ٠

الوحدة العاشرة الإحصاء و الاحتمال :

## Variance and Standard Deviation

## التباين والانحراف المعياري

إذا كانت س<sub>١</sub>، س<sub>٢</sub>، س<sub>٣</sub>، ...، س<sub>ن</sub> مجموعة من القيم عددها ن حيث متوسطها الحسابي  $\bar{س}$  فإن:

$$\text{التباين} = \sigma^٢ = \frac{\sum_{i=1}^n (س_i - \bar{س})^٢}{ن}$$

ومنه الانحراف المعياري  $\sigma = \sqrt{\sigma^٢}$

## قانون التباديل

مضروب ن أو

ن! هو: ن × (ن-١) × ... × ٣ × ٢ × ١

فمثلاً: ٥! = ٥ × ٤ × ٣ × ٢ × ١

١! = ١    نقرأ مضروب صفر = ١

$$ن! = (١ - ن) (٢ - ن) ... (١ - ن) (١ + ن)$$

$$\frac{ن!}{(ن - ر)!} = \frac{ن!}{(ن - ر)!}$$

## قانون التوافيق :

عندما ر = ٠ يُعرَّف  $\binom{ن}{٠} = ١$

$$\binom{ن}{ن} = ١$$

$$\frac{ن!}{ر! (ن - ر)!} = \binom{ن}{ر}$$

$$L(\text{الحادث } P) = \frac{\text{عدد نواتج الحادث } P}{\text{عدد النواتج في فضاء العينة}}$$

$$\text{أي أن: } L(P) = \frac{n(P)}{n(F)}$$

قاعدة الاحتمال لاتحاد حدثين:

$$L(P \cup B) = L(P) + L(B) - L(P \cap B)$$

ومنها  $L(P \cap B) = L(P) + L(B) - L(P \cup B)$

قاعدة الاحتمال لمتنم الحادث  $P$ :

$$L(\bar{P}) = 1 - L(P)$$

قاعدة الاحتمال لحدثين متنافيين:

إذا كان  $P$ ،  $B$  حدثين متنافيين من فضاء العينة  $F$  فإن  $L(P \cup B) = L(P) + L(B)$ .

إذا كان  $P$ ،  $B$  حدثان مستقلان فإن احتمال وقوع الحدثين معاً هو:

$$L(P \cap B) = L(P) \times L(B)$$

قاعدة الاحتمال المشروط

إذا كان وقوع الحادث  $B$  مشروطاً بوقوع الحادث  $P$  فإن:

$$L(B|P) = \frac{L(P \cap B)}{L(P)}$$

حيث  $L(P) \neq 0$

وكذلك  $L(P \cap B) = L(B|P) \times L(P)$