

SCAN
ME! >>



مؤسسة سما التعليمية المعلم الذكي

قلب الأم رياضيات

11 أدبي

سما
SAMA

2024

مذكرات قلب الأم



www.samakw.com



iteacher_q8



60084568 / 50855008



حولي مجمع بيروت الدور الأول

نقدم لكم كل ما يعينكم ويسهل لكم دراستكم ونختصر عليكم البحث عن ما هو هام
لتفوقك في اختبارك سما – طريقك للتميز

2024

سما معاك بترفع مستواك



من الجدول التكراري التالي :

الفئة	- ١٠	- ٢٠	- ٣٠	- ٤٠	- ٥٠	المجموع
التكرار	٣	٦	٥	٤	٨	٢٦

- (١) كون جدول التكرار المتجمع الصاعد .
(٢) أوجد الوسيط حسابيا .

يمثل الجدول التالي درجات ٣٢ طالب في مادة الرياضيات في أحد فصول الصف الحادي عشر أدبي
حيث النهاية العظمى ٣٠ درجة

الفئة	- ٥	- ١٠	- ١٥	- ٢٠	- ٢٥	المجموع
التكرار	٦	٨	٩	٥	٤	٣٢

- (١) كون جدول التكرار المتجمع الصاعد .
(٢) أوجد الربيع الأدنى حسابيا .

من الجدول التكراري التالي :

الفئة	-٥	-١٠	-١٥	-٢٠	-٢٥	المجموع
التكرار	١	٤	٧	٩	٣	٢٤

(١) كون جدول التكرار المتجمع الصاعد .

(٢) أوجد الربيع الأدنى .

من الجدول التكراري التالي :

الفئة	- ١٠	- ١٢	- ١٤	- ١٦	المجموع
التكرار	٤	٧	٦	٣	٢٠

(١) كون جدول التكرار المتجمع الصاعد .

(٢) أوجد الربيع الأعلى حسابيا .

أوجد المتوسط الحسابي ، التباين ، الانحراف المعياري للبيانات التالية:

٧ ، ٩ ، ١١ ، ١٣

لنأخذ البيانات التالية : ٨ ، ٧ ، ١٠ ، ١٥

أوجد التباين والانحراف المعياري لهذه البيانات

5

يبين الجدول أدناه التوزيع التكراري لدرجات ٣٧ طالبا في أحد الاختبارات حيث النهاية العظمى

المجموع	-18	-16	-14	-12	-10	-8	-6	الفئة
37	1	2	6	8	9	6	5	التكرار

(١) مثل هذه البيانات بالمدرج التكراري ومنه ارسم المنحنى التكراري

(٢) هل يوجد التواء ؟ حدد نوعه إن وجد

[illegible]

١. احسب الوسيط والربيع الأدنى والربيع الأعلى
٢. مثل البيانات بمخطط الصندوق ذي العارضتين
٣. هل البيانات تمثل تماثلاً ام التواء لليمين او لليسار

7

سما SAMA في البيانات التالية : ٦ ، ٩ ، ١٠ ، ١١ ، ١٤
أوجد ما يلي :

- (١) نصف المدى الربيعي
(٢) المتوسط الحسابي
(٣) التباين

- تمثل البيانات التالية درجات بعض طلاب الصف الحادي عشر أدبي في مادة الإحصاء :
- ٢٤ ، ٢٠ ، ٢٢ ، ٣٥ ، ٣٧ ، ٣٤ ، ٤٠ ، ٣٧ ، ٣٠
- ١- احسب المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال لهذه البيانات
- ٢- حدد نوع الالتواء

يعلن مصنع لإنتاج الأسلاك المعدنية أن متوسط تحمل السلك هو ١٣٠٠ كجم
 بإنحراف معياري ٢٠٠ كجم . على افتراض أن المنحنى الممثل لتوزيع تحمل
 الأسلاك المعدنية يقترب كثيرا من التوزيع الطبيعي .

طبق القاعدة التجريبية .

