

أوجد مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة  $f : f(x) = x^2 + 5x + 4$  ومحور السينات.

أوجد مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة  $f$  ومحور السينات في الفترة المبينة.

$$f(x) = x^3 - 9x \quad , \quad [-2, 1]$$

أوجد مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة  $f$  ومحور السينات في الفترة الميينة.

$$f(x) = \cos x , [0 , \pi]$$

أوجد مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة  $f(x) = e^x$  :  $f$  والمنحنى الدالة  $g(x) = -1 - x^2$  :  $g$  والمستقيمين  $x = 0$  ,  $x = 3$  علمًا بأن المنحنيين للدالتين  $f, g$  غير متقاطعين.

أوجد مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة  $f(x) = x^2 + 3$  :  $f$  والمنحنى الدالة  $g(x) = x^2 + 1$  والمستقيمين  $x = -1$  ,  $x = 1$  علمًا بأن:  $f(x) > g(x)$  ,  $\forall x \in [-1, 1]$

أوجد مساحة المنطقة المحددة بمنحني الدالتين:  $y_1 = x^2 + 2$  ,  $y_2 = -2x + 5$

أوجد مساحة المنطقة المحددة بمنحني الدالتين:  $f(x) = -2x^2 + 2$  ,  $g(x) = x^2 - 1$

أوجد مساحة المنطقة المحددة بمنحني:  $f(x) = x^2 + 1$  ,  $g(x) = -x^2 + 9$

أوجد مساحة المنطقة المحددة بمنحني الدالتين:  $f(x) = 7 - 2x^2$  ,  $g(x) = x^2 + 4$

أوجد حجم المجسم الناتج من دوران المنطقة المستوية دورة كاملة حول محور السينات والمحددة بمنحنى الدالة  $f : f(x) = x^2 + 2$  ومحور السينات في الفترة  $[-1, 1]$ .

باستخدام التكامل المحدد أوجد حجم المجسم الناتج من دوران المنطقة المستوية دورة كاملة حول محور السينات والمحددة بنصف الدائرة  $y = \sqrt{r^2 - x^2}$

باستخدام التكامل المحدد أوجد حجم المجسم الناتج من دوران المنطقة المستوية دورة كاملة حول محور السينات والمحددة بمنحنى الدالة  $f : [0, h]$  ،  $f(x) = r$  ،  $r \neq 0$  في الفترة

أوجد حجم المجسم الناتج من دوران المنطقة المستوية دورة كاملة حول محور السينات والمحددة بمنحني الدالتين

$$f(x) = x^2 \quad , \quad g(x) = \sqrt{x} : g$$

أوجد حجم المجسم الناتج من دوران المنطقة المستوية دورة كاملة حول محور السينات والمحددة بين منحنىي الدالتين

$$f(x) = \frac{x^2}{2} + 1 \quad , \quad g(x) = \frac{x}{2} + 2$$

أوجد حجم المجسم الناتج من دوران المنطقة دورة كاملة حول محور السينات والمحددة  
بمنحنيي الدالتين:  $y_1 = x + 3$  ,  $y_2 = x^2 + 1$

أوجد حجم المجسم الناتج من دوران المنطقة المستوية المستوية دورة كاملة حول محور السينات والمحددة بكل

من المستقيمات والمنحنيات التالية:

$$y_1 = \frac{1}{x}, y_2 = 0, x = 1, x = 4$$

أوجد حجم المجسم الناتج من دوران المنطقة المستوية المستوية دورة كاملة حول محور السينات والمحددة بكل  
من المستقيمت والمنحنيات التالية:

$$y_1 = \sqrt{1-x^2}, y_2 = 0$$

أوجد حجم المجسم الناتج من دوران المنطقة المستوية المستوية دورة كاملة حول محور السينات والمحددة بكل  
من المستقيمات والمنحنيات التالية:

$$y_1 = \sqrt{x} , y_2 = 0 , x = 4$$

أوجد طول القوس من منحنى الدالة  $f: f(x) = 5 + 2\sqrt{x^3}$  في الفترة  $[0, \frac{1}{3}]$ .

في الشكل، أوجد طول القوس من منحنى الدالة  $f: f(x) = \sqrt{x^3}$  في الفترة  $[0, 4]$

أوجد طول القوس من منحنى الدالة  $f$  :  $f(x) = \frac{2}{9}(9 + 3x)^{\frac{3}{2}}$  في الفترة  $[2, 5]$

أوجد معادلة منحنى الدالة  $f$  الذي ميله عند أي نقطة  $P(x, y)$  يساوي  $-8x^3 + 3x^2 - 2x + 4$  ويمر بالنقطة  $(-1, -5)$

إذا كان ميل العمودي لمنحنى الدالة  $f$  عند أي نقطة عليه  $(x, y)$  هو  $2x - 1$   
فأوجد معادلة المنحنى علمًا بأنه يمر بالنقطة  $B(1, 0)$

إذا كان ميل العمودي على منحنى الدالة  $f$  عند أي نقطة عليه  $(x, y)$  يساوي  $\sqrt{5 - 4x}$   
فأوجد معادلة المنحنى عندما يمر بالنقطة  $A(-5, 3)$

أوجد معادلة منحنى الدالة  $f$  الذي ميله عند أي نقطة عليه  $(x, y)$  هو:  $\sin 3x$

ويمر بالنقطة  $A\left(\frac{2\pi}{9}, \frac{7}{6}\right)$

حل المعادلة التفاضلية:  $\frac{dy}{dx} = \frac{2y}{x}$

حل المعادلة التفاضلية:  $y' - 2xy = 0$

أوجد حلًا للمعادلة:  $y' = -2y$  إذا كان  $y = 3$  عند  $x = 0$

حل المعادلة  $3y' - 2y = 4$ ، ثم أوجد الحل الذي يحقق  $y = 3$  عند  $x = 0$

حل المعادلة التفاضلية:  $xy' = 1 - x^2$

- (a) حل المعادلة التفاضلية:  $y' + 2y = 0$   
(b) أوجد الحل الذي يحقق  $y = \frac{1}{2}$  عند  $x = 0$

حل المعادلة التفاضلية:

$$\sqrt{2}y' + y = 0 \quad \text{التي تحقق} \quad y = \sqrt{2} \quad \text{عند} \quad x = 0$$

حل المعادلة التفاضلية:

$$x = \frac{1}{4} \text{ عند } y = \frac{3}{4} \text{ التي تحقق } \frac{1}{2}y' + 4y = 1$$

حل المعادلة التفاضلية:

$$x = 1 \text{ عند } y = 1 \text{ التي تحقق } xy' = 4y$$

=