سما
SAMA

إذا كانت درجة طالب في مادة الجغرافيا ١٩ درجة ، حيث المتوسط الحسابي ١٦ والانحراف المعياري ٤
و حصل على ١٩ درجة في مادة التاريخ ، حيث المتوسط الحسابي ١٧ والانحراف المعياري ٥ ،
ما القيمة المعيارية للدرجة ١٩ مقارنة مع درجات كل مادة ؟ أيهما أفضل ؟

في نتيجة نهاية العام الدراسي حصل طالب على ٢٨ درجة في مادة اللغة العربية
حيث المتوسط الحسابي ٢١ والانحراف المعياري ٨ وحصل على ٢٨ درجة في مادة الجغرافيا
حيث المتوسط الحسابي ٢٤ والانحراف المعياري ١٠ .
في أي المادتين كان الطالب أفضل ؟

10

إذا كانت درجة طالب في مادة الرياضيات ٢٤ درجة حيث المتوسط الحسابي ٢٩
والانحراف المعياري ٨ ، وحصل على ٤٥ درجة في مادة التاريخ حيث
المتوسط الحسابي ٤٨ والانحراف المعياري ٣ . في أي المادتين كان أداء الطالب أفضل ؟

حل المعادلة التالية : $30 = \frac{!(4+n)}{!(2+n)}$

حل المعادلة التالية : $20 = \frac{!(3+n)}{!(1+n)}$

حل المعادلة :

$42 = \frac{!(2+n)}{!n}$

11

أوجد قيمة كل مقدار مما يلي :

(أ) $\frac{!10}{!8}$

(ب) $!7 + 2!7$

حل المعادلة التالية :

$$20 = 2^N$$

حل المعادلة التالية : $2^N = 6$

حل المعادلة التالية :

$$2^N = 2^{N+1}$$

حل المعادلة التالية

$$15 = 2^N$$

12

حل المعادلة التالية : $2^N = 8$ (حيث N عدد صحيح موجب أكبر من ٢)

حل المعادلة التالية : $n^2 = 28$ (حيث n عدد صحيح موجب أكبر من ٢)

حل ما يلي موضعا خطوات الحل :
 $n^2 = 28$

13

أوجد قيمة ما يلي موضعا خطوات الحل :
 $\frac{4^9}{3^5}$

أوجد مفكوك (٢ س - ص)^٣ باستخدام نظرية ذات الحدين .

SAMA

استخدم نظرية ذات الحدين لإيجاد مفكوك (س + ٢)^٤

أوجد الحد الثالث في مفكوك (س + ص)⁹

15

أوجد الحد الثالث في مفكوك (س + ٢)^٦

SAMA

أوجد معامل s^4 في مفكوك $(s + 2)^6$.

16

أوجد الحد الثالث في مفكوك $(2s + v)^5$ **SAMA**

أوجد الحد الرابع في مفكوك $(3س + 2)^7$

اوجد الحد الخامس في مفكوك $(2س + ص)^6$

17

اشترك ٨ طلاب في اختبار الحصول على منحة مدرسية . بكم طريقة مختلفة يمكن توقع الفائزين الثلاثة الأوائل بالترتيب ؟

كم عدد الأعداد المكون رمز كل منها من ثلاثة أرقام مأخوذة من عناصر

المجموعة { ٣ ، ٤ ، ٥ ، ٦ ، ٧ } في كل مما يلي :

(١) إذا لم يسمح بالتكرار .

(٢) إذا كان العدد زوجي ويسمح بالتكرار.

في تجربة رمي حجر نرد منتظم مرة واحدة مرقم من ١ الى ٦ حيث:

الحدث أ "ظهور عدد أكبر من أو يساوي ٤"

الحدث ب "ظهور عدد زوجي"

الحدث ج "ظهور عدد اصغر من ٣"

فاوجد : (١) ل (أ) (٢) ل (ب) (٣) ل (ج)

(٤) ل (أ ∩ ب) (٥) ل (أ ∪ ب)

في تجربة لرمي حجر نرد منتظم مرة واحدة ، إذا كان الحدث م هو
(ظهور عدد أكبر من أو يساوي ٥) اوجد ما يلي :

١- ل (م)

٢- ل (م)

إذا كان م ، ن حدثين مستقلين في فضاء العينة ف حيث :

$$ل (م) = ٠,٤ ، ل (ن) = ٠,٨$$

فأوجد كلا مما يلي : (١) ل (ن)

$$(٢) ل (م \cap ن)$$

$$(٣) ل (م \cup ن)$$

إذا كان م ، ن حدثين في فضاء العينة ف حيث :

$$P(M) = \frac{1}{4} , P(N) = \frac{5}{12} , P(M \cap N) = \frac{3}{4}$$

فأوجد ما يلي : (١) $P(M \cap N)$

(٢) $P(M \cup N)$

21

إذا كان م ، ن حدثين مستقلين في فضاء العينة ف حيث $P(M) = \frac{2}{5} , P(N) = \frac{1}{3}$

فأوجد ما يلي :

(١) $P(M \cap N)$

(٢) $P(M \cup N)$

إذا كان أ ، ب حدثين متنافيين في فضاء العينة ف حيث :

$$P(A) = 0.4 , P(B) = 0.35$$

أوجد كلا مما يلي :

$$(1) P(A \cap B) \quad (2) P(A \cup B) \quad (3) P(\overline{A \cup B})$$

22

إذا كان م ، ن حدثين متنافيين في فضاء العينة ف حيث $P(M) = 0.55$ ، $P(N) = 0.25$

فأوجد ما يلي :

$$(1) P(M)$$

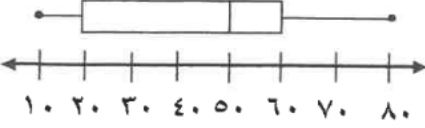
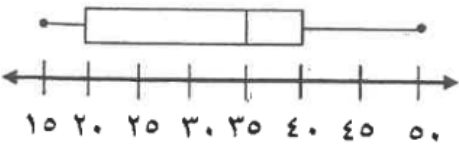
$$(2) P(M \cap N)$$

$$(3) P(M \cup N)$$

إذا كان M ، N حدثين مستقلين في فضاء العينة F حيث $L(N) = 0.5$ ، $L(\overline{M}) = 0.6$ ،
فأوجد ما يلي :

- (١) $L(M)$ (٢) $L(M \cap N)$ (٣) $L(M \cup N)$

1	إذا كان الانحراف المعياري لمجموعة من القيم هو ٤ فإن التباين هو ٢
2	إذا كان المتوسط الحسابي لِعَيَّة ما يساوي ٢٠ والانحراف المعياري يساوي ٢ والمنحنى على شكل جرس فإن ٩٥٪ من القيم تقع في [١٦، ٢٤]
3	يعتبر المتوسط الحسابي هو أحد مقاييس النزعة المركزية .
4	في التوزيع الطبيعي الفترة $[\bar{s} - \sigma, \bar{s} + \sigma]$ تحتوي على ٩٥٪ من قيم البيانات.
5	في البيانات التالية : ٣ ، ٨ ، ١٢ ، ١٤ ، ١٥ ، ٢٠ الوسيط هو ١٤
6	في مجموعة بيانات إذا كان المتوسط الحسابي $\bar{s} = ١٢$ القيمة المعيارية لـ $s = ١٥$ هي ٥ ، ٤ ، ٠ فإن الانحراف المعياري $\sigma = ٧$
7	في مجموعة بيانات إذا كان المتوسط الحسابي $\bar{s} = ١٣$ والانحراف المعياري $\sigma = ٤$ فإن القيمة المعيارية لـ $s = ١٥$ هي ١٩ $= \frac{1}{4}$
8	(٣) في مجموعة بيانات إذا كان المتوسط الحسابي $\bar{s} = ١٤$ والانحراف المعياري $\sigma = ٤$ فإن القيمة المعيارية لـ $s = ١٦$ هي ١٩ $= \frac{1}{4}$
9	الحد الثاني من $(s + ٣)^9$ هو ٥٤ s^8
10	بفرض أن الحدثين م، ن مستقلان، لـ $(م) = \frac{١٢}{١٧}$ ، لـ $(ن) = \frac{٣}{٨}$ إذا لـ $(م \cap ن) = \frac{٩}{١٧}$
11	قيمة المقدار $٥! \times ٤!$ هي ٣٦٠
12	في تجربة إلقاء حجر نرد منتظم مرة واحدة فإن احتمال الحصول على العدد ٤ أو عدد زوجي يساوي $\frac{1}{4}$
13	$١٢! = ١١ \times ١٢!$
14	مفكوك $(١ + ج)^٥$ هو ج ^٥ + ج ^٤ + ١٠ ج ^٣ + ١٠ ج ^٢ + ٥ ج + ١
15	$٢^٧ ق = ٢^٤$
16	(٤) في التوزيع الطبيعي الفترة $[\bar{s} - \sigma^٣, \bar{s} + \sigma^٣]$ تحتوي على : (أ) ٦٨٪ من قيم البيانات (ب) ٩٥٪ من قيم البيانات (ج) ٩٩,٧٪ من قيم البيانات (د) ٩٧٪ من قيم البيانات
17	في المنحنى التكراري حيث الالتواء لجهة اليمين يكون المتوسط الحسابي: (أ) أكبر من الوسيط (ب) أصغر من الوسيط (ج) يساوي الوسيط (د) ليس أي مما سبق صحيحًا

18	أي مما يلي لا يمثل مقياس النزعة المركزية. (أ) المتوسط الحسابي (ب) الوسيط (ج) التباين (د) المنوال
19	من خلال مخطط الصندوق ذي العارضتين التالي، قيمة الربع الأعلى هي: 
20	وسيط البيانات التالية: ٥٠، ١، ١٠، ١٥، ٥، ١٠، ١٠، ٢٠، ٢٥، ١٥، هو: (أ) ١٠ (ب) ١٢,٥ (ج) ١٥ (د) ٢٠
21	(٧) في البيانات التالية: ٥، ٧، ٨، ٩، ١٠، ١٣، ١٥ نصف المدى الربيعي يساوي: (أ) ٢٠ (ب) ٦ (ج) ٣ (د) ١٠
22	(٤) المدى لمجموعة القيم ١٠، ٣٥، ٢، ١٦، ١، ١٧ هو: (أ) ٢ (ب) ٣٤ (ج) ٩ (د) ٧
23	(٥) وسيط البيانات التالية: ١، ٥، ١٠، ١٠، ١٠، ١٥، ٢٥، ٥٠ هو: (أ) ٢٠ (ب) ١٢,٥ (ج) ١٥ (د) ١٠
24	في المنحنى التكراري حيث الانتواء لجهة اليمين يكون المتوسط الحسابي > الوسيط > المنوال .
25	من مخطط الصندوق ذي العارضتين المقابل ، نصف المدى الربيعي يساوي : 
26	من مخطط الصندوق ذي العارضتين المقابل فإن : الربع الأعلى - الربع الأدنى = 

27	إذا كان الحد $١٥س^٢ص^٤$ أحد حدود مفكوك $(س + ص)^ن$ فإن قيمة $ن$ هي :	٨ (أ) ٧ (ب) ٦ (ج) ٥ (د)
28	الحد الثالث في مفكوك $(٢ - ب)^٧$ هو :	٢١ - $٢٢ب$ (أ) $٢١ب - ٢٢$ (ب) $٢١ب^٢ - ٢٢ب$ (ج) $٢١ب - ٢٢ب^٢$ (د)
29	مفكوك $(٢ - ب)^٣$ هو :	٢٢ + $٢٢ب + ٢٢ب^٢ + ٢٢ب^٣$ (أ) $٢٢ + ٢٢ب + ٢٢ب^٢ + ٢٢ب^٣$ (ب) $٢٢ - ٢٢ب + ٢٢ب^٢ - ٢٢ب^٣$ (ج) $٢٢ - ٢٢ب + ٢٢ب^٢ - ٢٢ب^٣$ (د)
30	(٦) عدد حدود المفكوك $(س - ص)^٨$ يساوي :	٦ (أ) ٧ (ب) ٨ (ج) ٩ (د)
31	(٤) إذا كان $٨٠س^٢ص^٢$ هو أحد حدود المفكوك $(٢س + ص)^ن$ فإن قيمة $ن$ تساوي :	٧ (أ) ٤ (ب) ٦ (ج) ٥ (د)
32	(٦) إذا كان الحدثان $م$ ، $ن$ مستقلين ، حيث $ل(م) = \frac{١}{٣}$ ، $ل(ن) = \frac{٩}{١٠}$ ، فإن $ل(م \cap ن)$ تساوي :	$\frac{٣}{٢٤}$ (أ) $\frac{٢٥}{٤٨}$ (ب) $\frac{٣}{١٠}$ (ج) $\frac{١١}{٤٨}$ (د)
33	(٦) إذا كان الحدثان $أ$ ، $ب$ مستقلين ، حيث $ل(أ) = \frac{١}{٣}$ ، $ل(ب) = \frac{٣}{٤}$ ، فإن $ل(أ \cap ب)$ يساوي :	$\frac{١}{٢}$ (أ) $\frac{٥}{٨}$ (ب) $\frac{١}{٤}$ (ج) $\frac{٣}{٤}$ (د)
34	إذا كان $م$ ، $ن$ حدثين متنافيين في فضاء العينة $ف$ حيث : $ل(م) = ٠,٦$ ، $ل(ن) = ٠,٢$ فإن $ل(م \cup ن) =$	٠,٨ (أ) ٠,٣٢ (ب) ٠,١٢ (ج) ٠,٢ (د)
35	قيمة المقدار $\frac{٧ق^٩}{٤ق^٩} \times ٩ق^٢$ هي :	١٨ (أ) ٥,١٨٤ (ب) ١٠ (ج) ٧٣٥ (د)
36	(٤) إذا كان $نق^٢ = ١٥$ فإن $ن =$	٥ (أ) ٦ (ب) ٣ (ج) ٧ (د)

37	في مباراة كرة القدم إذا أراد مدرب اختيار ٥ لاعبين من بين ١١ لاعب بالترتيب لركلات الترجيح فإن عدد الطرق الممكنة للاختيار هي :	سما SAMA
38	إذا كان الحدثان ع، ط متنافيين حيث ل (ع) = $\frac{3}{5}$ ، ل (ط) = $\frac{1}{3}$ ، فإن ل (ع ∩ ط) تساوي:	سما SAMA
39	إذا كان الحدثان م، ن مستقلين، حيث ل (م) = $\frac{1}{3}$ ، ل (ن) = $\frac{9}{10}$ ، فإن ل (م ∩ ن) تساوي:	سما SAMA
40	(٥) في تجربة القاء حجري نرد متمايزين فإن احتمال أن يكون (العددان الظاهران متساويين) يساوي:	سما SAMA
41	بكم طريقة مختلفة يمكن اختيار ٣ أعلام من مجموعة من ٧ أعلام مختلفة؟	سما SAMA

سما
SAMA

سما
SAMA

سما
SAMA

سما
SAMA

سما
SAMA

حساب الوسيط للفئات:

$$\text{الوسيط (} r_p \text{)} = \text{الحد الأدنى لفئة الوسيط} + \frac{\frac{n}{2} - \text{التكرار المتجمع الصاعد السابق لفئة الوسيط}}{\text{التكرار الأصلي لفئة الوسيط}} \times \text{طول الفئة}$$

$$\text{الربيع الأدنى (} r_1 \text{)} = \text{الحد الأدنى لفئة الربيع الأدنى} + \frac{\frac{n}{4} - \text{التكرار المتجمع الصاعد السابق لفئة الربيع الأدنى}}{\text{التكرار الأصلي لفئة الربيع الأدنى}} \times \text{طول الفئة}$$

$$\text{الربيع الأعلى (} r_3 \text{)} = \text{الحد الأدنى لفئة الربيع الأعلى} + \frac{\frac{3n}{4} - \text{التكرار المتجمع الصاعد السابق لفئة الربيع الأعلى}}{\text{التكرار الأصلي لفئة الربيع الأعلى}} \times \text{طول الفئة}$$

المدى = القيمة العظمى - القيمة الصغرى

$$\text{نصف المدى الربيعي} = \frac{\text{الربيع الأعلى} - \text{الربيع الأدنى}}{2}$$

هذه القوانين موجودة في
الاختبار فقط

$$\text{التباين } s^2 = \frac{\sum (s - \bar{s})^2}{n}$$

$$\text{الانحراف المعياري } s = \sqrt{\frac{\sum (s - \bar{s})^2}{n}}$$

حيث s = المتغير، $\bar{s}$ = المتوسط الحسابي، n = عدد القيم.
إذا كان يوجد تكرار للقيم في البيانات يكون لدينا:

$$s^2 = \frac{\sum (s_r - \bar{s})^2 \cdot t_r}{\sum t_r} ; \quad s = \sqrt{\frac{\sum (s_r - \bar{s})^2 \cdot t_r}{\sum t_r}}$$

• الربط بين مقاييس النزعة المركزية والالتواء.

- إذا كان المنوال < الوسيط < المتوسط الحسابي فإن نوع الالتواء سالب.

- إذا كان المنوال > الوسيط > المتوسط الحسابي فإن نوع الالتواء موجب.

- إذا كان المنوال = الوسيط = المتوسط الحسابي فلا يوجد التواء.

- القاعدة التجريبية هي واحدة من الفترات التالية: $[\sigma - \bar{s}, \sigma + \bar{s}]$, $[\sigma_2 - \bar{s}, \sigma_2 + \bar{s}]$, $[\sigma_3 - \bar{s}, \sigma_3 + \bar{s}]$, حيث $\bar{s} =$ المتوسط الحسابي لقيم البيانات، $\sigma =$ الانحراف المعياري لقيم البيانات.
- القيمة المعيارية = $\frac{\text{القيمة} - \text{المتوسط الحسابي}}{\text{الانحراف المعياري}} = \frac{\bar{s} - s}{\sigma}$.

- مضروب العدد: $n! = n \times (n-1) \times (n-2) \times \dots \times 2 \times 1$ لكل عدد صحيح موجب n .
- قانون التباديل: $\frac{n!}{(n-r)!} = {}^n P_r$: $r \geq n$, r , $n \in \mathbb{N}$.
- قانون التوافيق: $\frac{n!}{r!(n-r)!} = {}^n C_r$.
- خواص التوافيق ${}^n C_r$: ${}^n C_0 = 1$, ${}^n C_n = 1$, ${}^n C_r = {}^n C_{n-r}$, ${}^n C_r + {}^n C_{r+1} = {}^{n+1} C_{r+1}$.

- نظرية ذات الحدين: $(a+b)^n = {}^n C_0 a^n b^0 + {}^n C_1 a^{n-1} b^1 + \dots + {}^n C_{n-1} a^1 b^{n-1} + {}^n C_n a^0 b^n$, حيث n عدد صحيح موجب.

29

SAMA

- مفكوك $(a+b)^n$ يتضمن $n+1$ حدًا.
- الحد الذي ترتيبه $r+1$ هو ${}^n C_r a^{n-r} b^{r+1}$.
- فضاء العينة لتجربة ما هو مجموعة كل النواتج الممكن حدوثها لتجربة ما.
- الحدث هو مجموعة جزئية من فضاء العينة وقد يساويه.
- احتمال الحدث: $L(P) = \frac{\text{عدد النواتج في الحدث}}{\text{عدد النواتج في فضاء العينة}} = \frac{N(P)}{N(F)}$.
- $0 \leq L(P) \leq 1$.
- إذا كان $P = \{ \}$ فإن $L(P) = 0$ ويسمى بالحدث المستحيل.
- إذا كان $P = F$ فإن $L(P) = 1$ ويسمى بالحدث المؤكد.
- إذا كان P , B حدثين متنافيين، فإن $L(P \cup B) = L(P) + L(B)$.
- الحدث المتمم: $L(P) + L(\bar{P}) = 1$.
- إذا كان P , B حدثين مستقلين، فإن $L(P \cap B) = L(P) \times L(B)$, $L(P \cup B) = L(P) + L(B) - L(P \cap B)$.